В	a	u	f	O	r	S	C	h	u	n	ıC
_	-	•	-	_	•	_	_		•		

Verbesserung der Angaben über die vertikale Pfahltragfähigkeit in der geplanten DIN 1054, Teil 5 "Pfahlgründungen", Teil 2 T 2244

Fraunhofer IRB Verlag

## T 2244

Dieser Forschungsbericht wurde mit modernsten Hochleistungskopierern auf Einzelanfrage hergestellt.

Die Originalmanuskripte wurden reprotechnisch, jedoch nicht inhaltlich überarbeitet. Die Druckqualität hängt von der reprotechnischen Eignung des Originalmanuskriptes ab, das uns vom Autor bzw. von der Forschungsstelle zur Verfügung gestellt wurde.

Im Originalmanuskript enthaltene Farbvorlagen, wie z.B. Farbfotos, können nur in Grautönen wiedergegeben werden. Liegen dem Fraunhofer IRB Verlag die Originalabbildungen vor, können gegen Berechnung Farbkopien angefertigt werden. Richten Sie Ihre Anfrage bitte an die untenstehende Adresse.

© by Fraunhofer IRB Verlag

2001

Vervielfältigung, auch auszugsweise, nur mit ausdrücklicher Zustimmung des Verlages.

## Fraunhofer IRB Verlag

Fraunhofer-Informationszentrum Raum und Bau

Postfach 80 04 69 70504 Stuttgart

Nobelstraße 12 70569 Stuttgart

Telefon (07 11) 9 70 - 25 00 Telefax (07 11) 9 70 - 25 08

e-mail irb@irb.fhg.de

URL http://www.irb.fhg.de

Abschluβbericht zum Forschungsauftrag des Instituts für Bautechnik Az.IV 1-5-411/8

VERBESSERUNG DER ANGABEN ÜBER DIE VERTIKALE PFAHLTRAGFÄHIGKEIT IN DER GEPLANTEN DIN 1054, TEIL 5, "PFAHLGRÜNDUNGEN", TEIL 2

PROF. DR.-ING. E. FRANKE
INSTITUT FÜR GRUNDBAU, BODEN- UND FELSMECHANIK
TECHNISCHE HOCHSCHULE DARMSTADT

## INHALTSVERZEICHNIS

1	GRUNDSÄTZLICHES ZU DEN SICHERHEITSNACHWEISEN FÜR PFÄHLE	1
1.1	Kritische Betrachtung der bisherigen Vorgehensweise	. 1
1.2	Bemessung von Pfählen nach dem Prinzip der Grenz- zustände	3
1.2.1	Allgemeines	3
1.2.2	Die Sicherheitsnachweise	. 5
1.3	Die Sicherheitsbeiwerte, Grundsätzliches	6
1.3.1	Zur Verwendung von globalen Sicherheitswerten	6
1.3.2	Zur Verwendung von deterministischen Teilsicher- heitswerten, getrennt für Spitzendruck und Mantel- reibung	6
1.3.3	Zur Verwendung von probabilistisch ermittelten Teilsicherheitswerten für Spitzendruck und Mantelreibung	10
1.4	Resumee zu den grundsätzlichen Betrachtungen über Sicherheitsnachweise	13
2	ERMITTLUNG VON EMPIRISCHEN DATEN FÜR SPITZENDRUCK UND MANTELREIBUNG FÜR BOHRPFÄHLE ZUR VORBEREITUNG DER DIN 4014 (3/1990)	15
2.1	Einführung	15
2.2	Grundsätzliches zur Trennung von gemessenen Lastsetzungslinien obs Q(s) in solche der Mantelkraft $Q_r(s)$ und der Fußkraft $Q_s(s)$	16
2.3	Das Hyperbelverfahren	17
2.4	Ermittlung von Qr(s) für Bohrpfähle	20
2.4.1	Anwendung des Hyperbelverfahrens zur Ermittlung von $Q_r(s)$ aus obs $Q(s)$	20
2.4.2	Ermittlung von $s_{rg}$ des Punktes der maximalen Krümmung von $Q_{r}(s)$	22
2.4.3	Einfluβ der Herstellungsart	26

2.4.4	Ermittlung einer Funktion der Anfangsneigung ar	27
2.4.5	Abhängigkeit des Bruchwertes der Mantelreibung $\tau_{\text{mg}}$ von der Baugrundfestigkeit	28
2.4.6	Streuung der Mantelreibungswerte $\tau_{mg}$	29
2.5	Ermittlung von Q <sub>S</sub> (s) für Bohrpfähle	30
2.5.1	Spitzendruck $\sigma_{_{\mathbf{S}}}(s)$ aus Messungen	30
2.5.2	Anpassung von $\sigma_{\rm S}({\rm s}) ext{-Werten}$ an Me $\beta$ ergebnisse obs Q(s)	31
2.5.3	Berücksichtigung des Einflusses von Fu $\beta$ verbreiterungen	33
2.5.4	Einfluβ der Pfahlelastizität	33
2.5.5	Durchmesserabhängigkeit des Spitzendrucks	34
2.6	Anwendung der Ergebnisse der Abschnitte 2.4 und 2.5 zur Berechnung von Q(s)	37
2.6.1	3 Wege zur Berechnung von cal Q(s)	37
2.6.2	Fehlerbetrachtung zu 2.6.1	38
3	SICHERHEITSBETRACHTUNGEN	40
3.1	Grundsätzliches	40
3.2	Ermittlung des Bemessungswertes $\mathbf{Q}_{\mathbf{d}}$ auf probabilistischer Grundlage	40
3.3	Vergleich von probabilistisch und deterministisch (wie bisher) ermittelten Bemessungswerten $Q_d$	42

## Abschluβbericht zum Forschungsauftrag des Instituts für Bautechnik Az.IV 1-5-411/8

# VERBESSERUNG DER ANGABEN ÜBER DIE VERTIKALE PFAHLTRAGFÄHIGKEIT IN DER GEPLANTEN DIN 1054, TEIL 5, "PFAHLGRÜNDUNGEN", TEIL 2

#### 1 GRUNDSÄTZLICHES ZU DEN SICHERHEITSNACHWEISEN FÜR PFÄHLE

Vorbemerkung: Die Kenntnis des bereits publizierten Teils 1 dieses Berichts (s. Anhang 1) wird vorausgesetzt. Im folgenden werden die dort gemachten Ausführungen mit Blick auf EC 7 aktualisiert (s. dazu Anhang 2). Parallel dazu sollen diese Ausführungen als Vorlage für das europäische Pfahlkomitee dienen, dessen erste Aufgabe darin besteht, sich auf einheitliche Sicherheitsbetrachtungen zu einigen.

### 1.1 Kritische Betrachtung der bisherigen Vorgehensweise

Der Bemessungswert des Pfahlwiderstandes  $\mathbf{Q}_{\mathbf{d}}$  wurde bisher i.a. nach Gleichung (1.1) ermittelt:

$$Q_{d} \le \frac{Q_{g}}{\eta} \tag{1.1}$$

M wird zunächst als Konstante betrachtet.

 $Q_g$  ist

- entweder gleich dem bei einer Probebelastung betrachteten Bruchwiderstand
- oder gleich dem bei einer Probebelastung erreichten Maximalwiderstand
- oder ein (empirisch) ermittelter Bruchwiderstand
- oder ein mit Bodenkennwerten ( $\phi$  ,c ,c ,c ) (halbempirisch) ermittelter Bruchwiderstand

Bei Probebelastungen an überwiegend auf Spitzendruck  $\sigma_{\rm S}$  tragenden Pfählen (Spitzendruckpfählen) sind die Lastsetzungslinien Q(s) i.a. mehr oder weniger stetig gekrümmt, so daß kein Bruchwiderstand erkennbar ist. In solchen Fällen wird eine Bruchsetzung s $_{\rm g}$  definiert. Weltweit am meisten verbreitet ist die Regel

$$s_g = 0.1 \cdot D_F \tag{1.2}$$

mit  $D_F$  = Pfahlfu $\beta$ durchmesser, so da $\beta$ 

$$Q_g = Q(s_g) \tag{1.3}$$

Für s > s $_g$  wird  $Q_g$  als konstante Bruchlast betrachtet, siehe Bild 1.1a. Bei Probebelastungen an überwiegend auf Mantelreibung  $\tau_m$  tragenden Pfählen (Reibungspfählen) ist der Bruchwiderstand  $Q_{rg}$  i.a. an der Stelle der stärksten Krümmung der Lastsetzungslinie erkennbar, siehe Bild 1.1b im Vergleich zu Bild 1.1c. Die Setzung an dieser Stelle wird mit s $_{rg}$  bezeichnet; sie liegt i.a. in der Größenordnung von

$$s_{rg} \approx 0,01...0,02 \cdot D \tag{1.4}$$

und ist somit kleiner als s $_g$  (Genaueres s. Abschnitt 2.4.2). Der bei s $_g$  ermittelte Bruchwiderstand  $Q_g$  schließt also stets den Bruchwiderstand  $Q_{rg}$  ein, wobei

$$Q_{rg} = Q(s_{rg}) = \tau_{m}(s_{rg}) \cdot A_{m}$$
 (1.4a)

$$\tau_{mg} = \tau_{m}(s_{rg}) \tag{1.4b}$$

 $A_{m}$  = Pfahlmantelfläche

(Bei "reinen" Reibungspfählen ist  $Q_g = Q_{rg}$ .)

Mit der Wahl des Sicherheitsbeiwertes  $\eta$  in Gl.(1.1) zwischen

$$1,5 < \eta < 3$$
 (1.5)

wurde darauf abgezielt, sowohl einen hinreichenden Abstand vom Bruchzustand bzw. Grenzzustand 1 (GZ 1) sicherzustellen als auch Beeinträchtigungen der Gebrauchstauglichkeit des pfahlgegründeten Bauwerkes (GZ 2) auszuschließen.

Diese Vorgehensweise war solange (bis etwa 1960) möglich, wie fast ausschließlich Pfähle mit Durchmessern bis 0,5 m und  $Q_g$ -Werten von etwa 1 MN

verwendet wurden. Für den hier - bei im Vergleich zu Reibungspfählen ungünstigeren Fall von Spitzendruckpfählen dieser Art ist dann mit Gl.(1.2)

$$s_g = 0.1 \cdot D_F = 5 \text{ cm}$$

Bei (plausibler) Annahme einer quadratischen Parabel für die Lastsetzungslinie (s  $\sim$  Q²) ergibt sich für  $\eta$  = 2 im Gebrauchszustand eine Setzung von

$$s \approx s_g/4 = 5/4 = 1,25 \text{ cm}$$
 (1.6)

Für gleichbelastete Pfähle folgt daraus eine Setzungsdifferenz von erfahrungsgemä $\beta$ 

$$s \approx s/3...s/4 = 0,4...0,3$$
 cm (1.7)

(Bei Flachgründungen auf Einzelfundamenten ist nach Skempton/McDonald 1956 und Grant et al. 1974 s/ $\Delta$ s  $\approx$  2, bei Pfählen wird vom Verfasser für s/ $\Delta$ s  $\approx$  3...4 vorgeschlagen, der erste Wert für Bohrpfähle, der zweite für Rammpfähle, s. auch Franke 1982.)

Setzungsdifferenzen von 3 bis 4 mm sind i.a. unschädlich und bedürfen keiner Berücksichtigung. Bei den großkalibrigen Pfählen wachsen bei Anwendung der gleichen Abschätzung mit den Gl.(1.2),(1.6),(1.7) die s-Werte jedoch auf 1 bis 2 cm im Gebrauchszustand (GZ 2), und bei den Nachweisen gegen Bauwerksversagen (GZ 1) sind sie bis zum Vierfachen größer, so daß der Nachweis nach Gl.(1.1) Schäden infolge zu großer Setzungsdifferenzen nicht mehr auszuschließen gestattet. Daher müssen auch Pfähle künftig hinsichtlich ihres Setzungsverhaltens besonders überprüft werden. (Ausführlicheres zu solchen Betrachtungen s. Anhang 1, Abschnitt 2.3 und Anhang 2, Fig.1 und zugehöriger Text.)

## 1.2 Bemessung von Pfählen nach dem Prinzip der Grenzzustände

### 1.2.1 Allgemeines

Das Prinzip, praktisch bedeutsame Grenzzustände von Bauwerken getrennt zu betrachten, ist nicht neu; man findet es bereits in der DIN 1054 (1976). Es wird in den Eurocodes lediglich einheitlich angewendet. Dort wird zwischen den Grenzzuständen (GZ)

- "Tragwerksversagen" (GZ 1) und
- "Verlust der Gebrauchstauglichkeit" (GZ 2)

unterschieden.

Die Anwendung der Bemessungsmethode nach dem Prinzip der Grenzzustände erfordert die Kenntnis der (nicht-linearen) Lastsetzungslinie Q(s) von Pfählen. Diese mu $\beta$  entweder aus Probebelastungen bekannt sein oder sie mu $\beta$  mit den setzungsabhängigen Funktionen

- des Spitzendrucks  $\sigma_s(s)$  und
- der Mantelreibung  $\tau_{m}(s)$

unter Verwendung von  $A_s$  = Pfahlfu $\beta$ fläche und  $A_m$  = Pfahlmantelfläche errechnet werden.

$$Q(s) = \sigma_s(s) \cdot A_s + \tau_m(s) \cdot A_m = Q_s(s) + Q_r(s)$$
(1.8)

(Dabei wird die Wechselwirkung zwischen Spitzendruck und Mantelreibung zur Vereinfachung vernachlässigt.) Das Ergebnis zeigt Bild 1.2.

#### Anmerkung:

Für den Fall, daß Q(s) nicht als Ergebnis einer Probebelastung vorliegt und nach Gl.(1.8) errechnet werden muß, ist folgendes zu beachten:

- a) Bis heute gibt es keine allgemein anerkannte Theorie zur Berechnung von Q(s), weil die Installation von Pfählen in den Baugrund diesen verändert, und zwar unterschiedlich je nach Pfahltyp, Bodenart und -zustand. Daher ist nach DIN 1054 (1976), Abschnitt 5.6 die Verwendung von Gl. (1.8) nur zulässig, wenn empirisch gesicherte Funktionen des Spitzendruckes  $\sigma_{\rm S}({\rm s})$  und der Mantelreibung  $\tau_{\rm m}({\rm s})$  in Abhängigkeit von der Setzung s vorliegen.
- b) Statt  $\tau_{\rm m}(s)$  wird vereinfachend ein bilinearer Verlauf angenommen, der lediglich die Kenntnis des Bruchwertes der Mantelreibung  $\tau_{\rm mg} = \tau_{\rm m}(s_{\rm rg})$  und der zugehörigen Bruchsetzung  $s_{\rm rg}$  gemäß Gl.(1.4) voraussetzt (s. Bilder 1.1 und 1.2). Falls  $\tau_{\rm m}(s)$  in Wirklichkeit einen Maximalwert erreicht und dann auf einen geringeren Residualwert abfällt, muß bei bilinearem Ansatz des Mantelreibungsverlaufs im Einzelfall entschieden werden, wie  $\tau_{\rm mg}$  und  $s_{\rm rg}$  angemessen auf der sicheren Seite zu wählen sind.

#### 1.2.2 Die Sicherheitsnachweise

Nachweise gegen Versagen im Grenzzustand 1 (GZ 1) des Tragwerksversagens

A) infolge Bruch (Ausbildung eines Bruchmechanismus) im Boden der Pfahlumgebung. Der Bemessungswert (Index d) ist dann gemäß Gln.(1.1), (1.2) und (1.3)

$$Q_{d1A} \le \frac{Q(s_g)}{\eta_{1A}} = \frac{Q_g}{\eta_{1A}}$$
 (1.9)

B) infolge Bruch des Tragwerkes oder von Tragwerksteilen als Folge zu großer Bauwerksdeformationen, speziell zu großer Setzungsdifferenzen  $\Delta$ s. Zu diesen bruchauslösenden Setzungsdifferenzen  $\Delta$ s ist die entsprechende Setzung s $_{1B}$  (für jeden individuellen Einzelfall) zu ermitteln. Der Bemessungswert ist dann gemäß Gl.(1.1)

$$Q_{d1B} \le \frac{Q(s_{1B})}{\eta_{1B}}$$
 (1.10)

C) infolge Bruch des Pfahlmaterials, wobei mit  $Q_{\mbox{dlC}}$  entsprechend den Regeln für das betreffende Material die Bedingung zu erfüllen ist

$$Q_{d1C} \ge Q_{d1A} \text{ bzw. } Q_{d1B}$$
 (1.11)

D) Nachweis gegen Versagen im Grenzzustand 2 (GZ 2) des Verlustes der Gebrauchstauglichkeit. Wie im Fall B des GZ 1 ist die entsprechende Bauwerksdeformation, speziell durch Setzungsdifferenzen  $\Delta s$  (für jeden individuellen Einzelfall) und die entsprechende Pfahlsetzung  $s_2$  zu ermitteln. Dann ist

$$Q_{d2} \le \frac{Q(s_2)}{\eta_2} \tag{1.12}$$

#### Ammerkung:

Aus der Momenten- oder Horizontalbelastung von Pfählen entstehende Biegebeanspruchungen führen i.d.R. nicht zu Grenzzuständen 1 und 2, so daß lediglich die übliche Querschnittsbemessung gemäß den Materialeigenschaften vorzunehmen ist.

#### 1.3 Die Sicherheitsbeiwerte, Grundsätzliches

#### 1.3.1 Zur Verwendung von globalen Sicherheitsbeiwerten

Globale Sicherheitsbeiwerte  $\eta$  sollen zum einen den Zweck erfüllen, einen hinreichend großen Abstand vom Bruchzustand zu gewährleisten, damit bei Streuung von  $\delta Q$  (als Einwirkung betrachtet) die Vergrößerung der Setzungen  $\delta s$  sich in Grenzen hält (s. Bild 1.3); zum anderen sollen sie die Streuung der Widerstände (Bodeneigenschaften) unschädlich machen.

Die bisher in Gebrauch befindlichen  $\eta$  - Werte für den Grenzzustand 1 (bei Pfählen normalerweise zu 2 gewählt) haben sich im Großen und Ganzen bewährt.  $\eta$  = 2 ist bisher unabhängig davon angewendet worden, ob Versagen durch Bruch im Boden oder durch zu große Setzungen verursacht wurde, d.h.

$$\eta_{1A} = \eta_{1B} = 2,0$$
 (1.13)

Als Sicherheit gegen den Verlust der Gebrauchstauglichkeit ist bisher

$$\eta_2 = 1.0$$
(1.14)

verwendet worden.

Im Prinzip ist die Gleichsetzung von  $\eta_{1A}$  und  $\eta_{1B}$  nicht ganz korrekt. Bild 1.4 zeigt, daß  $\eta_{1A}$  die Streuung des Lastsetzungsverhaltens längs der Q-Achse,  $\eta_{1B}$  dagegen die Streuung längs der s-Achse ausdrücken muß und daß daher die  $\eta$ -Werte nicht gleich sein dürften. Im Rahmen der Erkenntnisse, die über die Streuung von Lastsetzungslinien vorhanden sind, erscheint es jedoch vertretbar,  $\eta_{1A}=\eta_{1B}$  zu setzen, zumal diese Gleichsetzung bei Verwendung von  $\eta$ -Werten zwischen 1,5 und 2 seit Jahrzehnten keinen Anlaß für Korrekturen gegeben hat.

# 1.3.2 Zur Verwendung von deterministischen Teilsicherheitswerten, getrennt für Spitzendruck und Mantelreibung

Bei der Diskussion um den Eurocode 7 über Gründungen ist die Einführung von Teilsicherheitsbeiwerten für Spitzendruck und Mantelreibung in Betracht gezogen worden. Die dabei erforderliche Vorgehensweise soll im folgenden dargestellt werden.

Je nach Streuung müssen unterschiedliche Teilsicherheitswerte für den Spitzendruck  $\eta_s$  und die Mantelreibung  $\eta_r$  definiert werden. Deren Anwendung setzt voraus, daß der Spitzendruck  $\sigma_s(s)$  und die Mantelreibung  $\tau_m(s)$  als Funktionen der Pfahlsetzung gegeben sind. Im Falle von Probebelastungen müßten sie z.B. getrennt gemessen werden. Die Ermittlung der Bemessungswerte  $Q_d$  wird mit Hilfe von Bild 1.5 und den Gl.(1.9a) und (1.10a) bis (1.10f) erläutert.

Es muβ dann statt der Gl.(1.9) geschrieben werden:

$$Q_{dlA} \leq \frac{\sigma_{s}(s_{g})}{\eta_{slA}} \cdot A_{s} + \frac{\tau_{m}(s_{rg})}{\eta_{rlA}} \cdot A_{m}$$

$$= \frac{Q_{s}(s_{g})}{\eta_{slA}} + \frac{Q_{rg}}{\eta_{rlA}}$$
(1.9a)

( $s_g$  und  $s_{rg}$  s. Gl.(1.2) und (1.4))

Außerdem muß – wie bei der Auswertung von Probebelastungen ohne getrennte Messung von  $\sigma_s(s)$  und  $\tau_m(s)$  – gelten:

$$Q_{dlA} \leq \frac{Q_g}{\eta_{lA}} = \frac{Q_s(s_g)}{\eta_{slA}} + \frac{Q_{rg}}{\eta_{rlA}}$$
(1.9b)

woraus für  $\eta_{1A}$  folgt:

$$\eta_{1A} = \frac{\eta_{s1A} \cdot \eta_{r1A} \cdot Q_g}{\eta_{r1A} \cdot Q_s(s_g) + \eta_{s1A} \cdot Q_{rg}}$$
(1.9c)

Anmerkung:

Man erkennt aus Gl.(1.9c), daß  $\eta_{1A}$  eigentlich für jeden individuellen Fall in Abhängigkeit davon ermittelt werden müßte, aus welchen Anteilen  $Q_s(s_g)$  und  $Q_{rg}$  sich  $Q_g$  (entsprechend Gl.1.8) zusammensetzt. Wenn wir darauf bei der Auswertung von Probebelastungen mit Gl.(1.9), bei denen nur  $Q_g$  gegeben ist, keine Rücksicht nehmen, so bedeutet das, daß

$$\eta_{s1A} = \eta_{r1A} = \eta_{1A} \tag{1.9d}$$

gesetzt wird, woraus mit Gl.(1.8) die Gl.(1.9) aus Gl.(1.9b) folgt

$$Q_{d1A} \stackrel{\leq}{=} \frac{Q_g}{\eta_{1A}}$$
 (1.9)

Nur für diesen Fall ist also  $\eta_{1A}=\text{const.}$  eigentlich gültig. Entsprechendes gilt übrigens auch im Zusammenhang mit Gl.(1.21).

Man beachte: Gl.(1.9c) ist im Unterschied zu den entsprechenden Gln.(1.10c) und (1.10f) nicht setzungsabhängig.

Im Zusammenhang mit Gl.(1.10) sind 2 Fälle zu unterscheiden:

Statt Gl.(1.10) ist zu schreiben:

#### Fall B1)

$$Q_{d1B1} \leq \frac{\sigma_{s}(s_{1B1})}{\eta_{s1B}} \cdot A_{s} + \frac{\tau_{m}(s_{1B1})}{\eta_{r1B}} \cdot A_{m}$$

$$= \frac{Q_{s}(s_{1B1})}{\eta_{s1B}} + \frac{Q_{r}(s_{1B1})}{\eta_{r1B}}$$
(1.10a)

Da im Ergebnis der Anwendung der Teilsicherheiten  $\eta_{s1B}$  und  $\eta_{r1B}$  dasselbe Ergebnis wie bei Anwendung der Gl.(1.10) auf ein Probebelastungsergebnis mit  $\eta_{1B}$  herauskommen muß, gilt außerdem analog zur Gl.(1.9b)

$$Q_{d1B1} \leq \frac{Q(s_{1B1})}{\eta_{1B}} = \frac{Q_{s}(s_{1B1})}{\eta_{s1B}} + \frac{Q_{r}(s_{1B1})}{\eta_{r1B}}$$
(1.10b)

Für diesen Fall hat bereits Whitaker (1976) nachgewiesen, daß bei Wahl eines konstanten Wertes  $\eta_{1B}=\text{const.}$  für  $\eta_{s1B}$  und  $\eta_{r1B}$  die Ermittlung setzungsabhängiger Funktionen  $\eta_{s1B}(s)$  und  $\eta_{r1B}(s)$  erforderlich wäre, welche die Bedingung

$$\eta_{1B} = \frac{\eta_{r1B}(s) \cdot \eta_{s1B}(s) \cdot (1 + Q_{rg}/Q_s(s_g))}{\eta_{s1B}(s) \cdot Q_{rg}/Q_s(s_g) + \eta_{r1B}(s)}$$
(1.10c)

erfüllen. Diese Ermittlung ist nicht praktikabel.

#### Anmerkung:

Gl.(1.10c) zwingt zu dem Schluß, daß – ähnlich wie schon in Verbindung mit Gl.(1.9c) gefolgert –  $\eta_{\,1B}$  in Abhängigkeit davon definiert werden müßte, aus welchen Anteilen  ${\rm Q_S(s_g)}$  und  ${\rm Q_{rg}}$  sich  ${\rm Q_g}$  (s. Gl.(1.8)) zusammensetzt, wobei hier zusätzlich  $\eta_{\,{\rm SlB}}({\rm s})$  und  $\eta_{\,{\rm rlB}}({\rm s})$  auch setzungsabhängig wären.

#### Fall B2:

In diesem Fall ist s<sub>1B2</sub> > s<sub>rg</sub>, d.h.  $\tau_{\rm m}({\rm s}_{\rm 1B2})$  =  $\tau_{\rm mg}$  =  $\tau_{\rm m}({\rm s}_{\rm rg})$  (s.Gl.1.4b) und  $\eta_{\rm r1B}$  = 1

$$Q_{d1B2} \stackrel{\leq}{=} \frac{\sigma_{s}(s_{1B2})}{\eta_{s1B}} \cdot A_{s} + \tau_{mg} \cdot A_{m}$$

$$= \frac{Q_{s}(s_{1B2})}{\eta_{s1B}} + Q_{rg}$$
 (1.10d)

Wieder müßte bei Anwendung der Teilsicherheitswerte  $\eta_{s1B}$  und  $\eta_{r1B}$  dasselbe Ergebnis wie bei Auswertung einer Probebelastung mit Gl.(1.10) und  $\eta_{1B}$  herauskommen, d.h. es müßte gelten

$$Q_{d1B2} \le \frac{Q(s_{1B2})}{\eta_{1B}} = \frac{Q_s(s_{1B2})}{\eta_{s1B}} + Q_{rg}$$
 (1.10e)

Die Gl.(1.10c) von Whitaker (1976) führt hier zu dem Ergebnis, daß bei Verwendung eines konstanten Wertes  $\eta_{1B} = {\rm const.}$  der Teilsicherheitsbeiwert  $\eta_{s1B}$  gemäß Gl.(1.10f) die Werte der folgenden Tabelle erfüllen bzw. ebenfalls setzungsabhängig angegeben werden müßten:

$$\eta_{s1B} = \frac{\eta_{1B}}{Q_{rg}} = \frac{Q_{rg}}{Q_{s}(s_{g})} (1 - \eta_{1B})$$

Aus Gl.(1.10f) folgt

Q <sub>rg</sub> /Q <sub>s</sub> (s <sub>g</sub> )	0	0,25	0,5	0,75	1	>1
η <sub>slB</sub>	2	2,67	4	8	8	<0

Die unsinnigen Werte am Schluß der Tabelle bedeuten, daß die Voraussetzung  $s_{1B2} > s_{rg}$  – s. Bild 1.5 – nicht erfüllt ist, d.h.  $\eta_{\,r1B} > 1$  gewählt werden muß. Insgesamt zeigt sich auch hier, daß die Anwendung von Teilsicherheiten getrennt für Spitzendruck und Mantelreibung nicht praktikabel ist.

#### Anmerkung:

Auch hier wäre die Anwendung unterschiedlicher  $\eta_s$ - und  $\eta_r$ -Werte auf die Pfahlfußkraft  $\sigma_s \cdot A_s = Q_s$  und die Pfahlmantelkraft  $\tau_m \cdot A_m = Q_r$  prinzipiell denkbar. Da jedoch bei Pfahlgründungen in jedem individuellen Einzelfall andere Verhältniswerte von  $A_s/A_m$  bzw.  $Q_s(s_g)/Q_{rg}$  auftreten, ist es zweckmäßig, der einfachen Vorgehensweise zu folgen, mit der man das vermeiden kann und die nun auch schon seit 15 Jahren in DIN 4014 eingeführt ist. Dabei wird aus bekannten Werten von  $\sigma_s(s)$  und  $\tau_m(s)$  die Lastsetzungslinie Q(s) wie auf Bild 1.2 ermittelt, auf welche dann die G1.(1.9),(1.10) und (1.12) wie auf die aus einer Probebelastung gewonnene Lastsetzungslinie angewendet werden.

Ohne hier weitere Einzelheiten auszubreiten, sei darauf hingewiesen, daß die gleichen Betrachtungen wie zu den Fällen B1 und B2 zum Grenzzustand 2 (Fall D1 mit  $\rm s_{2D1} < \rm s_{rg}$  und Fall D2 mit  $\rm s_{rg} < \rm s_{2D2} < \rm s_{g}$ ) anzustellen wären.

# 1.3.3 Zur Verwendung von probabilistisch ermittelten Teilsicherheitswerten für Spitzendruck und Mantelreibung

Wie die kurze Ableitung im Appendix von Anhang 2, Gl.(9) bis (12) zeigt,  $mu\beta$  bei dieser Betrachtung

$$R_d \ge S_d$$
 bzw.  $Q_d \ge S_d$  (1.15)

nachgewiesen werden. R sind die hier Q genannten Pfahlwiderstände, S sind die Einwirkungen. Der Index d kennzeichnet wieder Bemessungswerte. Nach dem probabilistischen Sicherheitskonzept müssen Teilsicherheitsbeiwerte  $\gamma_{M}$  auf

die Mittelwerte der Basisvariablen, das sind hier  $m_{\sigma S}$  für den Spitzendruck  $\sigma_S$  und  $m_{\tau m}$  für die Mantelreibung  $\tau_m$  angewendet werden, d.h.

$$\gamma_{Mos}$$
 und  $\gamma_{Mrm}$  (1.16)

Auf der Einwirkungsseite müßten entsprechende  $\gamma_F$ -Werte verwendet werden, was hier der Einfachheit halber unterbleibt; stattdessen wird ein Wichtungsfaktor  $\tilde{\alpha}$  = 0,8 auf der Widerstandsseite verwendet (s. Anhang 1, Gl.17). Dann kann man (statt Gl.13 im Appendix von Anhang 2 bzw. Gl.17a, 17b in Anhang 1) schreiben:

$$\begin{aligned} Q_{d} &= m_{\sigma s} \left( 1 - \widetilde{\alpha} \cdot \alpha_{\sigma s} \cdot \beta \cdot V_{\sigma s} \right) \cdot A_{s} \\ &+ m_{\tau m} (1 - \widetilde{\alpha} \cdot \alpha_{\tau m} \cdot \beta \cdot V_{\tau m}) \cdot A_{m} \geq S_{d} \end{aligned}$$
 (1.17)

Statt Gl.(1.17) wird dann geschrieben

$$Q_{d} = \frac{m_{\sigma s}}{\gamma_{M\sigma s}} \cdot A_{s} + \frac{m_{\tau m}}{\gamma_{M\tau m}} \cdot A_{m} \ge S_{d}$$
 (1.18)

Der Vergleich der Gl.(1.17) und (1.18) ergibt die Teilsicherheitsbeiwerte

$$\gamma_{M\sigma S} = 1/(1 - \tilde{\alpha} \cdot \alpha_{\sigma S} \cdot \beta \cdot V_{\sigma S})$$
 (1.19)

$${}^{\gamma}M_{\tau m} = 1/(1-\tilde{\alpha}\cdot\alpha_{\tau m}\cdot\beta\cdot V_{\tau m}) \qquad (1.20)$$

Außerdem müßte wieder für den Fall, daß man Lastsetzungslinien aus Probebelastungen ohne Trennung von Spitzendruck und Mantelreibung hat, in Verbindung mit der Gl.(1.10) gelten:

$$Q_{d} = \frac{Q(s)}{\gamma_{M}} = \frac{m_{\sigma s}(s)}{\gamma_{M\sigma s}} \cdot A_{s} + \frac{m_{\tau m}(s)}{\gamma_{M\tau m}} \cdot A_{m} \ge S_{d}$$
 (1.18a)

Nun muß aber gleichzeitig mit Q(s) =  $m_{\sigma s}(s) \cdot A_s + m_{\tau m}(s) \cdot A_m = \overline{Q}_s(s) + \overline{Q}_r(s)$  in sinngemäßer Abwandlung von Gl.(1.8) gelten

$$Q_{d} = \frac{Q(s)}{\gamma_{M}} = \frac{m_{\sigma s}(s)}{\gamma_{M}} \cdot A_{s} + \frac{m_{\tau m}(s)}{\gamma_{M}} \cdot A_{m}$$
 (1.18b)

Aus der Gleichsetzung von Gl.(1.18a) und (1.18b) folgt

$$\gamma_{M} = \frac{(m_{\sigma s} \cdot A_{s} + m_{\tau m} \cdot A_{m}) \cdot \gamma_{M\sigma s} \cdot \gamma_{M\tau m}}{\gamma_{M\tau m} \cdot m_{\sigma s} \cdot A_{s} + \gamma_{M\sigma s} \cdot m_{\tau m} \cdot A_{m}}$$

$$= \frac{(\overline{Q}_{s} + \overline{Q}_{r}) \cdot \gamma_{M\sigma s} \cdot \gamma_{M\tau m}}{\gamma_{M\tau m} \cdot \overline{Q}_{s} + \gamma_{M\sigma s} \cdot \overline{Q}_{r}} \tag{1.21}$$

Man erkennt, daß  $\gamma_{M}$  nicht auch nur bereichsweise als konstante Größe begründet werden kann. Dabei handelt es sich im Prinzip um die gleichen Ursachen, die in den 3 Anmerkungen nach den Gl.(1.9c),(1.10c) und (1.10f) angegeben wurden.

Andererseits wird ein  $\gamma_M$  in G1.(1.18b) entsprechender konstanter  $\eta$ -Wert in den G1.(1.9) und (1.10) seit Jahrzehnten ohne bekannte nachteilige Folgen verwendet. So kann an dieser Stelle nur die Schlußfolgerung gezogen werden, daß sich die bisher verwendeten konstanten  $\eta$ -Werte nicht in der gezeigten Weise probabilistisch begründen lassen und daß auch konstante Teilsicherheitsbeiwerte  $\gamma_M$  nicht begründbar sind. Der Nachweis, daß die Anwendung konstanter  $\eta$  - bzw.  $\gamma_M$ -Werte nach G1.(1.1) bzw. G1.(1.18a) und (1.18b) trotzdem praktikabel ist, kann nur auf mehr summarische Weise durch Kalibrierung wie in Abschnitt 3.3 erbracht werden.

Nur der Vollständigkeit halber sollen weitere Möglichkeiten der Teilsicherheitsbeiwerte-Begründung vorgestellt werden:

Aus Gl.(1.17) könnte man auch die Teilsicherheiten

$$Y_{M\sigma s} = A_s / (1 - \tilde{\alpha} \cdot \alpha_{\sigma s} \cdot \beta \cdot V_{\sigma s})$$

$$(1.22)$$

$$\gamma_{M\tau m} = A_{m}/(1-\tilde{\alpha}\cdot\alpha_{\tau m}\cdot\beta\cdot V_{\tau m})$$
 (1.23)

ableiten. Schon als Folge der Tatsache, daß  $A_{S}$  und  $A_{m}$  in Gl.(1.22) bzw. (1.23) enthalten sind, ist klar, daß diese Werte in jedem Einzelfall andere und daher unbrauchbar sind.

Schließlich zeigt die Gleichsetzung von Gl.(1.17) mit Gl.(1.10) – letztere in sinngemäß abgewandelter Form – folgendes:

$$Q_{d} = \frac{Q}{\gamma_{M}} = m_{\sigma s} (1 - \tilde{\alpha} \cdot \alpha_{\sigma s} \cdot \beta \cdot V_{\sigma s}) \cdot A_{s} + m_{\tau m} (1 - \tilde{\alpha} \cdot \alpha_{\tau m} \beta V_{\tau m}) \cdot A_{m} \ge S_{d}$$

$$= \frac{\overline{\sigma}_{s} \cdot A_{s}}{\gamma_{M}} + \frac{\overline{\tau}_{m} \cdot A_{m}}{\gamma_{M}}$$
(1.24)

 $\mbox{Mit } \overline{\sigma}_{\mbox{\scriptsize S}} = \mbox{\scriptsize m}_{\mbox{\scriptsize $\sigma$}} \mbox{\ und\ } \overline{\tau}_{\mbox{\scriptsize m}} = \mbox{\scriptsize m}_{\mbox{\scriptsize $\tau$} \mbox{\scriptsize m}} \mbox{\ folgt dann}$ 

$$\frac{1}{\gamma_{M}} = (1 - \widetilde{\alpha} \cdot \alpha_{\sigma s} \cdot \beta \cdot V_{\sigma s})$$
 (1.25)

$$\frac{1}{\gamma_{M}} = (1 - \widetilde{\alpha} \cdot \alpha_{\tau m} \cdot \beta \cdot V_{\tau m})$$
 (1.26)

eine Falsifikation, weil  $G1.(1.25) \neq G1.(1.26)$  ist.

## 1.4 Resumee zu den grundsätzlichen Betrachtungen über Sicherheitsnachweise

Wie die Betrachtungen unter 1.1 gezeigt haben, muß man künftig verschiedene Grenzzustände i gemäß 1.2 untersuchen, die z.T. in Abhängigkeit von der Pfahlsetzung zu definieren sind. Das setzt die Kenntnis der nicht-linearen Lastsetzungslinie der Pfähle Q(s) voraus, die entweder mit Probebelastungen ermittelt oder mit setzungsabhängigen Werten von Spitzendruck und Mantelreibung errechnet werden muß. Liegt die Lastsetzungslinie vor, so können wie in Abschnitt 1.3.1 gezeigt – die in den Eurocodes vorgesehenen Sicherheitsnachweise in der einfachen Form der Gln.(1.1)(1.9)(1.10)(1.12)

$$Q_{di} \le \frac{Q(s_i)}{\eta_i}$$

geführt werden, wobei sich die Bemessungswerte  $Q_{\mathrm{d}i}$  ergeben.

Unter 1.3.2 wurde gezeigt, daß die Verwendung von deterministischen Teilsicherheitswerten, getrennt angewendet auf Spitzendruck und Mantelreibung, nicht praktikabel und nicht zweckmäßig ist. Die fehlende Praktikabilität zeigt sich bei der Ableitung der Gl.(1.9a) bis (1.9d) und der Gl.(1.10a) bis (1.10f) insofern, als sich herausstellt, daß die Teilsicherheitswerte

von der Pfahlgeometrie  $A_s/A_m$  bzw. von  $Q_s/Q_r$  abhängen und z.T. sogar setzungsabhängig ermittelt werden müßten, was praktisch nicht realisierbar ist. Die Unzweckmäßigkeit dieser Vorgehensweise liegt insofern auf der Hand, als in vielen Fällen nur die Gesamt-Lastsetzungslinie bekannt wird, weil die Kenntnis getrennter Werte von Spitzendruck und Mantelreibung – wie bei den meisten Probebelastungen – fehlt.

Unter 1.3.3 wird gezeigt, daß neben den unter 1.3.2 geschilderten Schwierigkeiten beim Versuch, deterministische Teilsicherheitswerte auf Spitzendruck und Mantelreibung anzuwenden, die probabilistische Ableitung solcher Teilsicherheitswerte zusätzliche Schwierigkeiten bereitet. Das zeigt sich besonders eindrucksvoll am Versuch der Anwendung der einfachen Gln.(1.1), (1.9), (1.10), (1.12) in der Form der Gl.(1.18b), die Gl.(1.21) zum Ergebnis hat. Aus der letzteren geht hervor, daß die Verwendung konstanter Sicherheitswerte wie in Gln.(1.1), (1.9), (1.10), (1.12) eigentlich überhaupt nicht gerechtfertigt ist.

Diesen Ergebnissen Rechnung tragend, kann die Verwendung der Gln.(1.9), (1.10), (1.12) nur durch einen mehr summarischen Vergleich mit Ergebnissen nach der  $\beta$ -Methode, d.h. durch Kalibrierung wie in Abschnitt 3.3, gerechtfertigt werden.

# 2 ERMITTLUNG VON EMPIRISCHEN DATEN FÜR SPITZENDRUCK UND MANTELREIBUNG FÜR BOHRPFÄHLE ZUR VORBEREITUNG DER DIN 4014 (3/1990)

### 2.1 Einführung

Wie sich aus Abschnitt 1 ergeben hat, benötigt man zur Berechnung der Lastsetzungslinien Q(s) nach Gl.(1.8) Daten des Spitzendrucks  $\sigma_{\rm S}(s)$  und der Mantelreibung  $\tau_{\rm m}(s)$ , und zwar setzungsabhängig. Zur weiteren Begründung dieser Bemühungen s. Anhang 1, Abschnitte 2.1, 2.2 und 2.3.

Zur Ermittlung von Daten über  $\sigma_{\rm S}({\rm s})$  und  $\tau_{\rm m}({\rm s})$  wurden Probebelastungsergebnisse gesammelt. Es liegen 166 Ergebnisse von Bohrpfählen in überwiegend rolligem und von 129 in überwiegend bindigem Boden vor. Qualität und Umfang der Unterlagen über die einzelnen Probebelastungen sind sehr unterschiedlich. Die Anforderungen an die Unterlagen hinsichtlich der Be- und Auswertbarkeit zeigt Bild 2.1, wobei im Idealfall auch noch Spitzendruck und Mantelreibung (s. Bilder 1.1b und 1.1c) getrennt gemessen sind. Da diese Anforderungen häufig nicht erfüllt sind, wurde mit der Auswertung der Fälle begonnen, in denen die Unterlagen besonders gut und vollständig waren (in denen auch getrennte Messungen von Spitzendruck und Mantelreibung vorlagen). Diese Auswerteergebnisse wurden dann auf die Fälle mit weniger vollständigen Unterlagen angewendet. Das war zur besseren Adjustierung der gefundenen Daten an die Realität erforderlich, weil die Fälle mit weniger vollständigen Unterlagen den größeren Anteil der verfügbaren Probebelastungsergebnisse umfaßten.

Diese Vorgehensweise ist inzwischen immer weiter vervollkommet und verfeinert worden, ohne daß diese Entwicklung bereits abgeschlossen wäre. (Daher müssen ältere Ergebnisse auch immer wieder neu angefaßt werden.) Die Verfeinerungen bestehen vor allem in der Verbesserung der Analyse von Lastsetzungslinien Q(s) mit dem Ziel, aufgrund der unterschiedlichen Form der Arbeitslinien von Spitzendruck  $\sigma_{\rm S}({\rm s})$  und Mantelreibung  $\tau_{\rm m}({\rm s})$  (s. dazu Bild 1.1) bzw. der entsprechenden Pfahlfuß- und Pfahlmantelkräfte  ${\rm Q}_{\rm S}({\rm s})$  und  ${\rm Q}_{\rm r}({\rm s})$  deren Anteile an Q(s) zu ermitteln.

# 2.2 Grundsätzliches zur Trennung von gemessenen Lastsetzungslinien obs Q(s) in solche der Mantelkraft $Q_r(s)$ und der Fußkraft $Q_s(s)$

Bild 2.2 zeigt den Fall, daß Q(s),  $\boldsymbol{Q}_{S}(s)$  und  $\boldsymbol{Q}_{r}(s)$  einander proportional sind, d.h. z.B.

$$Q_s(s) = const \cdot Q_r(s)$$
 (2.1)

woraus folgt

$$Q(s) = Q_s(s) + Q_r(s) = Q_s(s)(1 + const)$$
 (2.2)

In diesem Falle ist eine Trennung von Q(s) in  $Q_s(s)$  und  $Q_r(s)$  nicht möglich.

Nur dann, wenn sich die auf Bild 1.1a gezeigte unterschiedliche Form der Arbeitslinien von  $\sigma_{\rm S}(\rm s)$  und  $\tau_{\rm m}(\rm s)$  und entsprechend von  $\rm Q_{\rm S}(\rm s)=\sigma_{\rm S}(\rm s)\cdot A_{\rm S}$  sowie  $\rm Q_{\rm r}(\rm s)=\tau_{\rm m}(\rm s)\cdot A_{\rm m}$  auf den Krümmungsverlauf längs Q(s) auswirkt (s. dazu die Beispiele in den Bildern 1.1b und 1.1c), besteht die Möglichkeit, allein aus der Form der aus Probebelastungen gewonnenen Lastsetzungslinien Q(s) die Anteile der Pfahlfuß- und Pfahlmantelkraft Q\_{\rm S}(\rm s) und Q\_r(s) und daraus  $\sigma_{\rm S}(\rm s)$  und  $\tau_{\rm m}(\rm s)$  zu ermitteln.

In diesem Bericht ist das fast ausschließlich mit Hilfe der Anwendung des Hyperbelverfahrens, international als "Chins Method" bezeichnet, geschehen (Chin 1970, Christow 1968). Wie gesagt, sind seit dem Abschluß der Arbeiten für diesen Bericht weitere Verfeinerungen der Analysemethoden erreicht worden. Damit werden weltweit durchgeführte Bemühungen fortgesetzt; neben den Arbeiten von Chin sind hier zu erwähnen van der Veen (1953), van Weele (1957), Hanna (1971), De Beer/van Impe (1977), van Impe/van den Broeck/Thooft (1988), Schmertmann (1987).

Das neue Konzept der Trennung von Q(s) in  $Q_s(s)$  und  $Q_r(s)$  beruht auf einem Probierverfahren: Wie aus den Bildern 1.1a und 1.1b sowie 1.2 hervorgeht, müssen bei Setzungen, die größer als die zur Auslösung der Bruchmantelreibung erforderlichen sind, d.h. bei

$$s > s_{rg} \approx 0,01...0,02 \cdot D$$
 (1.4)

die Verläufe von Q(s) und  $Q_s(s)$  parallel sein, weil von da an  $Q_r(s)$  etwa konstant ist. Es gilt also, durch Probieren Werte von  $s_{rg}$  und vom Bruchwert

$$Q_{rg} = \tau_{mg} \cdot A_{m} \tag{2.3}$$

zu finden (s. auch Gl.1.4a und 1.4b), mit denen die gemessene Lastsetzungslinie Q(s) möglichst genau getroffen wird. Dabei sind plausible Annahmen für die Funktionen  $\sigma_s(s)$  und  $\tau_m(s)$  bzw. für  $\tau_{mg}$  und  $s_{rg}$  zu treffen.

Die Qualität der mit solchen Analysen, d.h. mit  $\sigma_s(s)$  und  $\tau_m(s)$ , errechneten Lastsetzungslinien (s. Bild 2.3)

$$cal Q(s) (2.4a)$$

an die gemessenen

obs 
$$Q(s)$$
 (2.4b)

wird durch den Fehler

$$y(s) = \frac{\text{obs } Q(s)-\text{cal } Q(s)}{\text{obs } Q(s)}$$
 (2.5)

ausgedrückt. Daneben wird die Fehlerfläche

$$s=0,1\cdot D_{\overline{F}}$$

$$\int y(s)^{2} \cdot ds = Minimum \qquad (2.6)$$

$$s=0$$

verwendet.

Durch Anwendung von  $\sigma_{\rm S}({\rm s})$ - und  $\tau_{\rm m}({\rm s})$ - Werten für die verschiedenen Fälle der Pfahlgeometrie (schlanke Pfähle mit  ${\rm A_m} >> {\rm A_s}$ , bei gedrungenen Pfählen mit  ${\rm A_m} \approx {\rm A_s}$ ) in den unterschiedlichen Bodenschichten wird durch Minimierung der Fehler nach Gl.(2.6) und (2.7) dann erreicht, daß praktisch verwendbare Mittelwerte von  $\sigma_{\rm S}({\rm s})$  und  $\tau_{\rm m}({\rm s})$  gewonnen werden. Deren Streuung ist durch die Wahl von angemessenen Sicherheitswerten in den Gl.(1.9)(1.10)(1.12) unschädlich zu machen. Im folgenden werden dazu Einzelheiten dargestellt.

## 2.3 Das Hyperbelverfahren

Es gibt eine ganze Reihe von Vorschlägen, die Lastsetzungslinien Q(s) von Pfählen durch passende Funktionen anzunähern (z.B. van der Veen 1953, De Beer 1967, Schäffner 1967, Chin 1970, Mazurkiewicz 1972). Sie sind daraufhin untersucht worden, inwieweit sie sich zur Extrapolation von Lastsetzungslinien eignen, wenn diese Probebelastungen nicht bis zu der in Gl. (1.2) genannten Setzung s $_{\rm g}$  = 0,1·D $_{\rm F}$  ausgeführt wurden. (Das kommt nicht

selten vor, weil die Probebelastungsvorrichtungen häufig aus falscher Sparsamkeit nicht stark genug konstruiert werden, oder wo man sich mit dem Nachweis für den  $\eta$ -fachen geplanten Bemessungswiderstand begnügt.) Unbeschadet dessen, daß sich bei genauerer Untersuchung herausgestellt hat, daß das Hyperbelverfahren die gemessenen Lastsetzungslinien von Pfählen nicht immer zufriedenstellend und interpretierbar annähert, wurde es verwendet, weil sich ein Hyperbelstück wie auf Bild 2.4a (als Lastsetzungslinie Q(s)) nach einer einfachen Koordinatentransformation als Gerade wie auf Bild 2.4b darstellen läßt.

#### Anmerkung:

Bei Verwendung der G1.(2.8) statt G1.(2.7) zur Ermittlung der Konstanten a und b ist zu beachten, daß ein Ausgleich der Streuung von Meßwerten mittels linearer Regression im s/Q, s-Koordinatensystem bei Rücktransformation ins Q, s-System nicht mit der Einhaltung des Prinzips der minimalen Varianz für letzteres verbunden ist. Dieser Fehler wird im Rahmen der im vorliegenden Fall erforderlichen und erreichbaren Genauigkeit in Kauf genommen.

Das Hyperbelverfahren drückt die Lastsetzungslinie Q(s) durch die Funktion

$$Q(s) = \frac{s}{a+b \cdot s}$$
 (2.7)

im Q,s-Koordinatensystem aus. Durch die Umformung

$$\frac{s}{----} = a+b \cdot s \tag{2.8}$$

$$Q(s)$$

wird aus G1.(2.7) eine Gerade im s/Q, s-Koordinatensystem. Der Ordinatenabschnitt von G1.(2.8)

$$a = \tan \alpha \tag{2.9}$$

gibt die Anfangsneigung der Lastsetzungslinie wieder, die Geradenneigung

$$b = \tan \beta \tag{2.10}$$

bestimmt die Asymptote der Lastsetzungslinie im Q,s-System (s. Bild 2.4). Liegen also einige Punkte Q,s vor, so gestatten diese die Zeichnung einer Geraden im s/Q-s-System und man kann mittels a und b den vollständigen Verlauf der Lastsetzungslinie Q(s) zeichnen.

Zu beachten ist, daß die additive Überlagerung zweier Funktionen der Art der Gl.(2.7) keine Funktion ergibt, die wieder eine Geradendarstellung gemäß Gl.(2.8) zuläßt. Dementsprechend kann man die Gl.(2.7) und (2.8) entweder auf die Gesamtlastsetzungslinie Q(s) oder auf die Mantelkraftsetzungslinie  $Q_r(s)$  und die Fußkraftsetzungslinie  $Q_s(s)$  eines Pfahles anwenden, d.h. die Aufsummierung der beiden letzteren ergibt keine Hyperbel nach Gl.(2.7).

Bild 2.5 zeigt die Anwendung des Hyperbelverfahrens auf die Lastsetzungslinie einer Probebelastung, die bis zur Setzung  $s_g$  nach Gl.(1.2) dargestellt ist. Man erkennt, da $\beta$  die mit Gl.(2.10) errechnete asymptotische Maximallast

$$Q_{f} = \frac{1}{b} \tag{2.11}$$

größer als die mit Gl.(1.3) definierte Bruchlast  $Q_{\mathbf{g}}$  ist.

Diese seit langem bekannte Folge der Anwendung des Hyperbelverfahrens ist insofern zu beachten, als die Berücksichtigung der Zunahme des Pfahlwiderstandes Q(s) für Setzungen s >  $s_g = 0.1 \cdot D_F$  nach Gl.(1.2) unzweckmäßig ist. Denn erfahrungsgemä $\beta$  gibt es zum einen kaum Fälle praktischer Relevanz, in denen  $s_{1B}$  größer als  $s_g$  ist, zum anderen ist es erforderlich, in den vielen Fällen, in denen an der mehr oder weniger kontinuierlich gekrummten Lastsetzungslinie aus Probebelastungen kein Bruchzustand erkennbar ist, einen international akzeptierten Vergleichswert, eben  $Q_g = Q(s_g)$  zu definieren. Wurde man diese Grenze bei sg nicht definieren, so wurde mit dem  $Q_{\mathrm{f}}$ -Wert nach Gl.(2.11) ein Wert angegeben, der bis zu 30% größer als  $Q_{\mathrm{g}}$ sein kann und der somit für Vergleichszwecke brauchbar wäre. Die Konsequenz: Wenn man also mit dem Hyperbelverfahren die Lastsetzungslinie einer Probebelastung Q(s) über die Meβwerte hinaus extrapoliert wie auf Bild 2.5, so ist nicht der  $Q_f$ -Wert als Bruchwiderstand zu verwenden, sondern  $Q_g$  =  $Q(s_g)$  nach G1.(1.3), selbst wenn  $Q_f$  dem physikalisch echten Bruchzustand näher käme. (Es hat sich jedoch gezeigt, daβ in vielen Fällen der Asymptotenwert  $Q_f = 1/b$  unzutreffend hohe Werte ergeben würde; deshalb darf man auch nicht über den durch Beobachtungen gesicherten Bereich hinaus extrapolieren.)

Diese Ausführungen sollten zeigen, daß man die mit dem Hyperbelverfahren erhaltenen Ergebnisse nicht unkritisch verwenden darf. Bild 2.6 zeigt schematisch, welche "Hyperbelgeraden" nach Gl.(2.8) man im Einzelfall erhalten kann. Bild 2.7 zeigt das am Fall einer Probebelastung, wo zuerst ein Zugversuch und dann ein Druckversuch am gleichen Pfahl ausgeführt wurde. Nach dem Zugversuch mußte bei Beginn des Druckversuches erst wieder Kraftschluß unter dem Pfahlfuß hergestellt werden. Bild 2.8 zeigt das Ergebnis einer eigenen Probebelastung.

## 2.4 Ermittlung von Q<sub>r</sub>(s) für Bohrpfähle

# 2.4.1 Anwendung des Hyperbelverfahrens zur Ermittlung von Q<sub>r</sub>(s) aus obs Q(s)

Nach den Ausführungen unter 2.2 und mit Bild 2.6 kann verständlich gemacht werden, wie man mit Hilfe des Hyperbelverfahrens Spitzendruck und Mantelreibung trennen kann, wenn sie bei einer Probebelastung nicht getrennt gemessen wurden. Zu diesem Zweck ist zunächst aus den Meßdaten Q(s) die Darstellung gemäß Gl.(2.8) im s/Q-s - Koordinatensystem zu zeichnen. Es zeigt sich in den meisten Fällen, daß - wie auf Bild 2.6c - sich der Q(s)-Verlauf in einer zunächst flacheren Gerade, die dann in eine steilere übergeht, wie z.B. auf Bild 2.9 abbildet. Dabei ist im ersten, flachen Teil die Mantelreibung bestimmend, weil diese mit der Setzungszunahme schneller anspringt - s. die Arbeitslinien von Bild 1.1.

Eine Ursache dafür ist, daß bei Bohrpfählen die Bohrlochsohle mehr oder weniger durch den Bohrvorgang gestört wird. Das bewirkt, daß der volle Kraftschluß, der den Spitzendruck zur Wirkung kommen läßt, i.a. erst nach Anfangssetzungen in der Größenordnung von 1 cm zustandekommt. Die Mantelreibung ist jedoch bei Setzungen dieser Größenordnung i.a. schon weitgehend ausgenutzt.

Die andere Ursache für den unterschiedlichen Verlauf der Arbeitslinien gemäß Bild 1.1 ist der Unterschied der Verformungs- und Bruchmechanismen von Spitzendruck und Mantelreibung. Bei der Mantelreibung findet der Bruch längs der Mantelfläche  $A_m$  in einer schmalen Scherzone statt, deren Dicke von wenigen Millimetern bis höchstens in die cm-Größenordnung reicht. Für den Vor-Bruch- Verformungszustand kann man mit der Elastizitätstheorie (s. auch unter 2.4.2) zeigen, daß bei langen Pfählen die zur Aktivierung gleicher Mantelreibungsspannungen  $\tau_m$  erforderlichen Pfahlsetzungen mit dem Pfahldurchmesser zunehmen. Man findet s  $\approx$  0,01·D nach Cooke (1975) in guter Übereinstimmung mit den Erfahrungen für steife tertiäre Tone. Unter dem

Pfahlfuß wird das Baugrundverhalten eher durch das Modell der Aufweitung eines sphärischen Hohlraums unter Innendruck beschrieben, in den der Pfahl unter der Wirkung des Spitzendruckes  $\sigma_{\rm S}$  "versinkt" (s. z.B. Vesic 1972). Die an der Verformung beteiligten Baugrundvolumina sind im Bruchzustand am Pfahlmantel und am Pfahlfuß um Größenordnungen verschieden. Das muß als eine weiter Ursache des unterschiedlichen Verlaufs der Arbeitslinien von Bild 1.1a angesehen werden.

Einen Fall besonders großer erforderlicher Kraftschlußsetzungen findet man bei Prodinger (1984). Dort wird über Probebelastungen von 3 wie Bohrpfähle verwendeten Schlitzwandelementen berichtet. Eines von diesen hatte das auf Bild 2.10 dargestellte Lastsetzungsverhalten mit 2 cm erforderlicher Kraftschlußsetzung. (Vergleiche auch Bild 2.10 mit Bild 2.6c).

Die Tabelle in Bild 2.10c zeigt, wie die Trennung von Q(s) in  $Q_r(s)$  und  $Q_s(s)$  vorgenommen werden kann. Aus der ersten flachen Geraden, die sich bei Auftragung nach Gl.(2.8) ergibt, errechnet man den Verlauf von  $Q_r(s)$ , kann  $Q_r(s)$  von Q(s) abziehen und  $Q_s(s)$  erhalten nach Gl.

$$Q_s(s) = Q(s) - Q_r(s)$$
 (2.12)

Anmerkung:

Dieser Weg ist im Rahmen der Forschungen, die in diesem Bericht dargestellt werden, nicht ausschließlich beschritten worden. Daneben sind auch die  $Q_r(s)$ -Linien (und daraus  $s_{rg}$  und  $\tau_{mg}$ ) sowie die  $Q_s(s)$  (aus gemessenen  $\sigma_s$ -Werten) getrennt ermittelt und zusätzlich nach Gl.(2.5) und (2.6) bzw. Bild 2.3 an gemessenen Q(s)-Linien adjustiert worden.

Bild 2.11 zeigt für den Fall der Probebelastung von Prodinger (1984), wie mit zunehmender Setzung s der Anteil des Spitzendruckes bzw. der Pfahlfußkraft  $Q_{\rm S}$  am Gesamtwiderstand Q zunimmt. Bis zu 1 cm Setzung übernimmt die Mantelreibung fast 100% der Pfahllast.

Die Möglichkeit, Spitzendruck und Mantelreibung mit dem Hyperbelverfahren unter Verwendung von Gl.(2.12) voneinander zu trennen, stößt dann an Grenzen, wenn die Mantelreibung das Lastsetzungsverhalten in Nullpunktnähe nicht hinreichend dominiert. Das wird mit den Bildern 2.12 bis 2.16 demonstriert für 3 angenommene Fälle mit gegebenen gleichen  $Q_r(s)$ -Verläufen, jedoch unterschiedlichen  $Q_s(s)$ -Verläufen für ein und denselben Pfahl von 1 m Durchmesser. Auf Bild 2.12 sind  $Q_s(s)$ -Linien alternativ bei s=0 und bei s=1 cm (= Kraftschlußsetzung) eingezeichnet. Bild 2.14 zeigt, daß der  $Q_r(s)$ -Verlauf für die bei s=0 ansetzenden  $Q_s(s)$ -Linien nur für den Fall 1

(s. Bild 2.13) hinreichend zutreffende Ergebnisse liefert. Setzen dagegen die  $Q_{\rm S}(s)$ -Linien bei s = 1 cm an (auf Bild 2.12 gestrichelt), so ergeben sich im Vergleich zu Bild 2.13 die Verläufe von Bild 2.15 und im Vergleich zu Bild 2.14 die von Bild 2.16. Man erkennt, daß hier die  $Q_{\rm r}(s)$ -Linie für alle 3 Fälle zutreffend ermittelt werden kann. Lediglich im Fall 3, in dem der Spitzendruck überwiegt, sind die verfügbaren Meßwerte für die Bestimmung der  $Q_{\rm r}(s)$ -Linie nicht ausreichend. (Das war auch der Anlaß, die Forschungen mit anderen Methoden zur Trennung von  $\sigma_{\rm S}(s)$  und  $\tau_{\rm m}(s)$  fortzusetzen.

# 2.4.2 Ermittlung von $s_{rg}$ als Punkt der maximalen Krümmung von $Q_r(s)$

Mit Blick auf die möglichst einfache Handhabung der DIN 4014 wurde ein bilinearer Verlauf der Mantelreibung bzw. der Pfahlmantelkraft vorgesehen, so daß man statt einer komplizierteren Funktion für  $Q_r(s)$  bzw. der Mantelreibung  $\tau_m(s)$  lediglich im Q(s)-Diagramm die Kraftordinate

$$Q_{rg} = \tau_{mg} \cdot A_{m} \tag{2.3}$$

und die Setzungsordinate  $s_{rg}$  benötigt, von der an  $\tau_m = \tau_{mg}$  ist und  $Q_{rg}$  konstant bleibend angenommen werden darf (s. dazu auch Bild 1.2). Mit Gl.(1.2) war – um im Abschnitt l bereits argumentieren zu können –  $s_{rg}$  provisorisch mit

$$s_{rg} = 0,01...0,02 \cdot D$$
 (1.2)

eingeführt werden. Eine Gleichung dieser Art ergibt sich für einen langen, schlanken Pfahl wie folgt mit der Elastizitätstheorie, wenn man sinngemäß nach Cooke (1975) vorgeht:

$$\pi \cdot D \cdot \Delta L \cdot \tau_{m} = \pi \cdot 2 \cdot r \cdot \Delta L \cdot \tau \qquad (2.13)$$

D = Pfahldurchmesser

L = Pfahllänge

r = beliebiger Radius um die Pfahlachse ≥ D/2

 $\tau$  = Schubspannung im Abstand r,  $\tau$  =  $\tau_m$  für r = D/2

$$\frac{\partial s}{\partial r} = \frac{\tau}{G} = \frac{\tau_{m} \cdot D}{2 \cdot G \cdot r}$$
 (2.14a)

G = Schubmodul des Bodens = 
$$\frac{E}{2(1+\mu)}$$

$$s_{r} = \frac{\tau_{m} \cdot D}{2 \cdot G} \cdot \ln r = \frac{\tau_{m} \cdot D}{D/2} \cdot \ln \frac{R}{D/2} = \frac{\tau_{m} \cdot D}{2 \cdot G} \ln(2 \cdot n) \qquad (2.14b)$$

## $R = n \cdot D = Reichweite der Pfahlsetzungen s$

Für steifen London Ton und den Frankfurter Ton ist erfahrungsgemäß  $\mu \cong 0.5$  und damit G  $\cong$  E/3, ferner E  $\cong$  200 · c<sub>u</sub> (mit c<sub>u</sub> = Scherfestigkeit nach DIN 18137) und  $\tau_{mg} \cong 0.5 \cdot c_{u}$ . Daraus folgt

$$s_r = \frac{3}{800 \cdot \tau_{mg}} \cdot \tau_m \cdot D \cdot \ln(2 \cdot n) \qquad (2.14c)$$

und mit n = 10 sowie mit  $\tau_{m} = \tau_{mg}$  für den Bruchzustand  $s_{r} = s_{rg}$  folgt G1.(1.2).

$$s_{rg} = \frac{3}{800} \cdot D \cdot 1n \ 20 = 0,01 \cdot D$$

Die Annahme gemäß Gl.(1.2) ist zwar sehr verbreitet, gilt genau aber nur für  $\infty$ -lange Pfähle und ist bisher nie durch systematische Untersuchungen anhand von Meßergebnissen begründet worden. Im Rahmen dieser Forschungen sollte die Größe von s $_{rg}$  daher genauer festgestellt werden. Zu diesem Zweck ist s $_{rg}$  gleich der Setzung am Punkt der stärksten Krümmung k der Pfahlmantelkrafthyperbel  $Q_r(s)$  gesetzt worden

$$s_{rg} \stackrel{\sim}{=} s_{rk}$$
 (2.15)

Die zugehörige Pfahlmantelkraft ist entsprechend (s. Bild 2.17)

$$Q_{rk} = Q(s_{rk}) < Q_{rf} = \frac{1}{b_r}$$
 (2.16)

Wie der Vergleich der Mantelkrafthyperbel mit der entsprechenden, später benutzten bilinearen Darstellung auf Bild 2.17 zeigt, liegt  $Q_{\rm rk}$  auf der sicheren Seite.

Um in der beschriebenen Weise zu  $s_{rg} = s_{rk}$ -Werten zu kommen, müssen aus den verfügbaren Pfahlmantelkraft-Setzungslinien  $Q_r(s)$  (es waren 246) miteinander vergleichbare Daten gewonnen werden.

Entsprechend G1.(2.11) gilt für die Pfahlmantelkraft  $Q_r$ 

$$Q_{rf} = \frac{1}{b_r} \tag{2.17}$$

Die Krümmung ebener Kurven errechnet sich wie folgt:

$$K = \frac{y''(x)}{(1+y^2)^{3/2}}$$
 (2.18)

Für den Punkt der maximalen Krümmung mu $\beta$  die Ableitung von Gl.(2.18) Null sein

$$K' = \frac{y'' \cdot (1+y'^2)^{3/2} - y'' \cdot 3/2(1+y'^2)^{1/2} \cdot 2y' \cdot y''}{(1+y'^2)^3} = 0$$
 (2.19)

daraus folgt

$$K' = 0$$
 für  $y^{*i} \cdot (1+y^{*2}) = 3y' \cdot y^{*2}$  (2.19a)

für die Hyperbel der Form

$$Q_{r}(s) = \frac{s}{a_{r} + b_{r} \cdot s}$$
 (2.20)

ergeben sich folgende Ableitungen

$$Q_{r}'(s) = \frac{a_{r}}{(a_{r}+b_{r}\cdot s)^{2}}$$
 (2.21)

$$Q_{r}'' = \frac{-2a_{r} \cdot b_{r}}{(a_{r} + b_{r} \cdot s)^{3}}$$
 (2.22)

$$Q_r^{**} = \frac{6a_r \cdot b_r^2}{(a_r + b_r \cdot s)^4}$$
 (2.23)

Einsetzen von G1.(2.21) bis (2.23) in G1.(2.19a) und Auflösen mit der Bedingung  $(a_r + b_r \cdot s) \neq 0$  führt zur Bestimmungsgleichung für die Setzung am Punkt maximaler Krümmung

$$1 = \frac{a_r^2}{(a_r + b_r \cdot s)^4}$$
 (2.24)

daraus folgt:

$$a_r = (a_r + b_r \cdot s)^2 + \sqrt{1}$$
 (2.24a)

Für den zur Beschreibung von  $Q_r(s)$  verwendeten Hyperbelast muß  $a_r > 0$  sein. Außerdem muß  $s_k$  eine reelle Zahl sein. Daher ist in Gl.(2.24a) nur das positive Vorzeichen der Wurzel möglich, und es ergeben sich folgende Gleichungen für den Punkt maximaler Krümmung

$$s_{rk} = \frac{-a_r + \sqrt{\frac{a_r}{\sqrt{\Gamma}}}}{b_r}$$
 (2.25)

$$Q_{rk} = \frac{1 - \sqrt{a_r \cdot \sqrt{1}}}{b_r}$$
 (2.26)

Hinweis:

 $\sqrt{1}$  mu $\beta$  bei Verwendung dimensionsbehafteter Größen 'mitgeschleift' werden;  $\sqrt{1}$  hat hier die Dimension [Kraft/Länge]

Die Bilder 2.18 bis 2.25 zeigen Auswerteergebnisse für 151 Pfähle in rolligem und für 95 Pfähle in bindigem Boden. Die Bilder 2.18 und 2.22 zeigen die Setzungen  $s_{rk}\cong s_{rg}$  für rolligen bzw. bindigen Boden in Abhängigkeit von der Pfahlmantelkraft  $Q_{rk}.$  Die Bilder 2.20 und 2.24 zeigen die Anfangsneigung  $a_r=\tan\alpha$  der Mantelkrafthyperbeln ebenfalls in Abhängigkeit von  $Q_{rk}.$  Auf den übrigen Bildern sind entsprechende Mittelwerte von  $\overline{s}_{rk}$  und  $\overline{a}_r$  und die Standardabweichungen angegeben.

Aus Bild 2.18 für rollige Böden folgt die in DIN 4014 (2/1990) übernommene Gleichung

$$s_{rg} \approx 0.5 \text{ cm} + 0.5 \text{ cm/MN} \cdot Q_{rg} \text{ MN} \leq 3 \text{ cm}$$
 (2.27)

In Übereinstimmung mit der Elastizitätstheorie ergibt sich, daß die Bruchmantelreibung  $\tau_{mg}$  unabhängig vom Pfahlschaftdurchmesser D ist, die zu ihrer Aktivierung erforderliche Setzung s $_{rg}$  jedoch mit der Bruchzustands-Pfahlmantelkraft  $Q_{rg}$  zunimmt.

#### Anmerkung:

Wie Gl.(1.2) zeigte, sollte  $s_{rg}$  eigentlich nur von D abhängig sein. Aus der Ableitung in Abschnitt 2.4.2 ersieht man, daß das nur für unendlich lange Pfähle exakt richtig ist, bei denen jeder Horizontalschnitt eine Antimetrieebene ist mit  $\sigma_z=0$  im Boden seitlich des Pfahls. Bei Pfählen endlicher Länge ist die Einführung von  $s_{rg}=f(Q_{rg})$  mit geringerer Streuung verbunden.

Da die Gl.(2.27) für bindige Böden auf der sicheren Seite liegt (s. Bild 2.26), wird sie mit Blick auf die erreichbare Genauigkeit für rollige und bindige Böden verwendet. Aus den Bildern für  $a_r = f(Q_r)$  folgt, daß der Mantelreibungswiderstand wie bei  $s_{rk} = f(Q_{rk})$  für kleinere Pfahldurchmesser bei vergleichsweise geringeren Relativverschiebungen zwischen Pfahl und Boden aktiviert wird. (Die Annahme konstanter  $\overline{a}_r$ -Werte wie bei Rollberg 1985 kann – wie aus Bild 2.28 erkennbar wird – also Ungenauigkeiten zur Folge haben.) Bild 2.27 zeigt, daß die Mittelwerte  $\overline{a}_r$  für Pfähle in rolligen und bindigen Böden praktisch gleich groß sind, wenngleich aus den Bildern 2.28 und 2.29 mit den Einhüllenden der  $a_r$ -Werte hervorgeht, daß bei bindigem Boden eine Konzentration im Bereich kleinerer Werte vorhanden ist.

## 2.4.3 Einfluβ der Herstellungsart

Die bis hierher behandelten 151 + 95 = 246 Pfähle in rolligem und bindigem Boden sind in konventioneller Weise, d.h. mit Bohrrohr hergestellt worden. Von Pfählen, die ohne Bohrrohr mit Flüssigkeitsstützung der Bohrungswand hergestellt wurden, lagen vergleichsweise weniger Ergebnisse vor, welche nur nach Augenschein beurteilt werden konnten. Die Bilder 2.30 bis 2.33 zeigen einige Ergebnisse, die den Schluß gestatten, daß im Rahmen der erreichbaren Genauigkeit nicht zwischen den beiden genannten Herstellungsarten unterschieden werden muß, weil die mit Flüssigkeitsstützung hergestellten Pfähle ein eher günstigeres Tragverhalten aufweisen.

Neuerdings dringen die Schneckenbohrpfähle auf dem Markt vor. Für Pfähle dieser Art gibt es noch nicht genug Daten, um sie in den Vergleich einbeziehen zu können. (Bei gelungener Herstellung sollten sie eher noch besseres Tragverhalten aufweisen, doch sind sie andererseits stärker von der Herstellungsqualität abhängig als die hier betrachteten Pfähle, so daß größere Streuung der Daten zu befürchten ist.)

### 2.4.4 Ermittlung einer Funktion für die Anfangsneigung a.

Um eine Mantelkraft-Setzungslinie  $Q_r(s)$  ggf. genauer als mit dem bilinearen Verlauf der DIN 4014 angeben zu können, wird  $Q_r(s)$  als Hyperbel dargestellt. Hierfür benötigt man neben  $b_r$  gemäß Gl.(2.20) auch  $a_r$ . Dieser Wert kann aus Bild 2.20 für rollige Böden abgeleitet werden und liegt dann – wie gezeigt – für andere Böden und für andere Herstellungsarten auf der sicheren Seite.

Bild 2.34 zeigt oben Bild 2.20. Bei Division der Ordinatenwerte durch D und alternativ durch L werden die Bildteile b und c gewonnen. Nähert man die Mittelwertkurven der 3 Diagramme von Bild 2.24 als Hyperbeln an, so müβten sie durch

$$a_{r} = \frac{c_{1}}{Q_{rk}}$$

bzw.

$$\frac{a_r}{D} = \frac{c_2}{Q_{rk}}$$

bzw.

$$\frac{a_r}{L} = \frac{c_3}{Q_{rk}}$$

darstellbar sein mit konstanten  $c_i$ -Werten. Nach Bild 2.35 ergibt sich in etwa  $c_2$  als konstant, d.h. mit  $c_2$  = c ist

$$a_{r} = c \cdot \frac{D}{Q_{rk}}$$
 (2.28)

Für die Mittelwertkurve ist

$$c = 0,009$$
 (2.28a)

und für eine Einhüllende auf der sicheren Seite ist

$$c = 0,007$$
 (2.28b)

# 2.4.5 Abhängigkeit des Bruchwertes der Mantelreibung $\tau_{mg}$ von der Baugrundfestigkeit

Für rollige Böden wird diese aus Sondierergebnissen bestimmt (vorzugsweise aus dem Sondierwiderstand  $\mathbf{q}_{s}$  der Drucksonde nach DIN 4094), für bindige Böden aus  $\mathbf{c}_{u}$  (der "undränierten" Scherfestigkeit), die mit Scherversuchen oder Flügelsondierungen ermittelt wird.

Bild 2.36 zeigt  $\tau_{mg}$  (nach Gl.2.3) in Abhängigkeit vom Sondierwiderstand  $q_s$ . Da die Bohrpfahlherstellung selbst gute Böden verschlechtert, ist die lineare Zunahme von  $\tau_{mg}$  bei  $q_s$  = 15 MPa begrenzt worden. Entsprechendes gilt bei  $c_u$  = 0,2 MPa.

Die jetzt in DIN 4014(3/1990) aufgenommenen Tabellen der  $\tau_{mg}$ -Werte (dort nur mit  $\tau_{m}$  bezeichnet) sind auf Bild 2.63 dargestellt. Die Tabellenwerte begrenzen den Bereich linearer Zunahme der Mantelreibung bis  $s_{rg}$ , die dann konstant gleich  $\tau_{mg}$  gesetzt wird. Die  $\tau_{mg}$ -Werte sind aus der Adjustierung von errechneten Kurven cal Q(s) unter Verwendung von G1.(2.5) und (2.6) entstanden (s. auch Bild 2.3).

Bei einer eigenen Probebelastung für das Braunkohlenkraftwerk Wachtberg wurden die Ergebnisse gemäß Bild 2.37 erhalten (s. auch Franke/Schwab 1986). Es ergab sich, daß die Reibungswerte  $f_{\rm S}$  der Drucksonde (mit Reibungsglied nach Begemann) sowohl im rolligen als auch im bindigen Boden recht gut  $\tau_{\rm mg}$  entsprachen. Unter Nutzung bekannter Zusammenhänge  $R_{\rm f}$  zwischen  $f_{\rm S}$  und  $q_{\rm S}$  gemäß Bild 2.38 kann mit

$$R_{f} = \frac{f_{s}}{q_{s}} \tag{2.29}$$

$$\tau_{mg} \stackrel{\sim}{=} f_s \stackrel{\sim}{=} q_s \cdot R_f$$
 (2.30)

dann nach Gl.(2.30) errechnet werden. Diese Vorgehensweise wurde bei 33 Bohrpfählen in rolligen Böden ausprobiert und lieferte die Ergebnisse von Bild 2.39. Daraufhin wurde dieses Verfahren in die Datenbewertung dieser Forschungen einbezogen.

Wie Bild 2.39 zeigt, ergibt sich mit Gl.(2.30)

$$f_s \cdot A_m \approx Q_{rk} \tag{2.31}$$

bzw.

$$Q_{rg} \approx Q_{rk}$$
 (2.31a)

d.h. man darf näherungsweise

$$Q_{rg} \approx f_s \cdot A_m$$
 (2.31b)

setzen.

# 2.4.6 Streuung der Mantelreibungswerte $\tau_{mg}$

Bei Verwendung von Mittelwerten für  $\tau_{mg}$  über die Pfahllänge, ermittelt aus  $q_s$  nach Gl.(2.30), ergab sich die Verteilung von Bild 2.40 für 44 Bohrpfähle in rolligen Böden. Für die 3 größten Gruppen von 12+12+9=33 Pfählen war es möglich zu prüfen, ob die Streuungen mit größerer Pfahllänge (entsprechend der Vorstellung einer Serienschaltung von Widerständen) kleiner werden. Zu diesem Zweck wurden die Pfähle in 2 Gruppen mit

unterteilt. Die Ergebnisse von Bild 2.41 gestatten keine solche Schlu $\beta$ folgerung.

Da die für die Bilder 2.40 und 2.41 verwendeten Bohrpfähle von verschiedenen Herstellern und von verschiedenen Orten stammen, sollte die Streuung verglichen werden, die sich für Pfähle von gleichem Versuchsfeld ergibt. Solche Daten sind auf Bild 2.42 verarbeitet. Hier zeigt sich, daß im Vergleich zu Bild 2.41 geringere Streuungen eintreten (abgesehen von der herstellungsbedingt immer größeren Streuung für Pfähle mit Fußverbreiterung im Bild 2.42). Bei einer summarischen Beurteilung der Bilder 2.41 und 2.42 erscheint es gerechtfertigt, mit einem Variationskoeffizienten

$$V_{r} = 0,2$$
 (2.32a)

zu rechnen.

Zu der bereits in Verbindung mit Bild 2.40 angeschnittenen Frage, ob längere Pfähle wegen der Serienschaltung von Mantelreibungswiderständen geringere Streuung aufweisen, wurde untersucht, ob solches bei Drucksondierergebnissen in rolligem Boden auftritt, die ja mit Pfählen vergleichbar sind.

Ein Beispiel wird an Sondierergebnissen von Stocker (1980) demonstriert (das insofern eher zu günstig ist, als der sondierte Boden bei der Bewertung von Baugrunduntersuchungsergebnissen als ziemlich homogen anzusehen ist).

Die Auswertung in Bild 2.43 zeigt, daβ keine Verminderung des Variationskoeffizienten allein wegen großer Pfahllänge gerechtfertigt ist, d.h. selbst in "homogenem" Boden ist die Streuung dafür zu groß.

# 2.5 Ermittlung von Q<sub>s</sub>(s) für Bohrpfähle

## 2.5.1 Spitzendruck $\sigma_{g}(s)$ aus Messungen

Um erste Vorstellungen vom Verlauf des Spitzendrucks  $\sigma_{\rm S}({\rm s})$  mit der Pfahlsetzung s zu entwickeln, wurden 11 Pfähle herausgesucht, bei deren Probebelastung besondere Spitzendruckmessungen ausgeführt wurden. Die Pfähle standen in rolligen Böden mit Sondierwiderständen von  ${\rm q_S}=15$  bis 20 MPa. Zum Teil zeigten die zugehörigen Gesamt-Lastsetzungslinien, daß vor "Anspringen" des Spitzendrucks (wegen Auflockerung des Bodens unter dem Pfahlfuß bei der Pfahlherstellung) eine Kraftschlußsetzung erforderlich war; in diesen Fällen wurden die  $\sigma_{\rm S}({\rm s})\cdot{\rm A_S}={\rm Q_S}({\rm s})$ -Linien in der auf Bild 2.12 gezeigten Weise in den Nullpunkt verschoben. Das Ergebnis waren die Spitzendrucksetzungslinien von Bild 2.44. Deren Streuung um den Mittelwert zeigt Bild 2.45. Die Mittelwertlinie läßt sich durch die Hyperbel

$$Q_{s}(s) = \frac{s}{a_{s} + b_{s} \cdot s}$$
 (2.33)

ausdrücken (s. Bild 2.46). Der den Streuungen auf Bild 2.45 entsprechende Variationskoeffizient ist etwa

$$V_{S} = 0,30$$
 (2.32b)

Man kann den Variationskoeffizienten näherungsweise als konstant unabhängig von den Setzungen betrachten.

## 2.5.2 Anpassung von $\sigma_{g}(s)$ -Werten an Meßergebnisse obs Q(s)

Mit den in Abschnitt 2.4 geschilderten Methoden wird die Mantelreibung  $\tau_{\rm m}(s)$  ermittelt. Der Spitzendruck  $\sigma_{\rm S}(s)$  ergibt sich aus der Differenz gemäß Gl.(2.12)

$$Q_s(s) = \sigma_s(s) \cdot A_s = obs Q(s) - Q_r(s)$$

Diese Auswertung wurde – mit den  $\overline{\sigma}_S(s)$ -Werten von Bild 2.45 beginnend – auf alle verfügbaren Probebelastungsergebnisse, d.h. auf obs Q(s) angewandt. Damit konnte eine Verfeinerung der Angaben über  $\sigma_S(s)$  erreicht werden, wobei diese  $\sigma_S(s)$ -Anpassung – unter Verwendung von Gl.(2.12) in vorstehender Form – mit Gl.(2.5) und (2.6) erfolgte (s.auch Bild 2.3)

Es wurden 3 Wege beschritten:

#### Methode I:

Bilinearer Ansatz der Mantelreibung gemäß dem Bild 1.2. Diese einfache Handhabung soll auch künftig der DIN 4014 wie schon den früheren Versionen der DIN 4014, Teil 2 (seit 1970) zugrunde gelegt werden. Abgezielt wird auf die Ermittlung "künstlicher" Lastsetzungslinien, ermittelt nach Gl.(1.8) mit Ergebnissen wie auf Bild 1.2, die charakteristische Werte auf der sicheren Seite repräsentieren.

#### Methode IIa:

Zielsetzung wie unter I), jedoch mit einer Hyperbel nach Gl.(2.18) als Mantelreibungssetzungslinie, deren Anfangsneigung  $a_r$  nach Gl.(2.28) und deren Asymptotenwert  $1/b_r$  so gewählt wird, daß eine befriedigende, auf der sicheren Seite liegende Anpassung an die gemessenen Probebelastungsergebnisse obs Q(s) erreicht wird.

### Methode IIb:

Es wird darauf abgezielt, mit Hyperbeln gemäß den G1.(2.28) und (2.33) Mittelwerte von Mantelreibung und Spitzendruck zu verwenden und so zu adjustieren, daß die gemessenen Probebelastungsergebnisse obs Q(s) im Mittel möglichst genau getroffen werden, d.h. die Fehler nach G1.(2.5) und G1.(2.6) sollen Null sein (s. dazu Bild 2.3).

Bei diesen Anpassungen müssen die unterschiedlichen Baugrundfestigkeitsverhältnisse berücksichtigt werden. Meßergebnisse liegen hauptsächlich von Probebelastungen in rolligem Boden mit Sondierwiderständen  $q_s=15$  bis

20 MPa vor. Für abweichende Werte muß plausibel abgeschätzt werden, welche Veränderungen für  $\sigma_s(s)$  eintreten.

Bild 2.47 zeigt die für die Anpassungen I und IIa getroffenen Annahmen. Die Begrenzung bei  $q_{\rm S}=25$  MPa wurde gewählt, weil höhere Baugrundfestigkeit, als diesem Wert entspricht, i.a. durch die Bohrpfahlherstellung verloren gehen dürfte. (Die Anpassung IIa ist später für die Sondierwiderstände 15 <  $q_{\rm S}<25$  MPa aus ebendiesen Gründen für den Weißdruck der DIN 4014, Ausgabe 3/1990 noch etwas stärker abgemindert worden.)

Auf Bild 2.48 sind die auf Mittelwerte von Q(s) abzielenden Mittelwerte von  $\sigma_s(s)$  dargestellt. Dabei ist die obere Kurve aus dem  $1/b_s$ -Wert der Gl.2.33 abgeleitet worden, der sich aus der Mittelwertlinie von Bild 2.46 ergibt. Da – wie früher beschrieben – nicht mit den Asymptoten- bzw. Bruchwerten gerechnet werden kann, ist der Bruch aus praktischen Gründen nach Gl.(1.2) bei einer Setzung

$$s_g = 0.1 \cdot D_F \tag{1.2}$$

zu definieren. Aus der Hyperbel von Bild 2.46 ergibt sich dann die untere Kurve von Bild 2.48. (Die obere Linie von Bild 2.48 wird für den Fall gebraucht, daß man eine Pfahlfußkrafthyperbel gemäß Gl.(2.33) konstruieren will, für die dann

$$\frac{1}{b_s} = \sigma_{sf} \cdot A_s \tag{2.34}$$

mit  $\sigma_{sf}$  aus Bild 2.48 zur Verfügung steht. Kennt man dann einen zusätzlichen Punkt der Hyperbel - z.B.  $\sigma_s(s_g)\cdot A_s$  -, so kann man bei Kenntnis von bs die Fußkrafthyperbel zeichnen.)

Auf den Bildern 2.49, 2.50, 2.51 sind die Ergebnisse der Anpassungen I, IIa und IIb dargestellt. (Die Abweichungen der Anpassungskurven I und IIa ergeben sich aus der Hyperbelanwendung insofern, als bei Wahl gleicher Anfangsneigungen  $a_s$  mit jeweils einem gegebenen  $\sigma_s(s)$ -Wert im Anfangsbereich der Kurven, z.B.  $\sigma_s(s)$  für  $s=0.03\cdot D_F$ , bestimmte Asymptotenwerte  $1/b_s$  folgen, s. Bild 2.52).

# 2.5.3 Berücksichtigung des Einflusses von Fußverbreiterungen

Es gibt eine Reihe von Probebelastungsergebnissen, die zeigen, da $\beta$  Pfahl-fu $\beta$ verbreiterungen den Baugrund stärker stören als die Herstellung von Pfählen ohne solche.

Daneben kann auch die Geometrie des Pfahlfußes von Einfluß sein, wenn nämlich bei Setzung des Pfahles über der Fußverbreiterung ein Spalt entsteht und dort der Kraftschluß zwischen Pfahl und Boden verloren geht. Durch solche Ereignisse wird jedenfalls die Mantelreibung auch oberhalb dieser Stelle verschlechtert; möglicherweise wird sogar die seitliche Dehnungsbehinderung bis unter den Pfahlfuß vermindert.

Bild 2.53 zeigt, daß 2 völlig gleichartig mit etwa  $3 \cdot D_F$  Abstand im gleichen Boden hergestellte Lorenz-Pfähle ziemlich unterschiedliches Setzungsverhalten hatten (Muhs 1959). Bild 2.54 zeigt, daß selbst sorgfältig hergestellte Pfähle mit Fußverbreiterung regelmäßig ein 20 bis 30 % schlechteres Setzungsverhalten haben als die gleichen Pfähle in gleichem Boden ohne Fußverbreiterung (Franke/Garbrecht 1977, s. Anhang 4). Auch bei Probebelastungen von Jelinek/Koreck/Stocker (1977) wurde das gleiche beobachtet.

Als Konsequenz daraus wurde in DIN 4014 (3/1990) bestimmt, daß  $\sigma_{\rm S}(s)$  bei fußverbreiterten Pfählen nur zu 75 % angesetzt werden darf.

# 2.5.4 Kinfluß der Pfahlelastizität

Bei Bohrpfählen mit Durchmessern von 0,3 m bis 3,0 m, für die DIN 4014 (3/1990) gilt, kann der Einflu $\beta$  der elastischen Pfahlstauchung auf die Pfahlkopfsetzung i.d.R. vernachlässigt werden.

Um das auf simpelste Weise zu zeigen, werden folgende Berechnungsergebnisse gezeigt:

Bereich 1:	Pfähle mit	Durchmessern Setzung Mantelreibung	D = 0,30,5 m s = 0,5 cm < s <sub>rg</sub> $\tau_{\rm m}$ = 25 kN/m <sup>2</sup>
Bereich 2:	Pfähle mit	Durchmessern Setzung Mantelreibung	D = 0,51,0 m s = 1,0 cm < s <sub>rg</sub> $\tau_{\rm m}$ = 25 kN/m <sup>2</sup>

Bereich 3: Pfähle mit Durchmessern D = 1,0...3,0 m Setzung s = 2 cm  $\approx$  srg Mantelreibung  $\tau_{m}$  = 50 kN/m<sup>2</sup>

Für alle 3 Bereiche wurde ein Spitzendruckverlauf  $\sigma_{\rm S}(s)$  gemäß folgender Tabelle verwendet

Setzung s/D	σ <sub>s</sub> (s) [MN/m²]
0,01	0,6
0,02	1,0
0,03	1,35
0,1	3,0

Als Setzung s wurden mit 0,5 bzw. 1,0 bzw. 2,0 cm Werte gewählt, die dem Gebrauchszustand der Pfähle in etwa entsprechen. Bild 2.55 zeigt dann, daß die elastischen Setzungsanteile s $_{\rm el}$  an der Setzung s i.d.R. unter 10 % und – für die Pfähle mit D > 1,0 m – zwischen 10 und 20 % liegen. Im Rahmen der in der Bodenmechanik überhaupt erreichbaren Genauigkeit sind das vernachlässigbare Werte.

# 2.5.5 Durchmesserabhängigkeit des Spitzendrucks

Als beschlossen wurde, die Vornorm DIN 4014, Teil 2 (11/1977), die nur für Großbohrpfähle galt, durch DIN 4014 (3/1990) für alle Bohrpfähle zu ersetzen, stellte sich die Frage, ob man unabhängig vom Pfahldurchmesser für die Fälle, in denen an einer stetig gekrümmten Lastsetzungslinie kein Bruchzustand erkennbar ist, die Bruchsetzung nach Gl.(1.2)

$$s_g = 0,1 \cdot D_F$$

einführen kann. Zu diesem Zweck wurde die folgende Untersuchung vorgenommen:

Für alle verfügbaren Probebelastungsergebnisse wurden die mit  $\tau_{\rm m}$  (nach Abschnitt 2.4) und  $\sigma_{\rm S}$  (nach Abschnitt 2.5.1 bis 2.5.4) unter Verwendung von G1.(1.8) errechneten Lastsetzungslinien

(s. Gl.2.4) mit den gemessenen

obs Q

(s.Gl.2.4a) verglichen. Dazu wurde der Fehler y nach Gl.(2.5)

$$y_{i} = \frac{\text{obs } Q(s_{i}/D_{F})-\text{cal } Q(s_{i}/D_{F})}{\text{obs } Q(s_{i}/D_{F})}$$

für die Setzungen

$$s_i = s_{1...10} = 0,01 \cdot D_F...0,1 \cdot D_F$$

der Reihe nach ermittelt (s. Bild 2.3). Auf Bild 2.56 ist ein exemplarisches Beispiel für

$$s_3 = 0.03 \cdot D_F$$

dargestellt, wo  $\overline{y}$  der Mittelwert von y für die einzelnen untersuchten Pfähle ist. Ganz ähnliche Ergebnisse wurden für die anderen s<sub>i</sub>-Werte erzielt. Man erkennt, daß die y<sub>i</sub> nicht abhängig von D<sub>F</sub> sind, wenn Gl.(1.2)

$$s_g = 0,1 \cdot D_F$$

für alle Pfahldurchmesser  $D_F$  (bzw.  $D_F$  = D bei Pfählen ohne Fußverbreiterung) angewendet wurde. (Das war mit  $s_g$  = 15 cm für rollige Böden und  $s_g$  = 0,05· $D_F$  für bindige in DIN 4014, Teil 2, 11/1977, nicht erreichbar.)

Aus diesem Ergebnis folgt die Rechtfertigung der dimensionslosen Darstellung der Setzungen in der Form  $s/D_F=0.01$  bis 0.1.

Aus dem Verlauf von Lastsetzungslinien läßt sich folgern, daß bei Ton und lockerem Sand allein bodenartabhängige Funktionen

$$\sigma_{s}(s) = f(s) \tag{2.35}$$

existieren, die nicht vom Pfahldurchmesser abhängig sind. Dagegen gibt es diese Durchmesserabhängigkeit bekannterma $\beta$ en bei dicht gelagerten Sanden, bei denen statt G1.(2.35) eine Funktion der Art

$$\sigma_{s}(s) = f(\frac{s}{D_{F}}) \qquad (2.36)$$

eine gute Annäherung der gemessenen Kurvenverläufe ergibt. Aus Gl.(2.36) folgt die hyperbolische Beziehung

$$\sigma_{s} \cdot D_{r} = const.$$
 (2.37)

(Franke 1981, s. Anhang 5). Allerdings führen die Bemühungen zur Erfassung des Verlaufs der Spitzendrucksetzungslinien  $\sigma_{\rm S}(s)$  bzw.  $Q_{\rm S}(s)$  nicht zu einem so eindeutigen Ergebnis, als daß man statt Gl.(2.37) nicht auch

$$\frac{\sigma_{s}(s)}{\sigma_{s}(s_{g})} = f(\frac{s}{D_{F}})$$
 (2.38)

schreiben könnte, wobei analog Gl.(1.2),(1.3),(1.8)

$$\sigma_{s}(s_{g}) = \sigma_{s}(0,1 \cdot D_{F})$$
 (2.39)

ist. Eine Rechtfertigung für die eine oder die andere Annahme ist nur im Zusammenhang damit abzuleiten, mit welcher man bei Anwendung der Gl.(2.5) und (2.6) kleinere Fehler  $\overline{y}$  bzw.  $\int \overline{y}$  erhält. Auf diese Weise hat sich ergeben, daß eine  $\sigma_{\rm S}(s)$ -Darstellung wie auf Bild 2.57a, d.h. eine Darstellung gemäß Gl.(2.38) vertretbar ist. Diese Darstellung ist dann zwangsläufig mit der auf den Bildern 2.57b und 2.57c gezeigten Durchmesserabhängigkeit verbunden. Die Verläufe von  $\sigma_{\rm S}(s)=f({\rm D_F})$  auf Bild 2.57c spiegeln ebenfalls das hyperbolische Verhalten wider, das aus Gl.(2.37) hervorgeht. Jedoch ergibt sich aus Gl.(2.38) ein etwas anderes Ergebnis, nämlich

$$\sigma_{s} \cdot D_{F} = \text{const. } \sigma_{s}(s_{g})$$
 (2.40)

Im Ergebnis dieser Betrachtungen erkennt man, da $\beta$  die Tabellenwerte gemä $\beta$  G1.(2.36) für

$$\sigma_{s}(s) = f(\frac{s}{D_{F}})$$

in der DIN 4014 (3/1990) jedenfalls eine hyperbolische Durchmesserabhängigkeit enthalten, die durch die Anpassung der cal Q(s)-Kurven an die obs Q(s)-Kurven gemäß Bild 2.3 gerechtfertigt ist.

Bei Berechnungen mit einem elastoplastischen Stoffgesetz nach der FE-Methode ergibt sich das Bild 2.58, das insoweit den hyperbolischen Verlauf gemäß Gl.(2.37) bzw. (2.40) bestätigt (Meißner 1982).

# 2.6 Anwendung der Ergebnisse der Abschnitte 2.4 und 2.5 zur Berechnung von Q(s)

## 2.6.1 3 Methoden zur Berechnung von cal Q(s)

Hier ist zwischen den 3 im Abschnitt 2.5.2 beschrittenen Methoden I, IIa und IIb bei der Ermittlung des Spitzendrucks  $\sigma_{\rm S}(s)$  zu unterscheiden, welche die Bilder 2.49, 2.50 und 2.51 zur Folge hatten. Mit diesen 3 Vorläufen von  $\sigma_{\rm S}(s)$  sind auch jeweils andere Mantelreibungsverläufe  $\tau_{\rm m}(s)$  zur Berechnung von Q(s) nach Gl. (1.8) kombiniert worden:

### Methode I:

 $\sigma_{\rm S}({\rm s})$  nach Bild 2.49 wurde mit einem bilinearen Verlauf von  $\tau_{\rm m}({\rm s})$  kombiniert, wobei die Werte  $\tau_{\rm m}=\tau_{\rm mg}$  nach Bild 2.36 in Verbindung mit  ${\rm s}_{\rm rg}$  nach G1.(2.27) Verwendung fanden. Die entsprechenden  $\sigma_{\rm S}({\rm s})$ - und  $\tau_{\rm m}({\rm s})$ -Werte sind im Gelbdruck der DIN 4014(2/1987) in den auf Bild 2.63 dargestellten Tabellen 2 und 5 der DIN abgedruckt worden. (Im Weißdruck der DIN 4014 (3/1990) wurden sie z.T. noch etwas nach der sicheren Seite abgemindert, s. Bilder 2.47, 2.49)

## Methode IIa:

 $\sigma_{\rm S}(s)$  wird als Hyperbel nach Gl.(2.33) formuliert, wobei die  $a_{\rm S}-$  und  $b_{\rm S}-$  Werte von Bild 2.50 anzuwenden sind.  $\tau_{\rm m}(s)$  wird nach Gl.(2.30) errechnet, woraus  $Q_{\rm rg}$  nach Gl.(2.31b) folgt. Mit  $Q_{\rm rg}$  ergibt sich

$$\frac{1}{b_{r}} = Q_{rg} \tag{2.41}$$

unter sinngemäβer Anwendung von Gl.(2.17). Um eine Hyperbel nach Gl.(2.18) darzustellen, wird dabei

$$a_r = 0,009 \cdot \frac{D}{Q_{rg}}$$
 (2.42)

sinngemäß nach Gl.(2.28) verwendet. Bei dieser Verfahrensweise ergibt sich zwischen  $a_r$  und  $s_{rk}$ , der Setzung an der Stelle der maximalen Krümmung der  $Q_r(s)$ -Hyperbel, der Zusammenhang von Bild 2.59.

Um die in Abschnitt 2.4.1 beschriebene Kraftschlußsetzung zu berücksichtigen, wird die aus  $\sigma_{\rm S}(s)$  berechnete  ${\rm Q_S}(s)$ -Kurve um 1 cm in Setzungsrichtung verschoben, d.h. die  ${\rm Q_S}(s)$ -Kurve beginnt nicht im Ursprung, sondern bei s = 1 cm.

## Methode IIb:

Im Unterschied zu den Methoden I und II werden keine vorsichtigen (im Sinne von charakteristischen) Mittelwerte von  $\sigma_{\rm S}(s)$  bzw.  $\tau_{\rm m}(s)$  verwendet, sondern die Mittelwerte selbst (s. Abschnitt 2.5.2).

 $\sigma_{\rm S}(\rm s)$  wird als Hyperbel nach Gl.(2.33) formuliert, wobei die  $\rm a_{\rm S}-$  und  $\rm b_{\rm S}-$  Werte von Bild 2.51 anzuwenden sind.  $\tau_{\rm m}(\rm s)$  wird ebenfalls als Hyperbel formuliert, mit

$$a_r = 0,007 \cdot \frac{D}{Q_{rg}}$$
 (2.43)

sinngemäß nach Gl.(2.28).  $Q_{rg} = 1/b_r$  wird wie bei Methode IIa ermittelt.

Kraftschlußsetzungen werden hier nicht berücksichtigt, weil nicht auf "vorsichtige" Lastsetzungslinien abgezielt wird.

# 2.6.2 Fehlerbetrachtung zu 2.6.1

Bild 2.60 zeigt die Fehler  $y(s/D_F)$  nach Gl.(2.5) für verschiedene Setzungen  $s/D_F$ , die sich bei Anwendung der 3 Methoden I, IIa und IIb nach Abschnitt 2.6.1 ergeben. Auf Bild 2.61 ist der Verlauf der mittleren Abweichungen  $\overline{y}(s/D_F)$  für die Methoden I und IIa dargestellt; für Methode IIb ist  $\overline{y}(s/D_F) \approx 0$ , wie sich bei Verwendung von Mittelwerten  $\overline{\sigma}_S(s)$  und  $\overline{\tau}_m(s)$  ja planmäßig ergeben muß und womit die beabsichtigte Anpassung von  $\sigma_S(s)$  und  $\tau_m(s)$  an dieses Ziel bestätigt wird.

Die positiven mittleren Fehler  $+\overline{y}_1$  liegen auf der sicheren Seite. Die die negativen  $\overline{y}_1$ -Werte kennzeichnenden Fraktilwerte, sie liegen für Methode I im Bereich von 10 % (s. dazu die Eintragungen auf Bild 2.60 oben links), wechseln bei den Methoden I und II mit der Setzung, zeigen jedoch, daß "tendenziell" vorsichtige, auf der sicheren Seite liegende Fraktilwerte von cal Q(s) verwendet werden. Mit den auf den Bildern 2.47 und 2.49 eingezeichneten Veränderungen der Werte von Methode I zu den Werten der DIN 4014 (3/1990) nach der sicheren Seite werden für große  $q_s$ -Werte noch etwas "vorsichtigere Mittelwerte" von cal Q(s) verwendet.

Daβ die Fehler obs Q(s)- cal Q(s) für kleine Setzungen relativ größer als für große Setzungen sind, ist eine Folge der unterschiedlichen Größe der erforderlichen herstellungsbedingten Kraftschlußsetzungen der Pfähle. Da ja doch Setzungen bei 1 % des Pfahldurchmessers, verbunden mit Setzungsdifferenzen zwischen benachbarten Pfählen von erfahrungsgemäß nur 1/3 dieser Werte praktisch stets unschädlich sind, können Ungenauigkeiten bei solch kleinen Setzungen unbeachtet bleiben.

Bild 2.62 zeigt 4 Beispiele mit Vergleichen von gemessenen und nach den 3 Methoden errechneten Lastsetzungslinien. Im großen und ganzen hat die in DIN 4014 (Entw. 3/87) verwendete Methode I recht brauchbare Ergebnisse erbracht; es gibt jedoch manchmal noch unbefriedigend große Abweichungen nach der sicheren Seite. Daher werden - wie schon in den Abschnitten 2.1 und 2.2 erwähnt - weitere Anstrengungen gemacht, die Anpassung von cal Q(s) an obs Q(s) zu verbessern.

### 3 SICHERHEITSBETRACHTUNGEN

### 3.1 Grundsätzliches

Wie im Abschnitt 1.2 gezeigt, wird die Sicherheit im Grenzzustand 1 bisher durch die Gl.(1.9) und (1.10) nachgewiesen. Für beide Fälle gelten nach Abschnitt 1.3.1 die  $\eta$ -Werte der Tabelle 8 der DIN 1054 (11/1976), wobei sich in Deutschland über viele Jahrzehnte die Vorstellung eines sinnvollen  $\eta$ -Wertes von etwa 2,0 entwickelt hat. (In UK, Kanada, USA wird i.a.  $\eta$  = 3,0 verwendet.)

In den Abschnitten 1.3.2, 1.3.3 und 1.4 wurde dargestellt, daß die Anwendung von unterschiedlichen Teilsicherheitsbeiwerten auf Spitzendruck und Mantelreibung auf Schwierigkeiten stößt, und daß es darüber hinaus überhaupt nicht möglich ist, bei Pfählen die Anwendung konstanter Sicherheitsbeiwerte unabhängig von der Größe der Setzungen und des in jedem Einzelfall anderen Verhältnisses von  $Q_r(s)/Q_s(s)$  zu begründen (s. Gl.1.21). Die Konsequenz daraus ist, daß man Sicherheitsbeiwerte – unabhängig davon, ob sie deterministisch oder probabilistisch begründet werden – auf Q(s), die Summe der Pfahlfuß- und Pfahlmantelkräfte anzuwenden hat.

Es bleibt nun die Möglichkeit, zu untersuchen, welche probabilistisch ermittelten Sicherheitsindizes  $\beta$  =  $f(\gamma)$  den bisher verwendeten  $\eta$  -Werten entsprechen, wenn in den Gl.(1.9), (1.10) und (1.12)

$$\eta = \gamma$$
(3.1)

gesetzt wird.

# 3.2 Ermittlung des Bemessungswertes Q<sub>d</sub> auf probabilistischer Grundlage

In der Grenzzustandsgleichung (Gl.1.15)

Wie schon in Abschnitt 1.3.3 wird die Streuung auf der Einwirkungsseite mit  $\tilde{\alpha}$  = 0,8 auf der Widerstandsseite berücksichtigt. Es folgt

$$Q_{d}(s) \leq \overline{Q}(s) - \widetilde{\alpha} \cdot \beta \cdot \sigma_{Q}$$
 (3.3)

mit 
$$\overline{Q}(s) = \overline{Q}_{s}(s) + \overline{Q}_{r}(s) = \overline{\sigma}_{s}(s) \cdot A_{s} + \overline{\tau}_{m}(s) \cdot A_{m}$$
 (3.4)

nach Gl.(1.8). Nach bekannter Regel ist die Standardabweichung von Q(s)

$$\sigma_{Q}(s) = \sqrt{(\sigma_{\sigma s} \cdot A_{s})^{2} + (\sigma_{\tau m} \cdot A_{m})^{2}}$$
(3.5)

mit  $\sigma_{\sigma s}$  = Standardabweichung von  $\sigma_{s}(s)$ und  $\sigma_{\tau m}$  = Standardabweichung von  $\tau_{m}(s)$ 

Bei logarithmischer Normalverteilung von Q(s) ist

$$\zeta_{Q}(s) = \sqrt{\ln(1+V_{Q}(s)^{2})}$$
 (3.6)

$$\lambda_{\mathbb{Q}}(s) = \ln \overline{\mathbb{Q}}(s) - \frac{1}{2} \cdot \zeta_{\mathbb{Q}}(s)$$
 (3.7)

wobei sich der Variationskoeffizient  $V_{\mathbb{Q}}(s)$  mit Gl.(3.5) dividiert durch Gl.(3.4) ergibt zu

$$V_{Q}(s) = \frac{\sigma_{Q}(s)}{\overline{Q}(s)} = \frac{\sqrt{(\sigma_{\sigma s} \cdot A_{s})^{2} + (\sigma_{\tau m} \cdot A_{m})^{2}}}{\overline{\sigma_{s}(s) \cdot A_{s} + \overline{\tau}_{m}(s) \cdot A_{m}}}$$

$$= \sqrt{\frac{V_{\sigma S}^{2}}{\frac{\overline{Q}_{r}(s)}{\overline{Q}_{s}(s)}} + \frac{V_{\tau m}^{2}}{\frac{\overline{Q}_{s}(s)}{\overline{Q}_{r}(s)}}}$$
(3.8)

Für die Variationskoeffizienten  $\rm V_{\tau m}$  und  $\rm V_{\sigma s}$  wurden nach Abschätzungen in den Abschnitten 2.4.6 und 2.5.1 die Werte

$$V_{rm} = 0,2$$
 (2.32a)

$$V_{\sigma s} = 0,3$$
 (2.32b)

erhalten, die näherungsweise als konstant, d.h. unabhängig von der Größe der Setzungen betrachtet werden. Bild 3.1 zeigt für ein Beispiel, daß  $\rm V_Q$  bei konstanten Werten von  $\rm V_{\sigma s}$  und  $\rm V_{\tau m}$  jedoch nicht konstant ist. Auf Bild 3.2 ist dargestellt, wie stark  $\rm V_Q$  bei konstanten Werten von  $\rm V_{\sigma s}$  und  $\rm V_{\tau m}$  mit  $\rm Q_r/\rm Q_s$  veränderlich ist als Folge der in jedem Einzelfall unterschiedlichen

Baugrundbeschaffenheit und Pfahlgeometrie  $A_{\rm m}/A_{\rm s}$ . Der Bemessungswert des Pfahlwiderstands

$$Q_d(s) \le \exp \left[ \lambda_Q(s) - \tilde{\alpha} \cdot \beta \cdot \zeta_Q(s) \right]$$
 (3.9)

kann jedoch mit den G1.(2.32)(2.34)(3.6)(3.7)(3.8) unter Verwendung der  $\sigma_s(s)$ - und  $\tau_m(s)$ -Werte aus den Abschnitten 2.4 und 2.5 bzw. aus den Tabellen der DIN 4014 problemlos berechnet werden.

# Vergleich von probabilistisch und deterministisch (wie bisher) ermittelten Bemessungswerten $Q_d$

Der Vergleich wird für den Grenzzustand 1, und zwar für den Fall 1A mit

$$s_g = 0.1 \cdot D_F$$

durchgeführt. Verglichen werden deterministische Werte  $Q_{\rm dlA}$  nach  ${\rm Gl.}(1.9)$  und der als höherwertig betrachtete probabilistische Wert  $Q_{\rm d}$  nach  ${\rm Gl.}(3.9)$  als Referenzwert. Solche Vergleiche wurden für 33 Pfähle unterschiedlicher Abmessungen in unterschiedlichen Böden ausgeführt. (Die Pfahlnummern der 33 Pfähle finden sich in den Tabellen der Bilder 3.3a bis 3.3d; die Daten dieser Pfähle sind auf den Datenblättern des Anhangs unter diesen Nummern zu finden.)

Auf den Bildern 3.3a bis 3.3d ist der beschriebene Vergleich wie folgt dargestellt. Die Ungleichung

$$\frac{Q_{d1A} \text{ nach G1.}(1.9)}{Q_{d} \text{ nach G1.}(3.9)} \le 1$$
 (3.10)

definiert die sichere Seite. Dementsprechend mu $\beta$  (unter Beachtung von G1.1.9) auch gelten

$$Q_{dlA}$$
 nach Gl.(1.9) =  $\frac{Q_g \text{ nach Gl.(1.3)}}{\eta_{lA}} \le Q_d \text{ nach Gl.(3.9)}$ 

oder in anderer Schreibweise

$$\frac{Q_{g} \text{ nach Gl.}(1.3)}{Q_{d} \text{ nach Gl.}(3.9)} \leq \eta_{1A}$$
 (3.11)

Es ist nun im Sinne des Abschnittes 3.1 zu untersuchen, welcher Wert

$$\gamma_{M1A} \stackrel{\triangle}{=} \eta_{1A}$$

gemä $\beta$  Gl.(3.1) zu wählen ist (siehe auch Abschnitt 1.4).

Zu diesem Zwecke wird  $\eta_{1A}$  für 4 Fälle ermittelt, indem  $Q_g$  nach Gl.(1.3) – auf die in Gl.(1.8) angegebene Weise – mit unterschiedlichen  $\sigma_s(s_g)$  – und  $\tau_{mg}$ -Werten nach den in Abschnitt 2.6.1 angegebenen 3 Methoden sowie nach DIN 4014, 3/90 (s. Bild 2.63) bestimmt wird. Der Referenzwert  $Q_d$  nach Gl. (3.9) wird in allen 4 Fällen mit  $\beta$  = 4,7 und mit  $Q_g$  für Mittelwerte von  $\overline{\sigma}_s(s_g)$  und  $\overline{\tau}_{mg}$  (entsprechend Gl.3.4) ermittelt, d.h. mit den für Methode IIb in Abschnitt 2.6.1 definierten Werten. (In Verbindung mit Gl.3.9 kommt eine andere Methode auch gar nicht in Betracht.)

Auf den Bildern 3.3a bis 3.3d sind die nach Gl.(3.11) errechneten  $\eta_{1A}=\gamma_{M1A}$ -Werte aufgetragen. Denn Gl.(3.11) ergibt diejenigen  $\eta_{1A}=\gamma_{M1A}$ -Werte, die auf  $Q_g$  - errechnet nach den genannten 4 verschiedenen Methoden - angewendet werden müssen, um den Referenzwert  $Q_d$  nach Gl.(3.9) zu erhalten. In diesem Sinne zeigen die Bilder 3.3, welcher  $\eta_{1A}=\gamma_{M1A}$ -Wert sich für die betrachteten repräsentativen 33 Pfähle im Mittel und für die 97,72 %2-Fraktile ergibt. Man erhält aus

- Bild 3.3a, daβ

$$\eta_{1A} = \gamma_{M1A} = 1,36 \text{ bzw. } 1,84$$

erforderlich ist.

- Bild 3.3b, daβ ein Wert

$$\eta_{1A} = \gamma_{M1A} \le 1,49 \text{ bzw. } 1,68$$

erforderlich ist.

- Bild 3.3c, daβ ein Wert

$$\eta_{1A} = \gamma_{M1A} \le 2,33 \text{ bzw. } 2,96$$

erforderlich ist. (Das ist dadurch bedingt, daß hier  $Q_g$  mit Mittelwerten von  $\overline{\sigma}_s$  und  $\overline{\tau}_{mg}$  vergleichsweise groß errechnet wird.)

- Bild 3.3d, daβ ein Wert

$$\eta_{1A} = \gamma_{M1A} \le 1,14 \text{ bzw. } 1,47$$

erforderlich ist.

Das Ergebnis von Bild 3.3d, das mit den nach Bild 2.63 aus DIN 4014 (3/90) errechneten  $Q_g$ -Werten zustande kam, gestattet auch die Kalibrierung an der bestehenden Erfahrung. Denn bisher wurde mit  $\eta_{1A}$  gerechnet, ohne Teilsicherheiten bei den Einwirkungen zu berücksichtigen. Da bei der Berechnung des Referenzwertes  $Q_d$  nach Gl.(3.9) zur Berücksichtigung der Einwirkungen  $\tilde{\alpha}=0.8$  verwendet wurde, ist – um Vergleichbarkeit mit der bisherigen Vorgehensweise herzustellen also statt  $\eta_{1A}=2$  nun

$$\gamma_{M1A} = \frac{\gamma_{1A}(alt)}{\gamma_{F}} = \frac{2.0}{1.35...1.5}$$

$$= 1.5...1.33$$

$$\approx 1.4$$
(3.12)

einzuführen. Dabei ergibt sich 1,4 als Mittelwert der  $\gamma_{\rm F}\text{-Werte}$  von 1,35 für die ständigen und von 1,5 für die nicht ständigen Einwirkungen.

Somit ist die Wahl der  $\sigma_s$ - und  $\tau_{mg}$ -Werte in DIN 4014 (3/90) gemäß Bild 2.63 besonders sinnvoll, weil die Verwendung von  $\eta_{1A}$  = 2 als Grundwert der Tabelle 8 der jetzt noch gültigen DIN 1054 (11/76) ohne Berücksichtigung von Teilsicherheiten  $\gamma_F$  auf die Einwirkungen zu den gleichen Ergebnissen führt wie die Verwendung von  $\gamma_{M1A}$  = 1,43 nach Einführung der  $\gamma_F$ -Werte von 1,35 bzw. 1,5 in der künftigen DIN 1054 bzw. in EC 7, d.h. auf diese Weise erfordern die Angaben für  $\sigma_s$  und  $\tau_m$  in der DIN 4014 (3/90) dann keine Veränderung.

Am allerwichtigsten ist jedoch, daß die Kalibrierung gemäß Bild 3.3d, im Prinzip aber auch die Bilder 3.3a bis 3.3c zeigen: Man darf trotz der in Abschnitt 1 mit den Gl.(1.9c), (1.10c), (1.10f) und (1.21) nachgewiesenen prinzipiellen Nichtkonstanz der  $\eta$  - und  $\gamma$ -Werte diese näherungsweise doch als Konstante betrachten, und zwar unabhängig vom Verhältnis der Pfahlmantel- zu den Pfahlfußkräften  $Q_{\rm r}/Q_{\rm s}$  (siehe dazu auch die Abschnitte 1.3.3 und 1.4). Ohne die Kalibrierung der Näherungsmethoden gemäß Gl.(1.9), (1.10) und (1.12) an Gl.(3.9) hätte diese Schlußfolgerung nicht mit der gezeigten Qualität begründet werden können. Soviel für den Grenzzustand 1A.

Da für die übrigen Grenzzustandsberechnungen die jedem Einzelfall entsprechenden Setzungen  $s_{1B1}$ ,  $s_{1B2}$ ,  $s_2$  vorliegen müssen (s. dazu Abschnitte 1.2.2 und 1.3.1), können keine Vergleiche wie mit den Bildern 3.3 angestellt werden. Jedoch läßt sich sagen, daß sich im Grenzzustand 1 bei Verwendung von Gl. (1.10) mit  $\gamma_{M1A}$  = 1,4 und im Grenzzustand 2 bei Verwendung von Gl. (1.12) mit  $\gamma_{M}$  = 1,0 erfahrungsgemäß hinreichend sichere Bemessungswerte ergeben, wenn man sich dabei auf das Ergebnis der Bilder 3.3 stützt. Denn dieses hat für den Fall des Versagens des Bodens der Pfahlumgebung gezeigt, daß die bisher verwendeten Zahlenwerte der Sicherheit unter Beibehaltung der bisherigen Grenzzustandsgleichung (1.9) weiterverwendbar sind. So bleibt also auch die Erfahrungsgrundlage bei Anwendung der Gl.(1.10) und (1.12) bestehen.

### LITERATURVERZEICHNIS

# BEGEMANN, H.K. (1965)

The Friction Jacket Cone as an Aid in Determining the Soil Profile Proc. 6. ICSMFE, Montreal 1965, Vol.1, p.17-21

#### CHIN, F.K. (1970)

Estimation of the Ultimate Load of Piles from Tests Not Carried to Failure

Proc. 2. Southeast Asian CSMFE, Singapore 1970, p.81-92

## CHRISTOW, C.K. (1968)

Beitrag zur praktischen Setzungsberechnung und Auswertung von Zeit-Setzungsmessungen

Beiträge zur Donau-Europ. Konferenz für Bodenmechanik, Wien 1968, S.6-16

### COOKE, R. (1975)

The Settlement of Friction Pile Foundations Building Research Establishment, Current Paper CP 12/75

#### DE BEER, E.E. (1967)

Proefondervindelijke bijdrage tot de studie von het grensdraag vermogen von zand onder funderingen op staal Tijdshrift der Openbar Werken von Belgie, Nos. 6-67 and 1,4,5,6-68

# DE BEER, E.E./VAN IMPE, W.F. (1977)

Aantekeningen bij de publicatie : "Een methode om het evenwichtsdraagvermogen von een proefpaal te splitsen in gesommerde wrijving en puntbelasting - A.F. Van Weele 1957" International Report R.I.G., No. 22 , November 1977

# FRANKE, E. (1981)

Point Pressure Versus Length and Diameter of Piles Proc. 10.ICSMFE, Stockholm 1981, Vol.II, p.717-722

# FRANKE, E. (1982)

Abschnitt "Pfähle"

Grundbautaschenbuch, 3.Auflage, Teil 2, S.459-540 Verlag W.Ernst & Sohn, Berlin

# FRANKE, E./GABRECHT, D. (1977)

Test Loading on 8 Large Bored Piles in Sand Proc. 9.ICSMFE, Tokio 1977, Vol.1, p.529-532

## FRANKE, E./SCHWAB, H. (1986)

Probebelastungen an langen Großbohrpfählen – Eine Messaufgabe, Konzeption und Ausführung

Beiträge zum Symp. Pfahlgründungen am 12.-13.März 1986 in Darmstadt, S.221-225

Inst. für Grundbau, Boden- und Felsmechanik TH Darmstadt

GRANT, R. et al. (1974)

Different Settlements of Buildings Proc. ASCE (100), GT 9, p.973-991

# HANNA, T.H. (1971)

The Distribution of Load in Large Piles Sols- Soils, No. 22-23, p.5-13

JELINEK, R./KORECK, H.W./STOCKER, M. (1977)

Load Tests on 5 Large-Diameter Bored Piles in Clay Proc. 9.ICSMFE, Tokio 1977, Vol.1, p.571-576

## MAZURKIEWICZ, B. (1972)

Test Loading of Piles According to Polish Regulations Royal Swedish Academy of Engng. Science Stockholm, Report 35

### MEISSNER, H. (1982)

Tragverhalten achsial und horizontal belasteter Bohrpfähle in körnigem Boden Geotechnik (5), Heft 1, S.1-13

### MUHS, H. (1959)

Versuche mit Bohrpfählen, Teil I Bauverlag Wiesbaden/Berlin, (Teil II, 1963)

### PRODINGER, W. (1985)

Vergleichende Untersuchungen zum Trag- und Setzungsverhalten von Bohrpfählen und Schlitzwandelementen. Mitteilungen der TU Graz, Heft 7

#### ROLLBERG, D. (1985)

Zur Bestimmung der Pfahltragfähigkeit aus Sondierungen Der Bauingenieur (60), S.25-28

### SCHÄFFNER, H.J. (1966)

Ein rheologisches Modell zur Auswertung von Pfahlprobebelastungen Bautechnik (43), Heft 4, S.135-140

### SCHMERTMANN, J. (1987)

Pile Load Distribution from Tip Telltales Proc. of the Turin Geot. Conf. - XIIIth Cycle. "Progettiazione geotechnica: metodo di calcolo e parametri"

## SKEMPTON, A.W./McDONALD, D.H. (1956)

The Allowable Settlement of Buildings
Proc. of the Inst. of Civil Engineers London, part III, Vol.5, p.727-784

## STOCKER, M. (1980)

Vergleich der Tragfähigkeit unterschiedlich hergestellter Pfähle Vorträge zur Baugrundtagung, Mainz 1980, S. 565-591, DGEG Essen

# VAN DER VEEN, C. (1953)

The Bearing Capacity of a Pile Proc. 3. ICSMFE, Zürich 1953, Vol.2, p.84-90

# VAN IMPE, W.F./THOOFT, K./VAN DEN BROECK, M. (1988)

End and Shaft Bearing Capacity of Piles Evaluated Separatly Out of Static Pile Loading Results

Proc. 1.Geot. Seminar on Deep Foundations on Bored and Augered Piles, Ghent 1988, p.489-498

# VAN WEELE, A.F. (1957)

A Method of Separating the Bearing Capacity of a Test Pile into Skin-Friction and Point-Resistance Proc. 4.ICSMFE, London 1957, Vol.2, p.76-80

## VESIC, A. (1972)

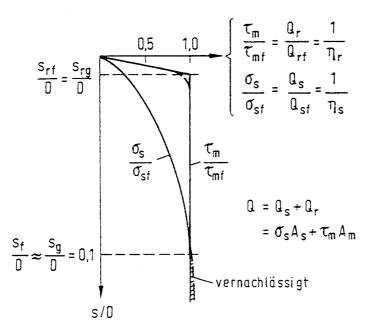
Expansion of Cavities in infinite Soil Mass Proc. ASCE (98), SM 3, p.265-290

# WHITAKER, T. (1976)

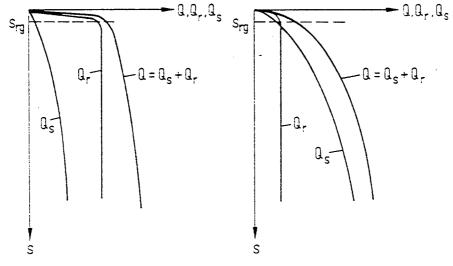
The Design of Piled Foundations Pergamon Press, Oxford, 2nd Edition

Darmstadt, den 10.9.90

(Prof. Dr.-Ing. E. Franke)



a) dimensionslose Darstellung



b) Reibungspfahl

c) Spitzendruckpfahl

Bild 1.1 Einfluß der unterschiedlichen Form der Arbeitslinien von Spitzendruck und Mantelreibung auf die Form der Lastsetzungslinie von Pfählen

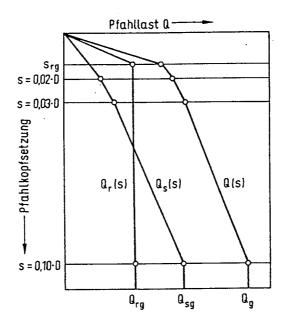


Bild 1.2 Konstruktion einer Lastsetzungslinie nach DIN 4014 (3/1990), Bild 2

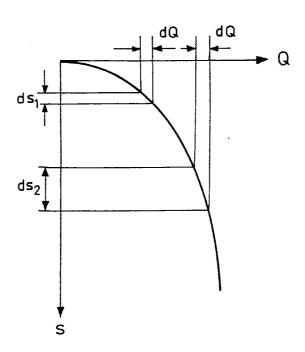


Bild 1.3 Veränderlichkeit von ds für gleiche Werte von dQ bei Nicht-Linearität

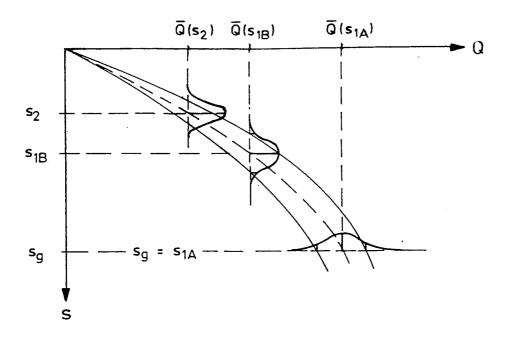


Bild 1.4 Streuung des Lastsetzungsverhaltens (schematisch),  $\overline{s}$  und  $\overline{Q}$  sind Mittelwerte von s und Q

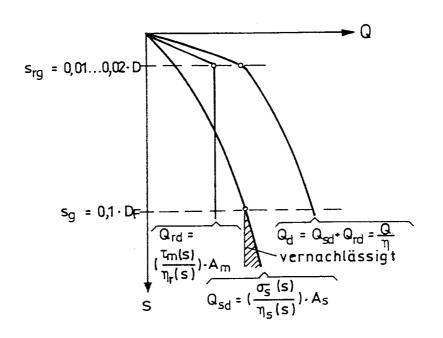


Bild 1.5 Linien der Bemessungswerte  $Q_{rd}$ ,  $Q_{sd}$ ,  $Q_{d}$ , wobei im Grenzzustand 1B (s. Gl.1.10a bis 1.10f) für  $\eta$  = const setzungsabhängige Werte  $\eta_r(s)$  und  $\eta_s(s)$  benötigt werden.

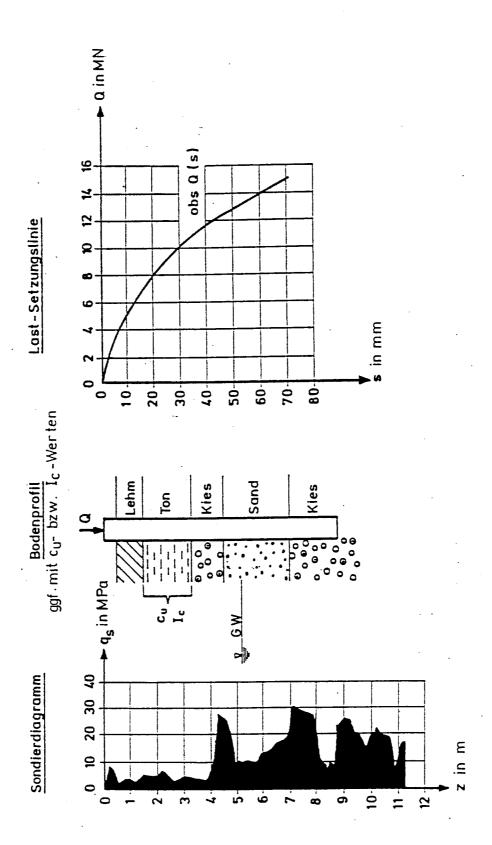


Bild 2.1 "Normalanforderungen" an den Ergebnisumfang einer Probebelastung hinsichtlich der Be- und Auswertbarkeit

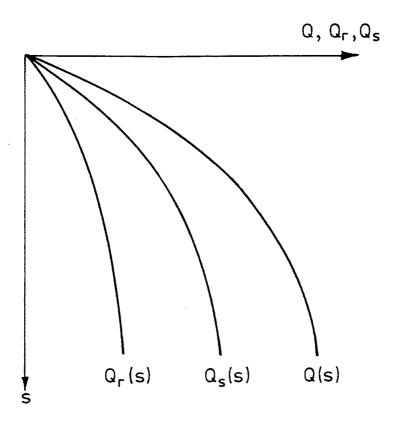


Bild 2.2 Proportionale Verläufe der Arbeitlinien von Spitzendruck und Mantelreibung

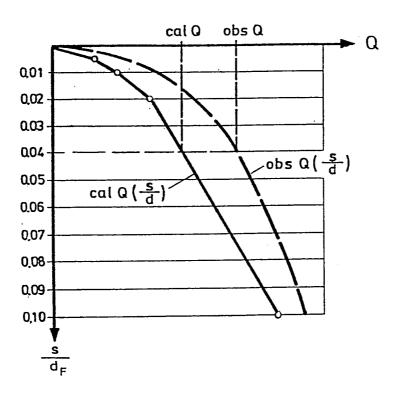
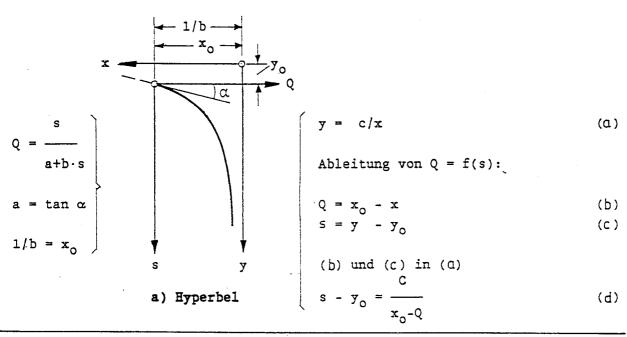


Bild 2.3 Zur Definition der Begriffe obs Q, cal Q, Fehler y



Mit  $y_0 = c/x_0$  gemäß (d) ergibt sich aus (d) ein Ausdruck der Form

$$Q = \frac{s}{a+b \cdot s}$$
 (e) (s. auch G1.2.7)

woraus folgt

$$s$$
 = a+b·s (f) (s. auch Gl.2.8)  
Q

Aus (e) ergibt sich

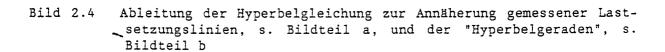
$$\frac{dQ}{ds} = \frac{a}{(a+b\cdot s)^2}$$
 (g)

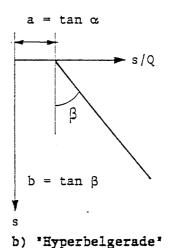
Für s = 0 folgt aus (g)

$$\tan \alpha = \frac{ds}{dQ} = a \quad (s. auch G1.2.9)$$

Für s  $\rightarrow \infty$  folgt aus (e), s. auch Gl.(2.11)

$$Q_f = 1/b$$
 und  $b = \tan \beta$ 





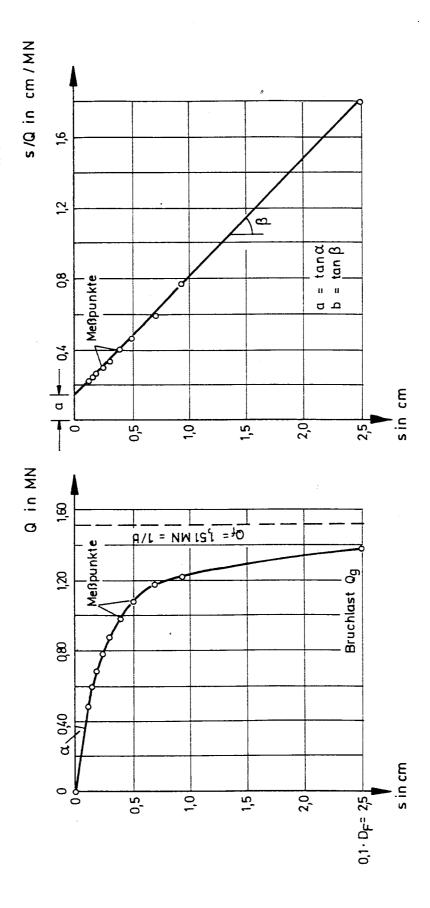
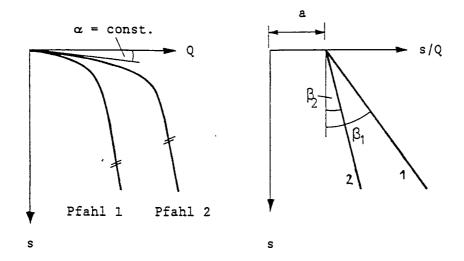
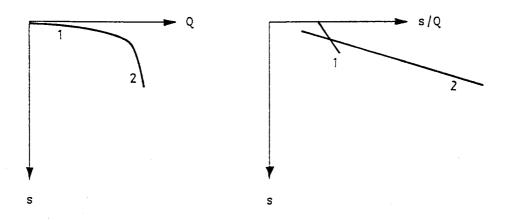


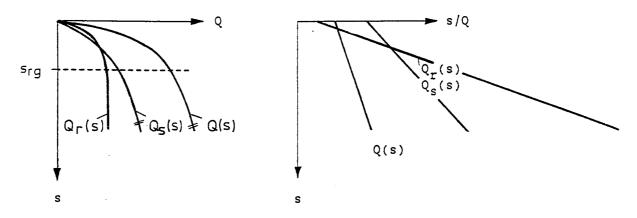
Bild 2.5 Anwendung des Hyperbelverfahrens auf die Lastsetzungslinie einer Probebelastung



a) 2 Pfähle mit Q(s) gleicher Anfangsneigung und parallelen Endgeraden



b) Verschlechterung des Tragverhaltens



c) Verschiedene Hyperbelgeraden für Q(s),  $Q_r(s)$ ,  $Q_s(s)$ 

Bild 2.6 Darstellung von Probebelastungsergebnissen mit dem Hyperbelverfahren (schematisch)

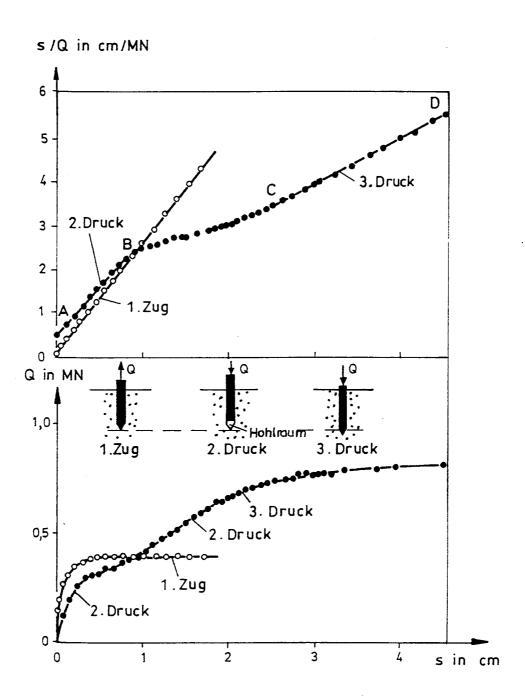


Bild 2.7 Beispiel der Anwendung des Hyperbelverfahrens für eine Probebelastung. Zuerst Zugversuch, dann Druckversuch am gleichen Pfahl

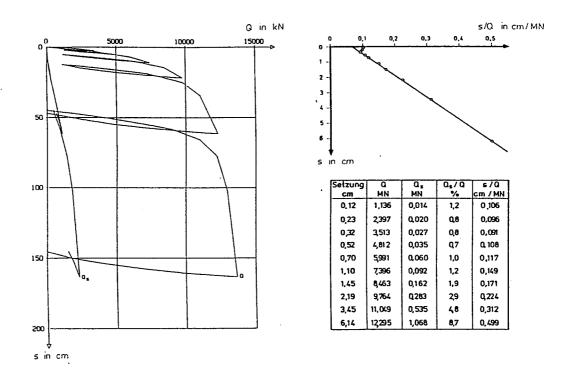


Bild 2.8 Auswertung einer eigenen Probebelastung mit der Hyperbelmethode (Braunkohlenkraftwerk Wachtberg)

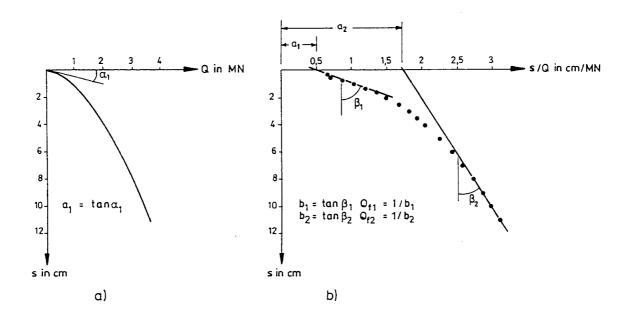
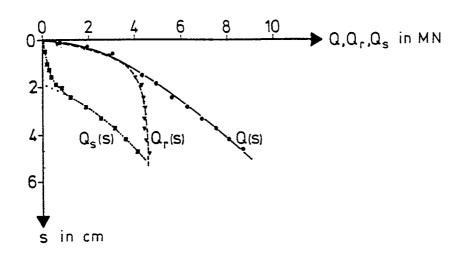
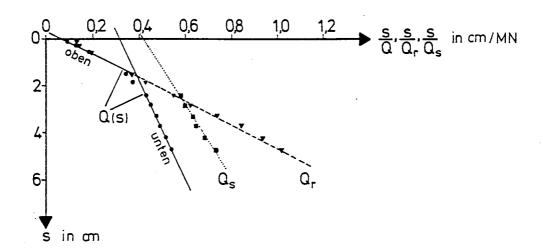


Bild 2.9 Darstellung einer typischen Lastsetzunglinie im Q-s - und s/Q-s-Koordinatensystem mit zwei Geraden





	Hyperbelparameter		Bruchlast
	a [ <u>sm</u> ]	b [-\frac{1}{MN}]	Q <sub>f</sub> [MN]
Q(s) Q(s)	0,067	0,203	4,926 = 5
Q unten Q(s)	0,316	0,047	21, 277
a, (s)	0,08	0,20	5,0
Q <sub>s</sub> (s)	0,53	0,06	16,7

Bild 2.10 Darstellung des Probebelastungsergebnisses für ein Schlitzwandelement mit der Hyperbelmethode (Prodinger 1984)

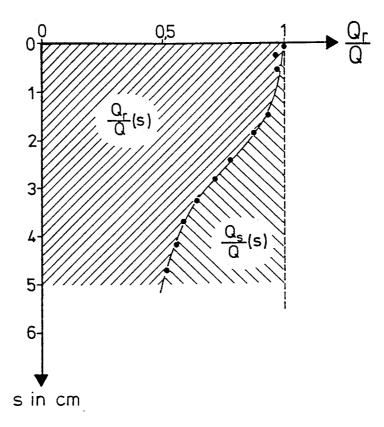


Bild 2.11 Charakteristische Änderung des Verhältnisses  $Q_r/Q_s$  mit zunehmender Setzung am Beispiel von Bild 2.10

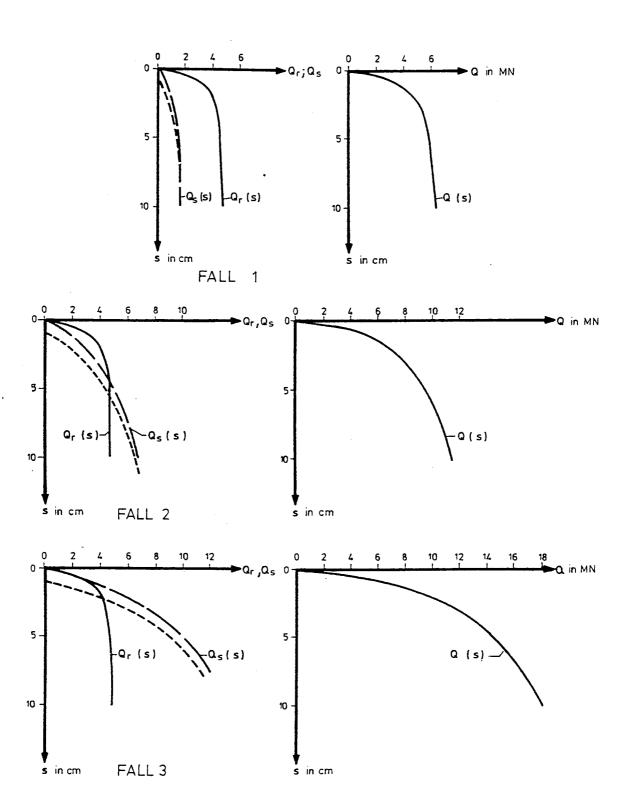


Bild 2.12 3 Beispiele mit unterschiedlich angenommenen Anteilen von Mantel- und Fußkraft  $Q_r(s)$  und  $Q_s(s)$ .  $Q_s(s)$ -Linien ohne und -parallel verschoben- mit angenommener Kraftschlußsetzung in die feiner gestrichelte Position

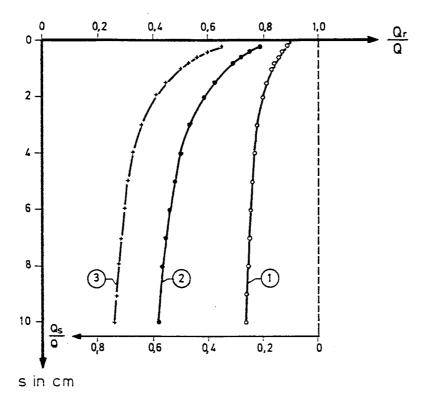


Bild 2.13 Darstellung der Mantelkraft- und Fu $\beta$ kraftanteile für die 3 Fälle von Bild 2.12 ohne Kraftschlu $\beta$ setzungen bei  $Q_S(s)$ 

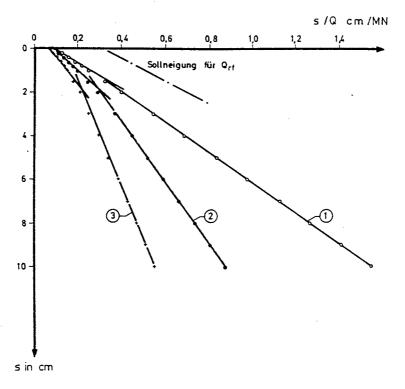


Bild 2.14 Hyperbelgeraden der 3 Lastsetzungslinien von Bild 2.12 ohne Kraftschlußsetzung bei  $\boldsymbol{Q}_{\text{S}}(s)$ 

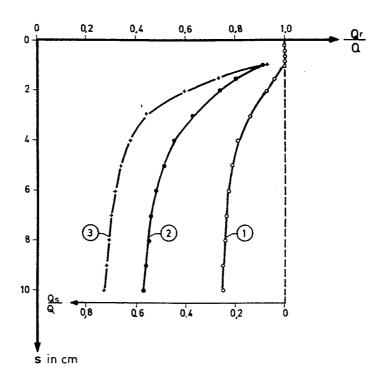


Bild 2.15 Darstellung der Mantelkraft- und Fu $\beta$ kraftanteile für die 3 Fälle von Bild 2.12 mit Kraftschlu $\beta$ setzung bei  $Q_S(s)$ 

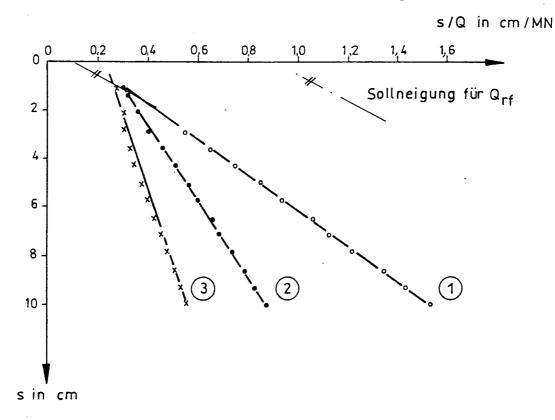


Bild 2.16 Hyperbelgeraden der 3 Lastsetzungslinien von Bild 2.12 mit Kraftschlußsetzung bei  $Q_{\rm S}(s)$ 

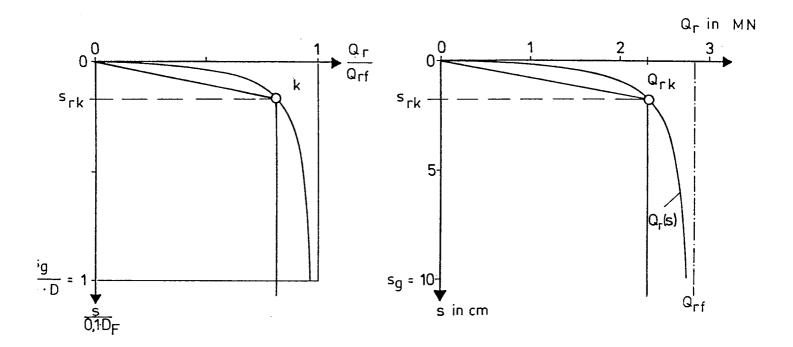


Bild 2.17 Definition des Punkts der maximalen Krümmung  $Q_{{f r}{f k}}/s_{{f r}{f k}}$  und der bilinearen Annäherung der Mantelkrafthyperbel

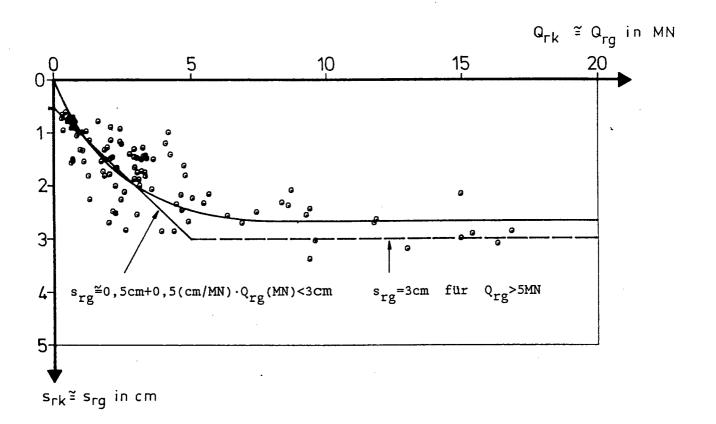
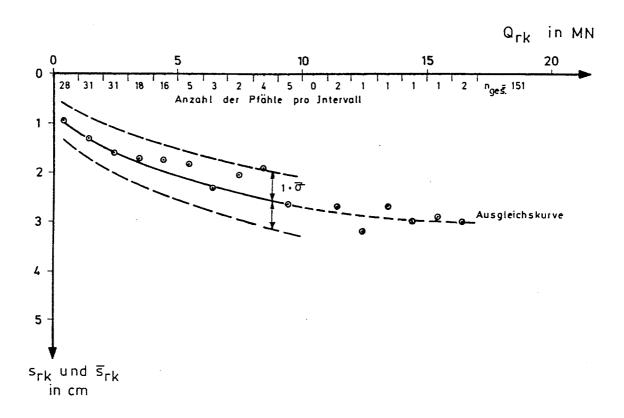


Bild 2.18 Zusammenstellung der Berechnungsergebnisse  $Q_{rk}/s_{rk}$  und Darstellung der bilinearen Annahme in DIN 4014 (3/1990)



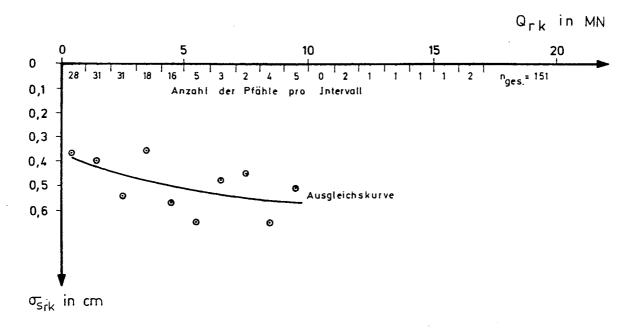


Bild 2.19 Ermittlung der  $Q_{rk}/s_{rk}$  -Werte von Pfählen in rolligem Boden mit Mittelwert  $\overline{s}_{rk}$  und Standardabweichung  $\sigma_{srk}$ 

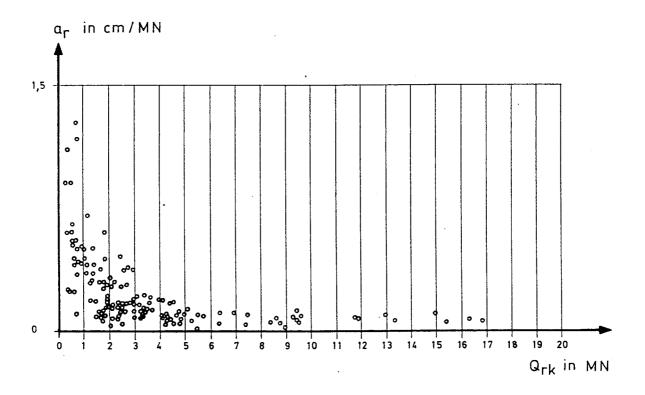
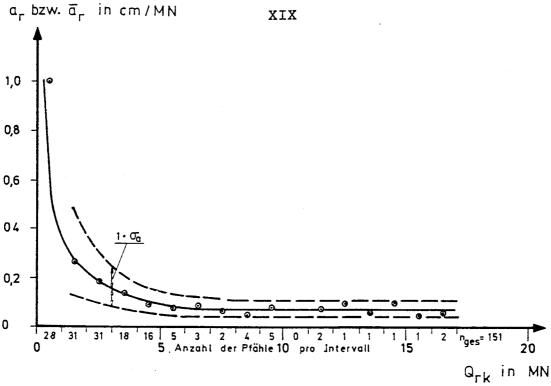


Bild 2.20 Zusammenstellung der Berechnungsergebnisse  $Q_{rk}/a_r$  für Pfähle in rolligem Boden



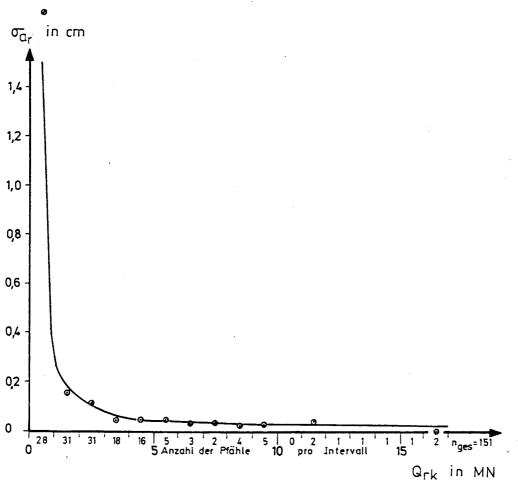


Bild 2.21 Ermittlung der  $Q_{rk}/a_r$  - Werte für Pfähle in rolligem Boden mit Mittelwert  $\overline{a}_r$  und Standardabweichung  $\sigma_{ar}$ 

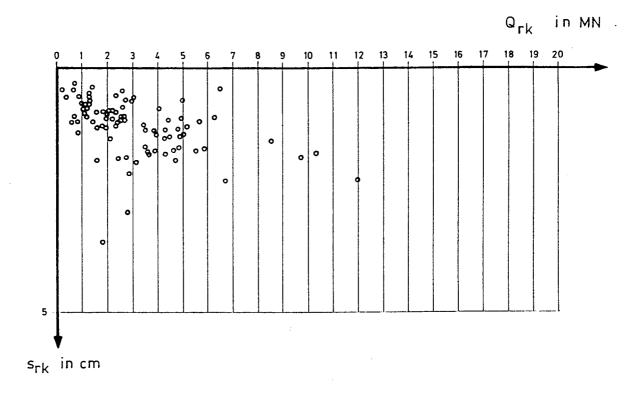
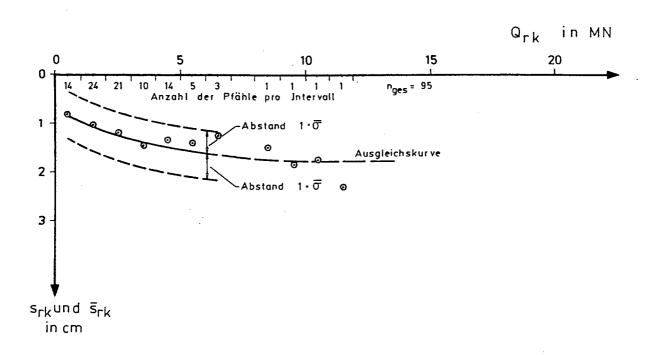


Bild 2.22 Zusammenstellung der Berechnungergebnisse  $Q_{rk}/s_{rk}$  für Pfähle in bindigem Boden



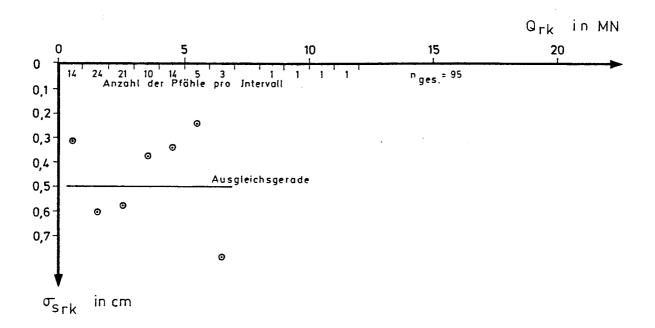


Bild 2.23 Ermittlung der  $Q_{rk}/s_{rk}$  - Werte für Pfähle in bindigem Boden mit Mittelwert  $\overline{s}_{rk}$  und Standardabweichung  $\sigma_{srk}$ 

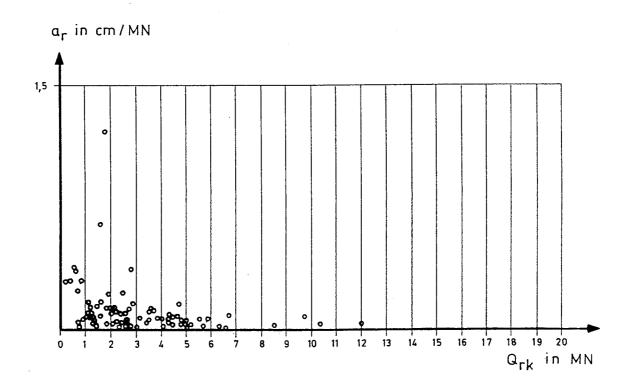
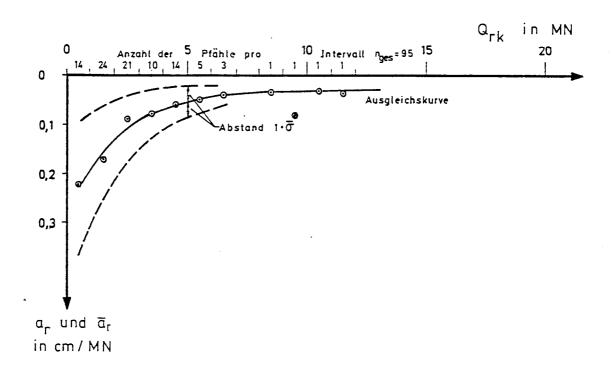


Bild 2.24 Zusammenstellung der Berechnungsergebnisse  $Q_{rk}/a_r$  für Pfähle in bindigem Boden



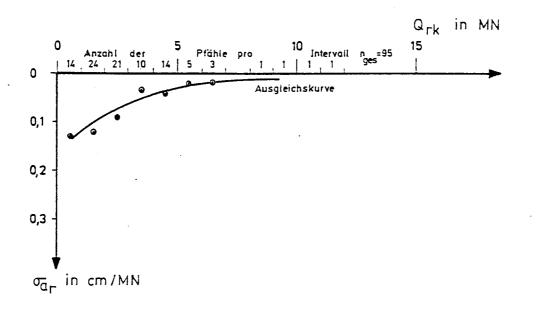


Bild 2.25 Ermittlung der  $Q_{rk}/a_r$  - Werte für Pfähle in bindigem Boden mit Mittelwert  $\overline{a}_r$  und Standardabweichung  $\sigma_{ar}$ 

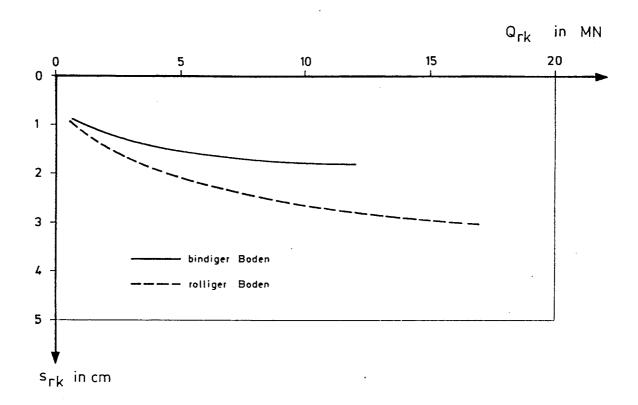


Bild 2.26 Vergleich der Kurven der Bilder 2.18 und 2.22

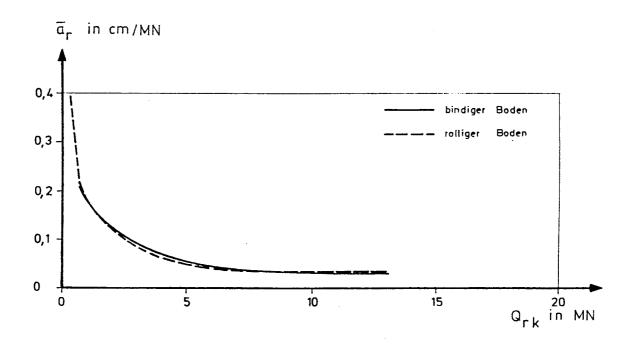


Bild 2.27 Vergleich der Kurven der Bilder 2.20 und 2.24

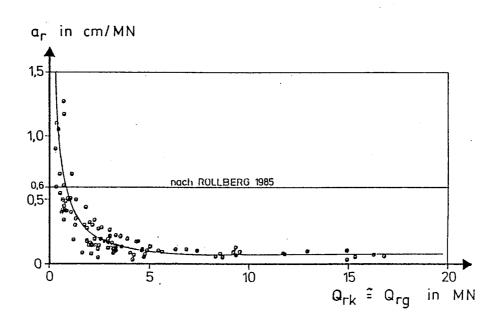


Bild 2.28 Vergleich von Bild 2.20 mit der Annahme von Rollberg (1985)

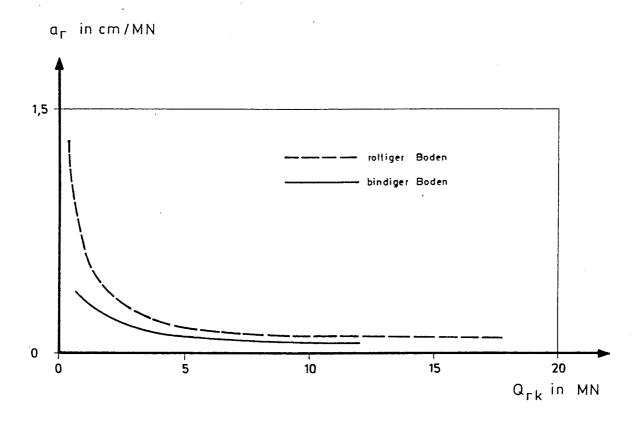


Bild 2.29 Vergleich der Kurven der Bilder 2.21 und 2.25

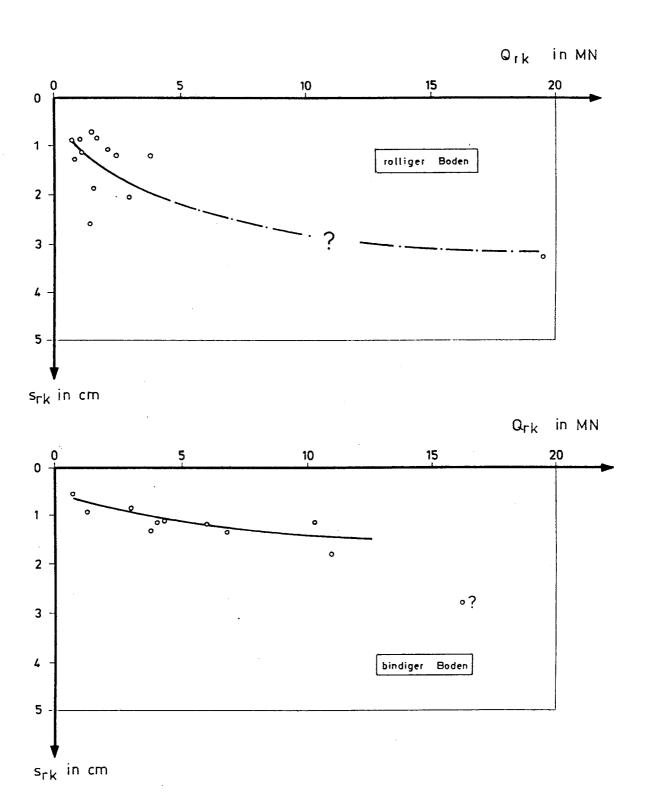
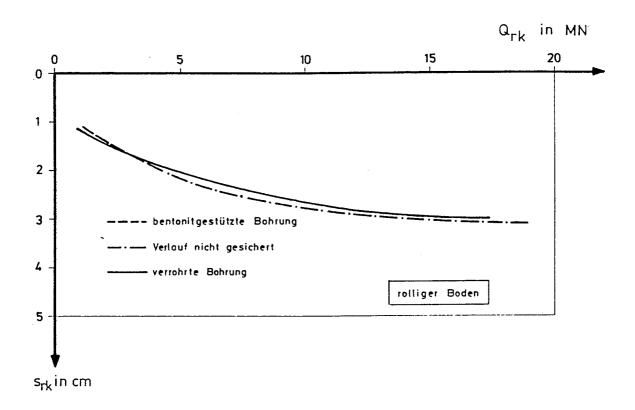


Bild 2.30  $Q_{rk}/s_{rk}$  Werte für Bohrpfähle, hergestellt mit Suspensionsstützung



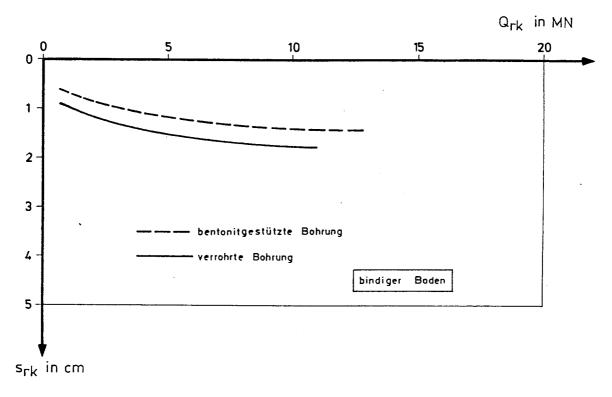
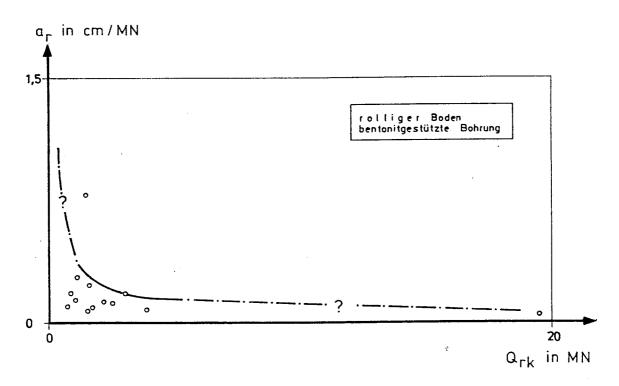


Bild 2.31 Zum Vergleich : Mit Verrohrung und mit Suspensionstützung hergestellte Bohrpfähle -  $Q_{rk}/s_{rk}$ 



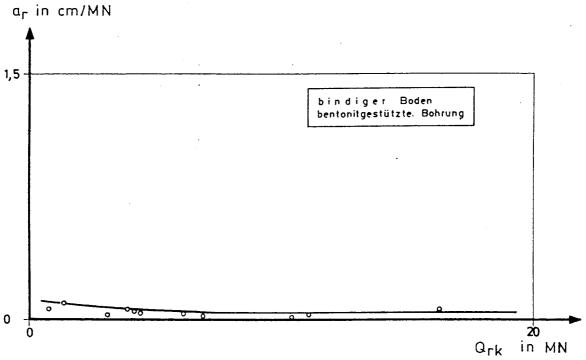
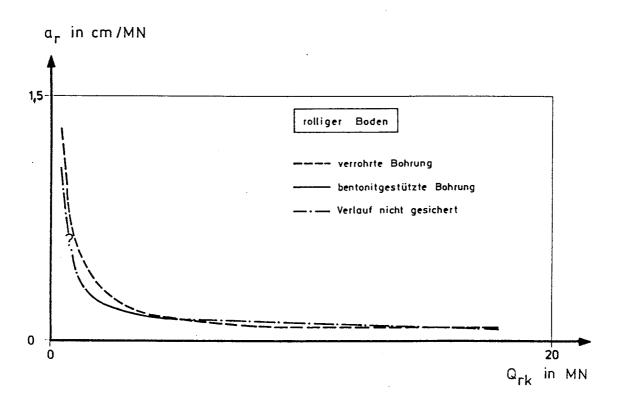


Bild 2.32  $Q_{rk}/a_r$ - Werte für Bohrpfähle, hergestellt mit Suspensionsstützung



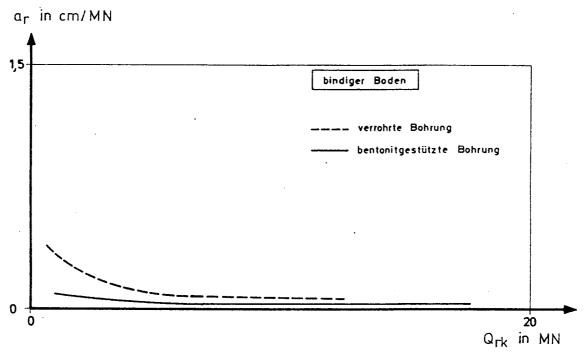


Bild 2.33 Zum Vergleich : Mit Verrohrung und mit Suspensionsstützung hergestellte Bohrpfähle –  $Q_{rk}/a_r$ 

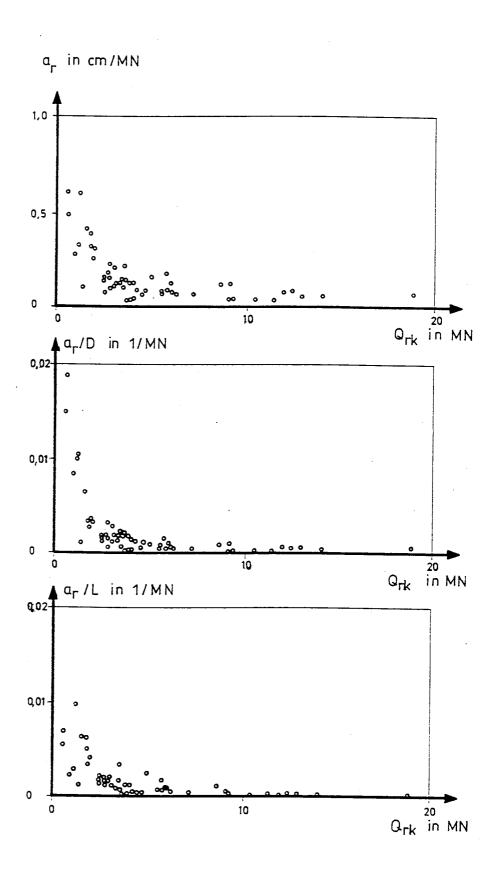


Bild 2.34 Zusammenhang zwischen Anfangsneigung der Mantelkrafthyr und der Last am Punkt maximaler Krümmung; Einfluβ von L ur

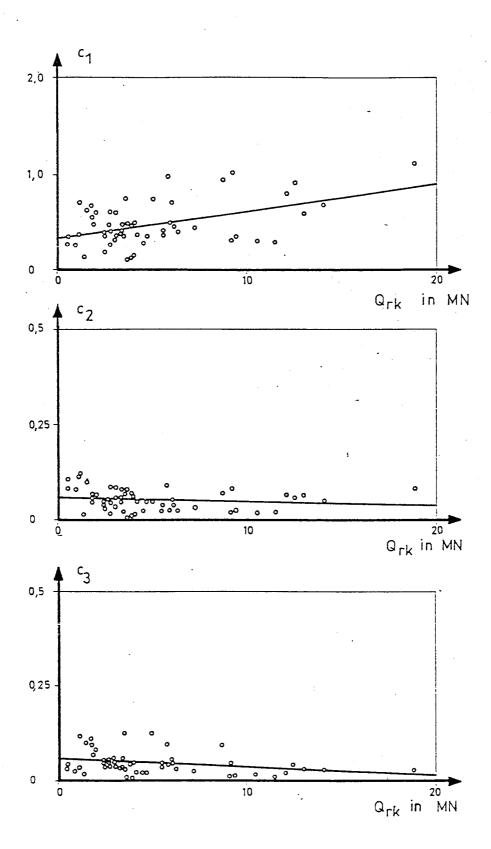


Bild 2.35 Streuung des Parameters c der allgemeinen Hyperbel  $a_{r}$  = c /  $Q_{rk}$ 

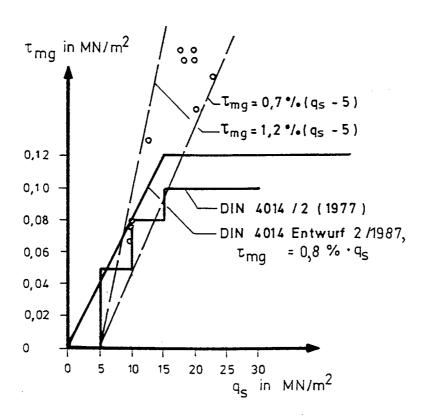


Bild 2.36 Zusammenhang zwischen  $\tau_{mg}$  und  $q_s$  für rollige Böden

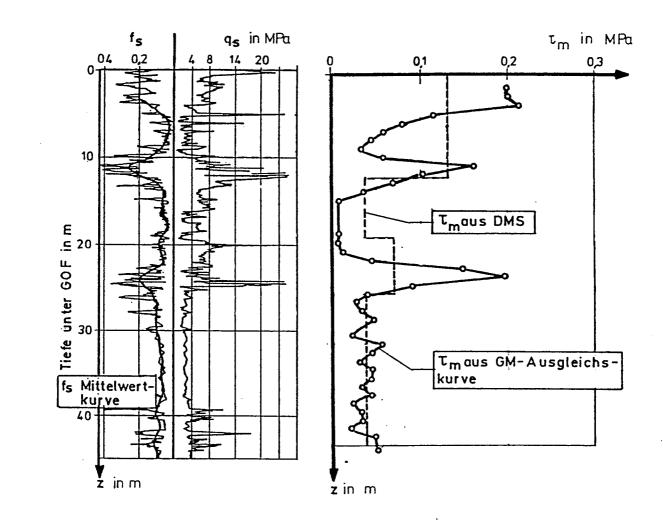


Bild 2.37 Vergleich von  $\tau_{m}$  mit  $f_{s}$  und  $q_{s}$  ( $\tau_{m} \approx f_{s}$ ) (Franke/Elborg 1986)

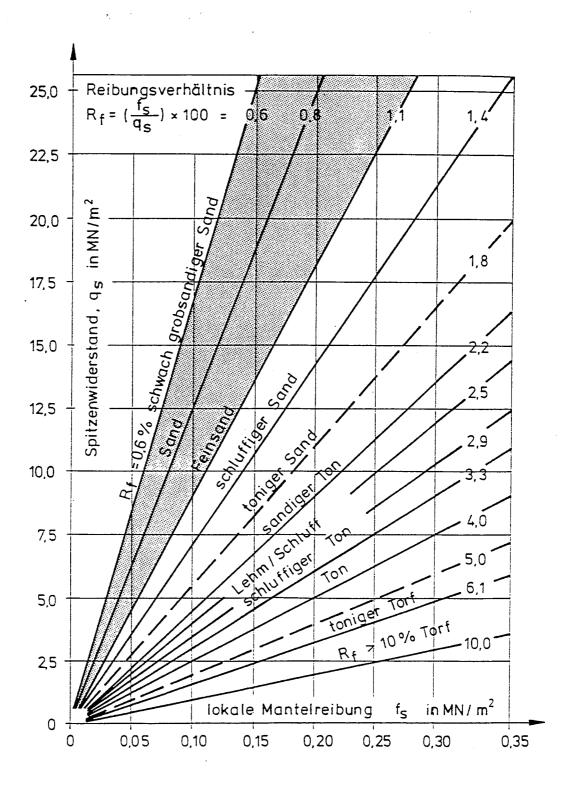


Bild 2.38 Korrelation zwischen Spitzendruck  $q_s$  und lokaler Mantelreibung  $f_s$  zur Abschätzung des Schichtenaufbaus des Bodens (Begemann 1965)

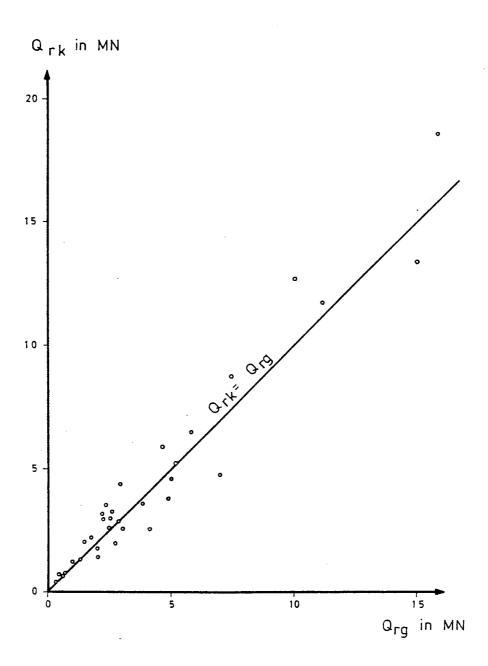


Bild 2.39 Vergleich der Pfahlmantelkräfte  $Q_{rg}$ , berechnet nach G1.(2.20), und  $Q_{rk}$ , ermittelt nach G1.(2.26)

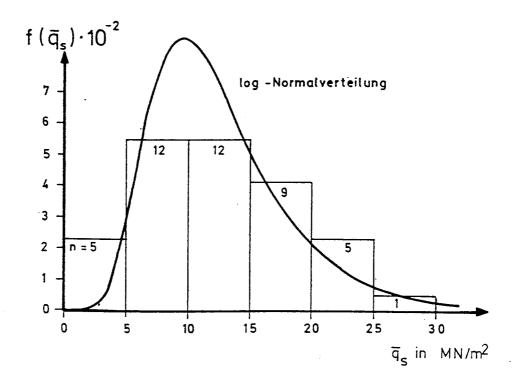


Bild 2.40 Häufigkeitsverteilung der mittleren Baugrundfestigkeit  $\overline{q}_s$  entlang des Pfahlschaftes für 44 Bohrpfähle, wobei  $q_s \approx \tau_{mg}/R_f$  nach Gl.(2.30)

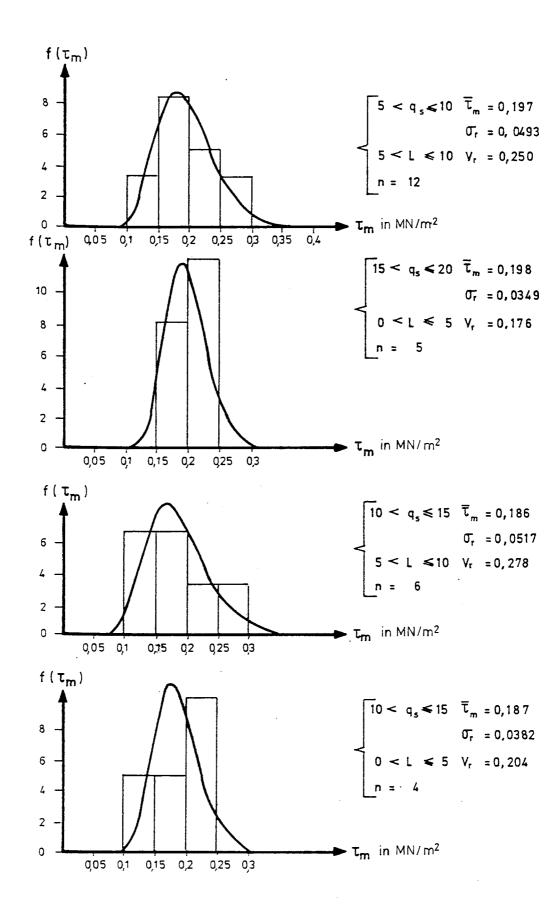


Bild 2.41 Genauere Untersuchung des Einflusses der Pfahllänge auf die Streuungen in Bild 2.40

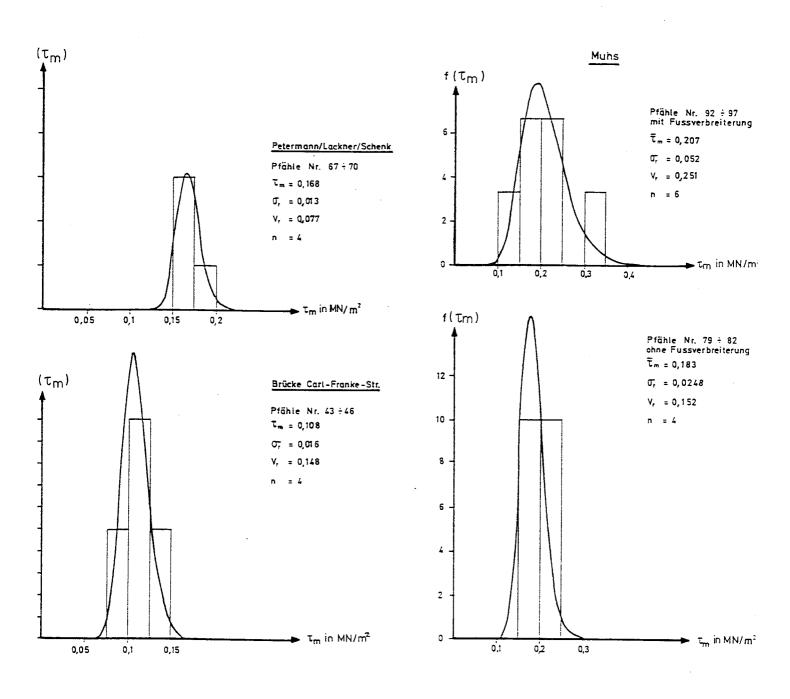
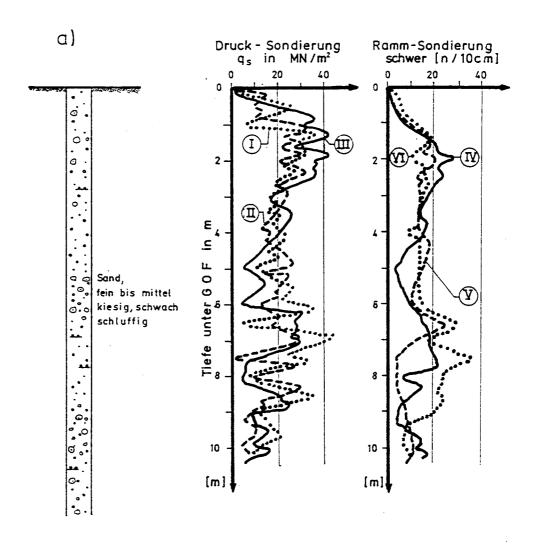


Bild 2.42 Untersuchungen zur Streuung der  $\tau_{m}$ - Werte innerhalb eines Prüffeldes bzw. einer Baustelle



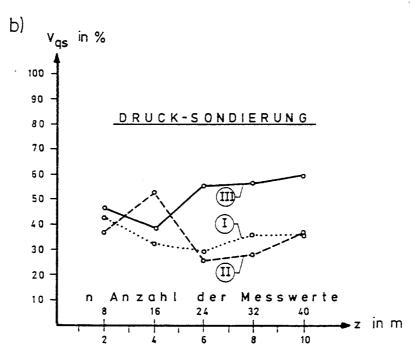


Bild 2.43 a) Sondierergebnisse in einem Baufeld (Stocker 1986)
b) Auswertung der Sondierungen von Bildteil a) hinsichtlich der Änderung des Variationskoeffizienten V<sub>qs</sub> der Sondierwiderstände mit zunehmender Tiefe z

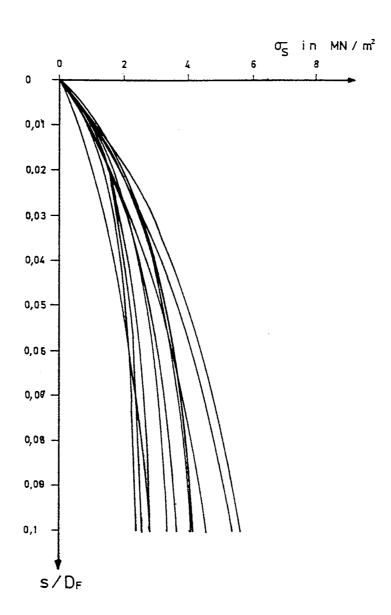


Bild 2.44 11  $Q_s(s)$  - Linien von Probepfählen mit getrennter Messung von  $Q_s(s)$ 

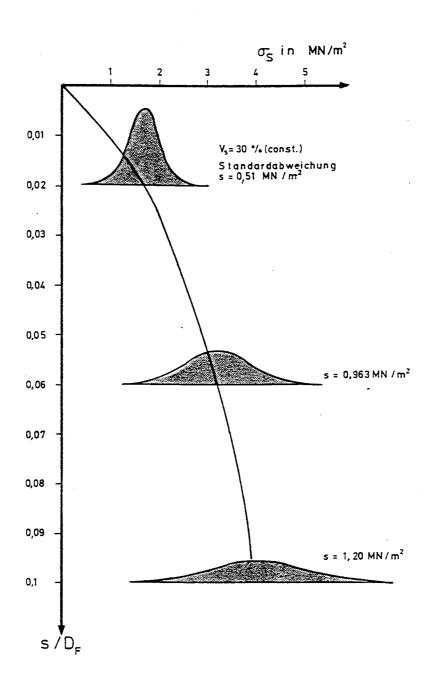


Bild 2.45 Streuung von  $Q_{S}(s)$  von Bild 2.44

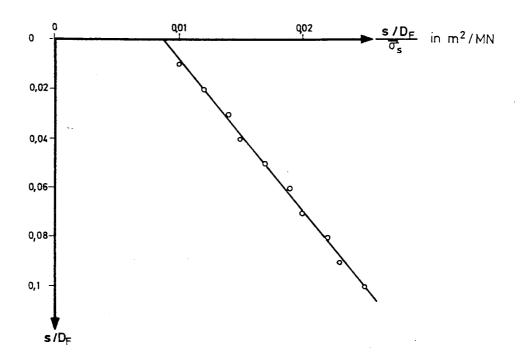


Bild 2.46 Hyperbelgerade für den Mittelwert  $\overline{Q}_{s}(s)$  der  $Q_{s}(s)$ - Verteilung von Bild 2.44 bzw. 2.45

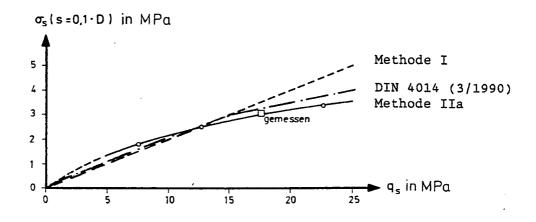


Bild 2.47 Abhängigkeit des Pfahlspitzendruckes  $\sigma_{\rm Sg}=\sigma_{\rm S}(\rm 0.1D_F)$  vom Sondierwiderstand  $\rm q_S$ . Annahmen bei Methoden IIa und DIN 4014

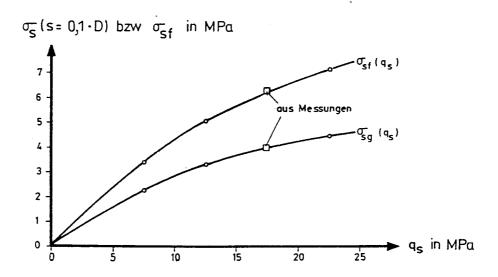


Bild 2.48 Abhängigkeit des Pfahlspitzendruckes  $\sigma_{\rm sg} = \sigma_{\rm s}$  (0,1D<sub>F</sub>) vom Sondierwiderstand  $\rm q_{\rm s}$ . Annahmen bei Methode IIb

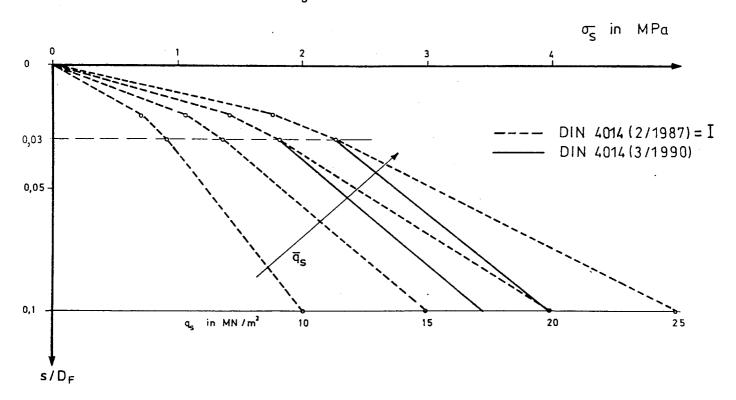


Bild 2.49 Abhängigkeit des Pfahlspitzendruckes  $\sigma_s(s)$  von der bezogenen Setzung  $s/D_F$ . Annahmen bei Methode I und DIN 4014 (3/1990)

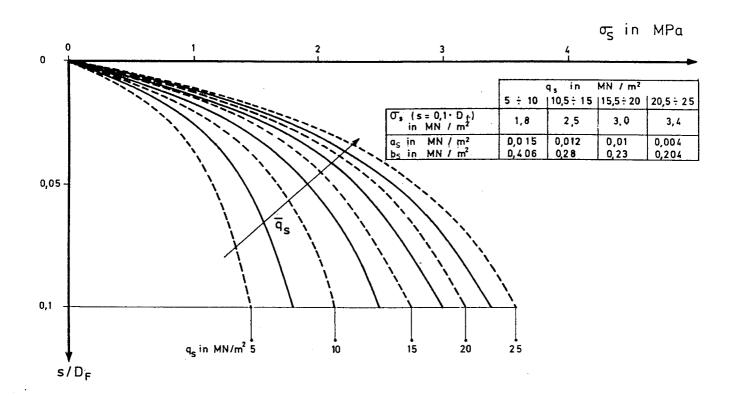


Bild 2.50 Abhängigkeit des Pfahlspitzendruckes  $\sigma_s(s)$  von der bezogenen Setzung  $s/D_F$ . Annahmen bei Methode IIa

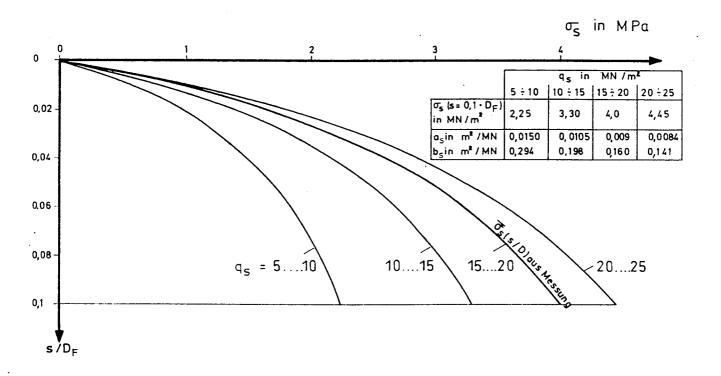


Bild 2.51 Abhängigkeit des Pfahlspitzendruckes  $\sigma_{\rm S}(s)$  von der bezogenen Setzung s/D\_F. Annahmen bei Methode IIb

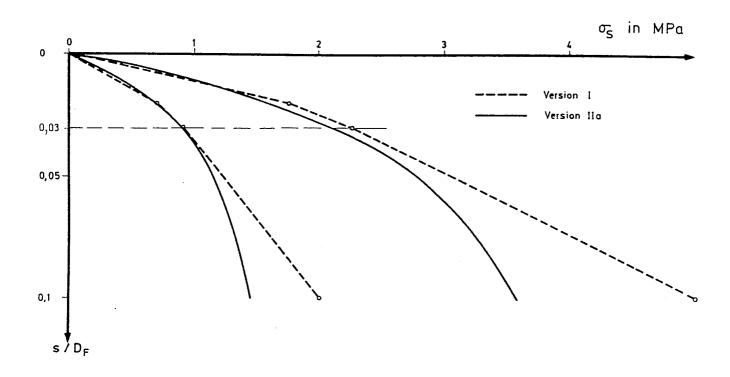


Bild 2.52 Unterschiede der  $\sigma_{\rm S}(s)$ - Kurven als Folge unterschiedlicher a\_s-Werte bei gegebenen Werten der Setzung s = 0,03·D\_F

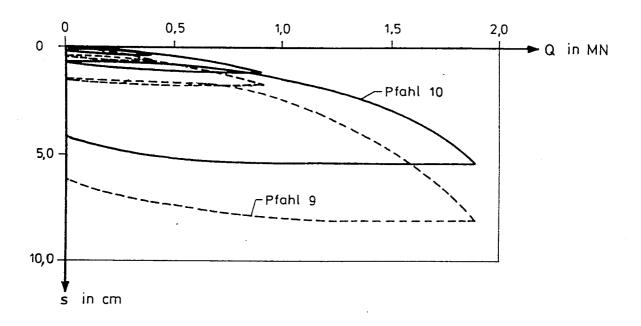


Bild 2.53 Lastsetzungslinien zweier gleichartiger Lorenz-Pfähle mit Fu $\beta$ -verbreiterung (Muhs 1959)

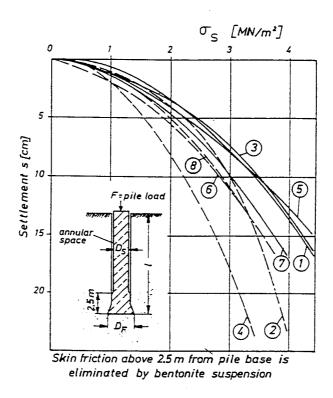
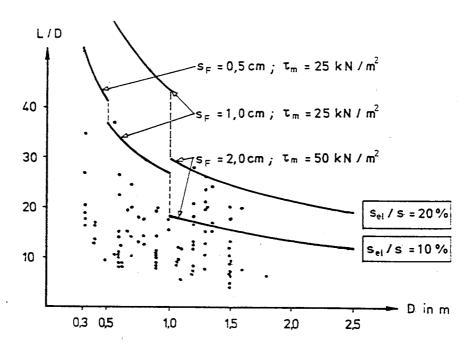


Bild 2.54 Einfluβ der Fuβverbreiterung auf das Spitzendruck-Setzungsverhalten von Pfählen, Pfahl 2, 4, 6 und 8 mit Fuβverbreiterung, die Pfähle 1, 3, 5 und 7 ohne Fuβverbreiterung (Franke/Garbrecht 1977).



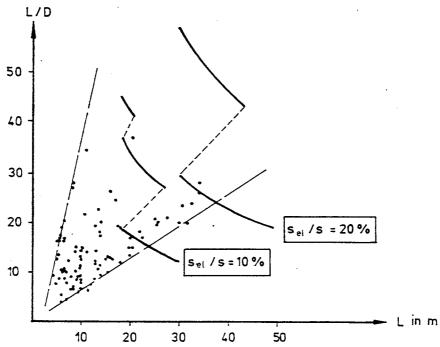


Bild 2.55 Anteil der elastischen Pfahlstauchung an der Gesamtsetzung

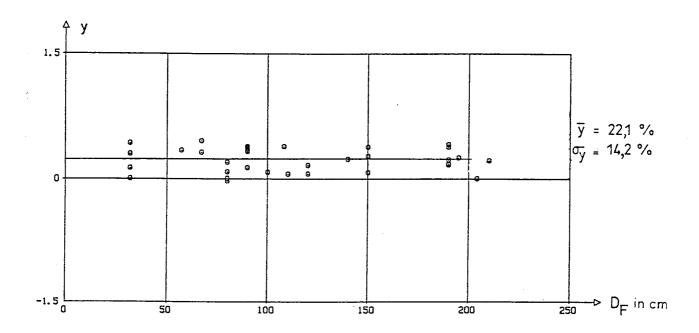


Bild 2.56 Die Fehlergröße y ist unabhängig vom Pfahldurchmesser bei Definition der Bruchsetzung nach Gl.(1.2), dargestellt am Beispiel der Setzung s =  $0.03 \cdot D_{\overline{F}}$ 

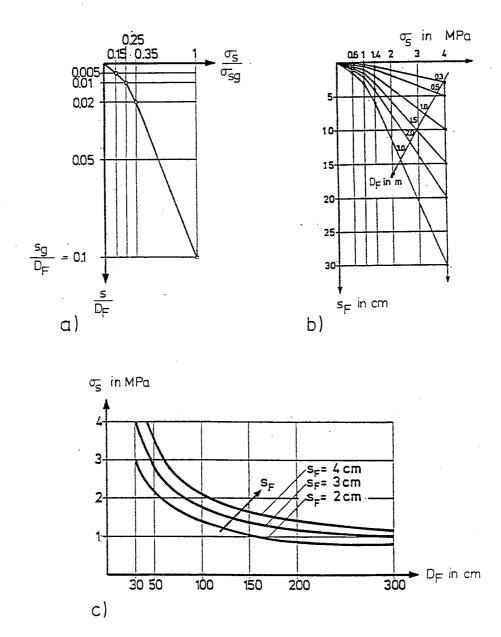


Bild 2.57 Durchmesserabhängigkeit des Spitzendruckes  $\sigma_s(s)$  auf den Bildteilen b) und c) als Folge der Annahme des dimensionslosen Verlaufs nach Bildteil a)

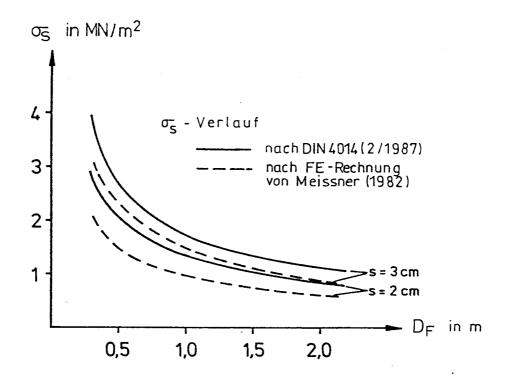


Bild 2.58 Vergleich des Bemessungsvorschlages nach DIN 4014 (Entwurf 2/87) mit einer FE- Berechnung nach Meissner(1982)

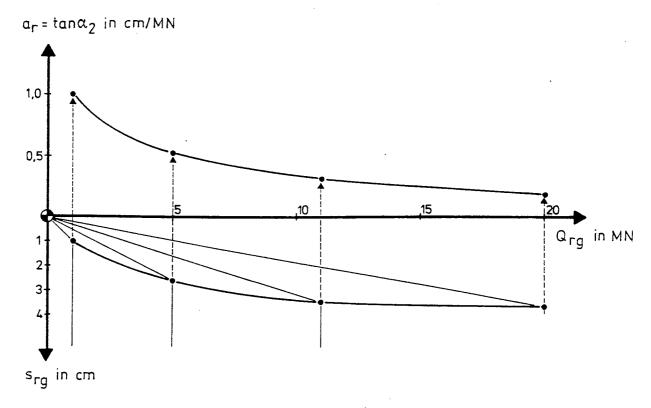


Bild 2.59 Zusammenhang zwischen  $Q_{rg}/a_r$  und  $Q_{rg}/s_{rg}$ 

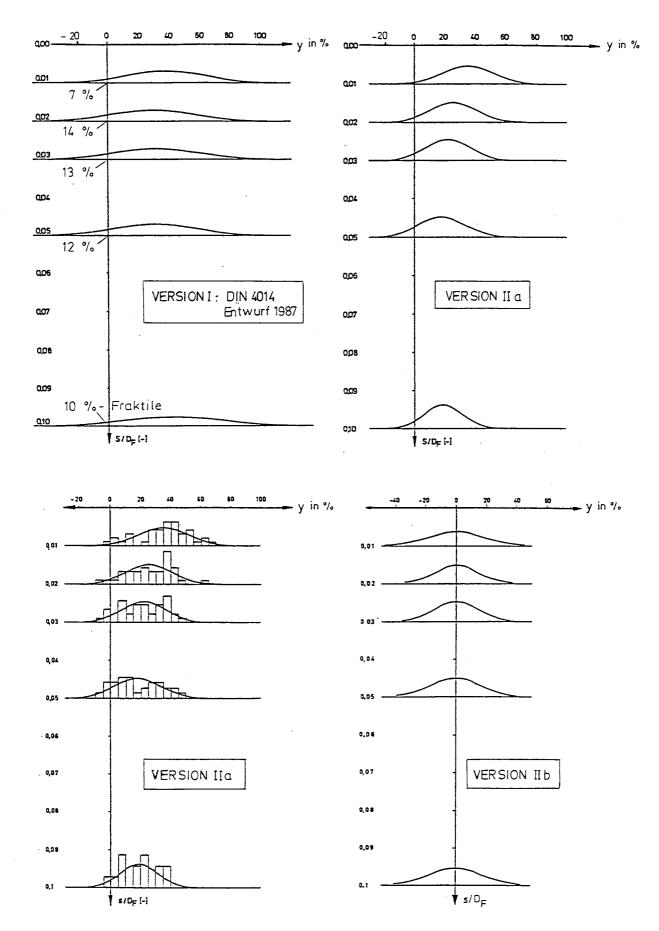


Bild 2.60 Fehler y für die Methoden I , IIa und IIb

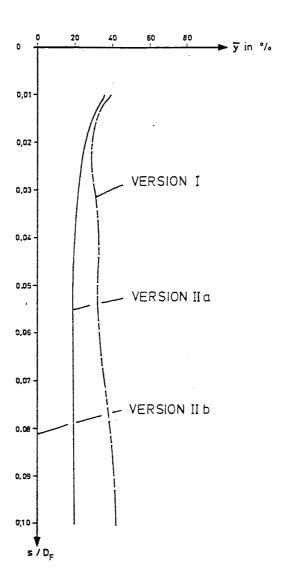


Bild 2.61 Mittelwerte der Fehler y in Abhängigkeit von der Setzung  $\text{s/D}_{\overline{F}}$ 

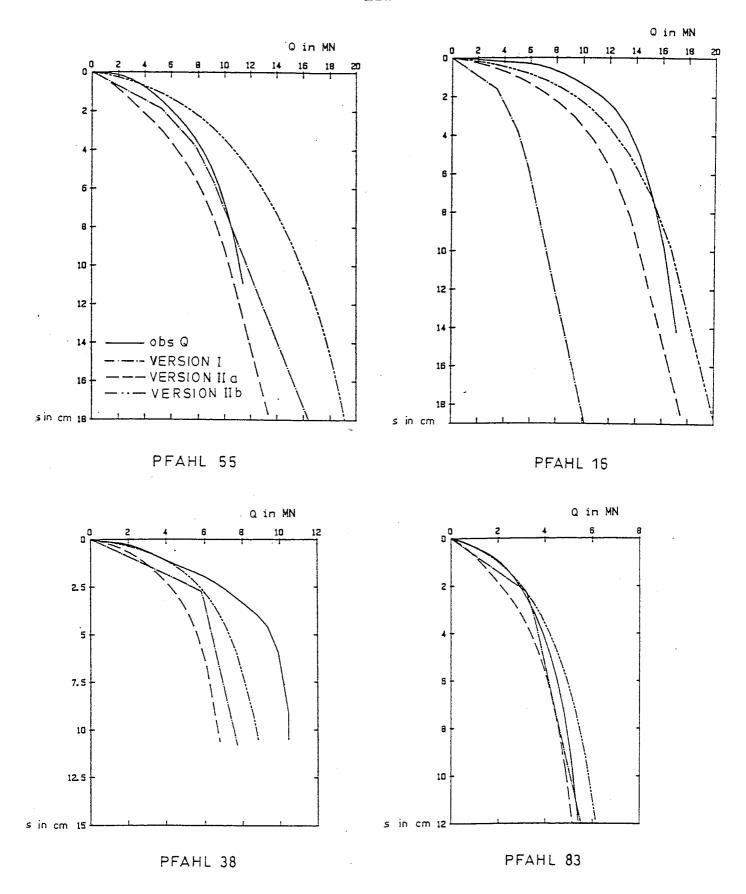


Bild 2.62 4 Beispiele für die Anwendung der Methoden I, IIa und IIb und Vergleich mit den gemessenen Lastsetzungslinien

Tabelle 1. Pfahlspitzenwiderstand  $\sigma_s$  in MN/m² in Abhängigkeit von der auf den Pfahl(fuß)durchmesser bezogenen Pfahlkopfsetzung s/D bzw.  $s/D_{\rm F}$  und dem mittleren Sondierspitzenwiderstand in nichtbindigen Böden

bezogene	Pfahlspitzenwiderstand $\sigma_s$ MN/m <sup>2</sup> *)				
Pfahlkopf- setzung s/D bzw. s/D <sub>F</sub>	bei einem mittleren Sondier- spitzenwiderstand $q_s$ MN/m <sup>2</sup>				
	10	15	20	25	
0,02 0,03 0,10=s <sub>g</sub>	0,7 0,9 2,0	1,05 1,35 3,0	1,4 1,8 3,5	1,75 2,25 4,0	

<sup>\*)</sup> Zwischenwerte dürfen linear interpoliert werden. Bei Bohrpfählen mit Fußverbreiterung sind die Werte auf 75 % abzumindern.

Tabelle 2. Pfahlspitzenwiderstand  $\sigma_s$  in Abhängigkeit von der auf den Pfahl(fuß)durchmesser bezogenen Pfahlkopfsetzung s/D bzw.  $s/D_{\rm F}$  in bindigen Böden

bezogene Pfahlkopf-	Pfahlspitzenwiderstand $\sigma_{ m s}$ MN/m <sup>2</sup> *)		
setzung	bei einer Kohäsion im undränierten		
s/D	Zustand $c_{ m u}$ MN/m²		
bzw. s/D <sub>F</sub>	0,1	0,2	
0,02	0,35	0,9	
0,03	0,45	1,1	
0,10=s <sub>g</sub>	0,8	1,5	

<sup>\*)</sup> Zwischenwerte dürfen linear interpoliert werden. Bei Bohrpfählen mit Fußverbreiterung sind die Werte auf 75 % abzumindern.

Tabelle 4. Bruchwert  $\tau_{\rm mf}$  der Mantelreibung in nichtbindigen Böden

Festigkeit des nichtbindigen Bodens bei einem mittleren Sondierspitzenwiderstand $q_{\rm s}$ MN/m $^2$	Bruchwert τ <sub>mf</sub> der Mantelreibung MN/m <sup>2</sup> *)	
0 5 10	0 0,04 0,08	
≥ 15 0,12  *) Zwischenwerte dürfen linear interpoliert werden.		

Tabelle 5. Bruchwert  $\tau_{mf}$  der Mantelreibung in bindigen Böden

Festigkeit des bindigen Bodens bei einer Kohäsion im	Bruchwert $ au_{mf}$ der Mantelreibung			
undränierten Zustand $c_{ m u}$ $\cdot$ MN/m²	MN/m²*)			
0,025	0,025			
0,1	0,04			
≥ 0,2	0,06			
*) Zwischenwerte dürfen linear interpoliert werden.				

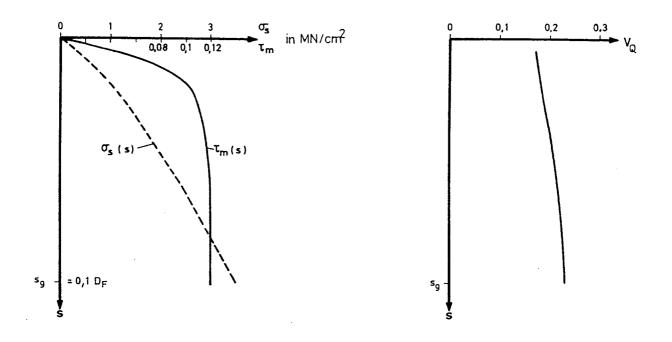


Bild 3.1 Der Variationskoeffizient  $V_Q$  für einen Pfahl mit  $A_S=1$  m² und  $A_m=10$  m², sowie  $V_{\sigma S}=0,3$  und  $V_{\tau m}=0,2$  ist mit der Setzung (etwas) veränderlich.

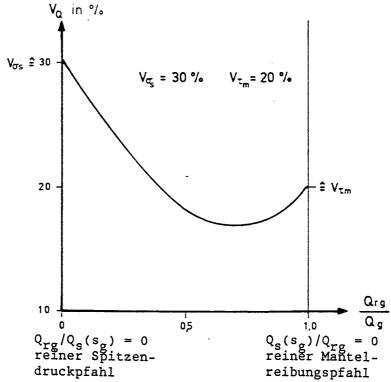
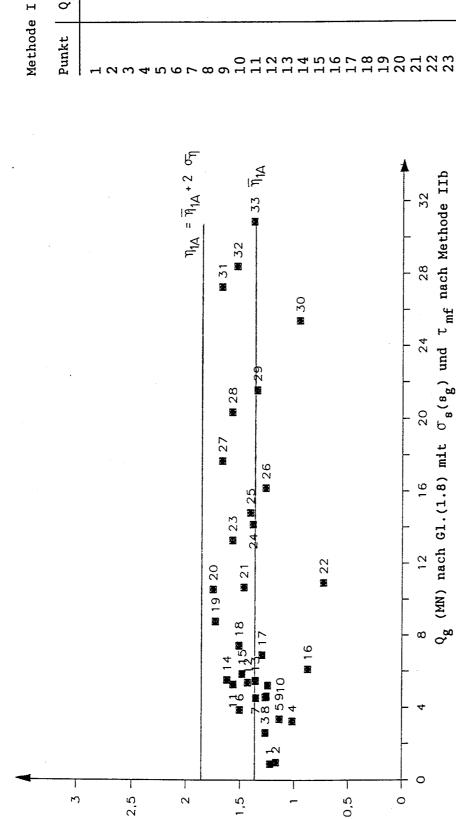


Bild 3.2 Veränderlichkeit von  $V_Q$  in Abhängigkeit vom Verhältnis  $Q_r/Q_s$  bei Annahme konstanter Variationskoeffizienten für Spitzendruck und Mantelreibung



1114 = YMIA

 $\eta_{1A}$  bzw.  $\gamma_{M1A}$  nach G1.(3.11), wobei  $Q_g$  im Zähler mit  $\sigma_s(s_g)$  und  $\tau_{\mathrm{mf}}$  nach Methode I berechnet wurde Bild 3.3a

Punkt  $Q_{rg}/Q_s(s_g)$  Pfahl  $Q_{rg}/Q_s(s_g)$  Pfahl  $Q_{rg}/Q_s(s_g)$  Pfahl  $Q_{rg}/Q_s(s_g)$  Pfahl  $Q_{rg}/Q_s(s_g)$  Pfahl  $Q_{rg}/Q_s(s_g)$   $Q_{rg}/Q_s$ 

Methode IIa Punkt ٦. ۱ړ  $\sigma_{s}(s_{g})$  und  $\tau_{mf}$  nach Methode IIb 111A = 111A+ 20TH 展 31 30 M 29 20 (MN) nach Gl.(1.8) mit 16 ω MIA = YMIA 0

1,5

0,5

0

2,5

2

3

 $\eta_{1A}$  bzw.  $\forall_{M1A}$  nach G1.(3.11), wobei  $\varrho_g$  im Zähler mit  $\sigma_g(s_g)$  und Tmf nach Methode IIa berechnet wurde Bild 3.3b

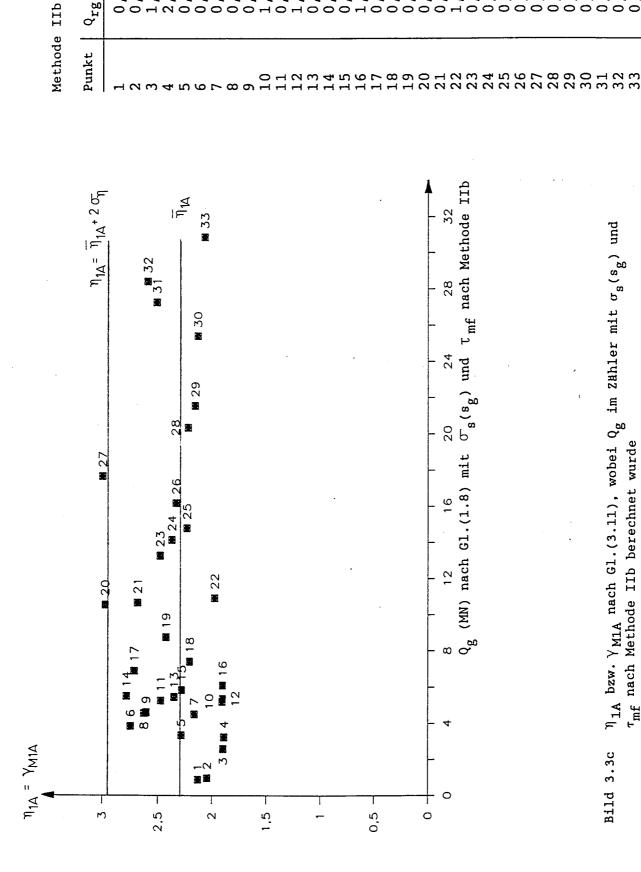
Pfahl 69 67 51 50 43 102 101 100 36 61 64 16 55 8 34 44 98 46 99 78 79 79 79 79 79  $q_{\rm rg}/q_{\rm s}(s_{\rm g})$ 1,62 2,06

748444 7484 74844

Pfahl

 $Q_{\rm rg}/Q_{\rm s}(s_{\rm g})$ 

69 67 51 50 43 102 101 100 36



 $\eta_{1A}$  bzw.  $\forall_{M1A}$  nach Gl.(3.11), wobei  $Q_g$  im Zähler mit  $\sigma_g(s_g)$  und  $\tau_{\rm mf}$  nach Methode IIb berechnet wurde Bild 3.3c

 DIN 4014 (3/1990)

 Punkt
  $Q_{rg}/Q_s(s_g)$  Pfahl

 1
 0,87
 69

 2
 1,11
 67

 3
 3,49
 51

 4
 3,37
 50

 5
 0,63
 44

 10
 0,78
 101

 9
 0,37
 100

 11
 0,40
 1

 12
 3,25
 37

 13
 0,24
 98

 14
 0,24
 98

 15
 0,24
 98

 16
 1,75
 24

 17
 0,28
 99

 18
 0,28
 99

 19
 0,28
 78

 20
 0,23
 22

 21
 0,23
 23

 22
 0,46
 9

 23
 0,46
 9

 24
 1,11
 53

 25
 0,46
 9

 26
 0,86
 64

 27

11A 20 24 28  $\sigma_{\rm S}(s_{\rm g})$  und T  $_{\rm mf}$  nach Methode IIb 714 = 111A+2 OT 31 30 **■** 29 **M** 28  $Q_{\mathrm{g}}$  (MN) nach Gl.(1.8) mit **M** 27 **2**2 M 19 M 20 MIM = YMIA 2 0 2,5 0,5 ò ٦,5 3 7

 $\eta_{1A}$  bzw.  $\gamma_{M1A}$  nach G1.(3.11), wobei  $Q_g$  im Zähler mit  $\sigma_g(s_g)$  und  $\tau_{mf}$  nach DIN 4014 (3/1990) berechnet wurde Bild 3.3d

4) Ultimate Limit States (ULS) acc. to Eurocode 7

ULS 1A: First alternative - Failure of base resistance, i.e.

$$q_s = q_{sf} \text{ at. } s_{sf} \approx 0.01...0.02 D_s(2)$$
  
 $q_b = q_{bf} \text{ at } s_{bf} = 0.1 D_b$  (3)

(Equ.3 is defined pragmatically because the real failure state of qb is often not reachable or not recognizable.)

Second alternative - Failure of the pile material.

ULS 1B : Failure of the superstructure caused by untolerable differential settlements As which must be related to corresponding settlements s for each actual case. In case of need other relevant pile head movements instead of As (like rotations or horizontal movements) have to be related to s, too.

(The case of

ssf < s < sbf is here included, see thesis 5 at the corr. place.)

ULS 2: Loss of serviceability of the superstructure caused by other values of s, As...etc. which have to be determined for each actual case like for ULS 1B.

The corresponding ultimate loads are 
$$Q_{\text{ui}} = Q_{\text{ulA}}, \dots, 1B, \dots, 2 \tag{4}$$

5) The  $Q_{\mbox{ui}}$  for the different ULS are regarded to consist of

$$Q_{ui} = Q_{si} + Q_{bi}$$
 (5)

LS 1A: Qu =qsf As + qbf Ab

$$=Q_{sf} + Q_{bf}$$
 (6)

where slA > ssf as well as slA > sbf, i.e QulA is independent of settlements (see fig. 4).

Alternatively:

$$Q_u = \sigma_{f(pile material)} A_s$$
 (7)

ULS 1B:  $Q_u(s_{1B}) = q_s(s_{1B}) A_s + q_b(s_{1B}) A_b$ 

$$=Q_{s}(s_{1B}) + Q_{b}(s_{1B})$$
 (8)

where slB prop.  $\Delta$ slB etc. must be related to failure in the superstructure for each actual case. (Included is the case

 $Q_u(s_{1A}) = q_{sf} \lambda_s + q_b(s_{1A}) \lambda_b = Q_{sf} + Q_b(s_{1A})$ where ssf < s < sbf, see fig.4 and appendix: "Prediction of the...."

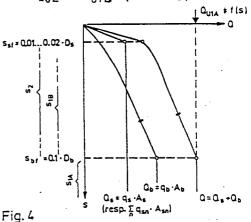
ULS 2: 
$$Q_u(s_2) = q_s(s_2) A_s + q_b(s_2) A_b$$
  
=  $Q_s(s_2) + Q_b(s_2)$  (9)

where  $s_2$  prop. $\Delta s(s_2)$  etc. must be related to loss of serviceability of the superstructure of each actual

Relations between the  $Q_{ui}$ :  $Q_{ulh} < Q_{ulb} > 0$ 

$$Q_{ulh} < Q_{ulh} > 0$$

$$Q_{u1A} < Q_{u2} > 0$$
  
 $Q_{u2} < Q_{u1B}$  (normally)



6) The allowable (design) loads Qd are determined now by

$$Q_{di} = \frac{Q_{ui}(s_i)}{F_i}$$
 (10)

The safety factors  $F_{\underline{i}}$  may be chosen dependent on the scatter of the involved variables, i.e. the occurence probability of the corresponding Ultimate Limit State.

#### Comment:

Because of the non-proportional shapes of  $q_{S}(s)$ and  $q_b(s)$  (see figs.2 and 3) it is not possible to apply constant partial safety factors Fs and  $F_b$  related merely to the scatter of  $q_s$  and  $q_b$ . In case of

$$q_b(s) \neq const q_s(s)$$
 (11)

partial safety factors Fs and Fb would be dependent on the settlements si acc. to

$$Q_{\text{di}} = \frac{Q_{\text{ui}}(\mathbf{s}_{\text{i}})}{F_{\text{i}}} = \frac{q_{\text{s}}(\mathbf{s}_{\text{i}})}{F_{\text{s}}(\mathbf{s}_{\text{i}})} A_{\text{s}} + \frac{q_{\text{b}}(\mathbf{s}_{\text{i}})}{F_{\text{b}}(\mathbf{s}_{\text{i}})} A_{\text{b}}$$

where  $F_1$  = const for each ULS acc. to equ.10 is evidently the prevailing condition. For more detailed explanations see appendix: \*Prediction of the bearing behaviour of piles, esp. large bored piles".

7) For Large Diameter Piles the diameter dependence of base and shaft resistance must be taken into account.

Suggestions:

Base resistance:

qb Db ≅ const for dense resp. Upper limit stiff soils

Lower limit qb + f(Db) for loose resp. soft soils

Shaft résistance:

$$q_s + f(D_s)$$
, but  $s_{sf} = f(D_s)$   
 $s_{sf} = 0.01...0.02 D_s$ 

8) Base and shaft resistances  $q_b(s)$  and  $q_s(s)$ are dependent on

- soil type and strength

and

the change of the soil strength caused by the installation resp. construction procedure.

Therefore  $q_b$  and  $q_s$  are dependent on pile type (e.g. whether concrete - or H - or steel pipe piles driven or vibrated are used, whether bored piles are constructed with casing or the borehole is supported by bentonite suspension, whether continuous flight auger piles are used.....etc. etc.).

The consequence is that it is not possible to calculate  $q_b(s)$  and  $q_s(s)$  merely on a theoretically basis; for prediction of pile bearing behaviour empirical methods are indispensible.

- 9) It may be assumed that  $q_b$  = f(s) and  $q_s$ = f(s) become independent of depth beneath corresponding critical depths dbcrit and dscrit resp.
- 10) Group action under vertical and horizontal loads (which may be taken into account independently of each other) can be calculated by eoretical methods (or by model tests) because influence of the installation of piles (resp. the construction procedure) is less than for single piles.

#### APPENDIX:

#### Prediction of the bearing behaviour of piles, esp. large bored piles

No generally accepted mechanical model for the calculation of single pile behaviour under vertical load does exist. (Knowing the single pile behaviour it is possible to calculate pile groups by theory using back-calculated soil. parameters.) The main reason is that the soil properties are changing during pile installation. Therefore neither calculations of the bearing capacity nor of settlements like for shallow foundations are allowed in Germany, load tests are required. Nevertheless, pre-dictions of pile bearing behaviour are necessary in two cases: for preliminary designs and if only few piles are needed (then load tests would be too expensive esp. for large diameter

Until large diameter piles came into use the allowable pile load was calculated by equ. (1) using empirical ultimate limit values for the shaft resistance  $q_{\rm sL}$  and the base resistance  $q_{\rm pl}$  gathered from load tests over a large period and assorted for different pile and soil types, dependent additionally on soil strength in the latter case.

$$Q_{all} = \frac{Q_{L}}{P} = \frac{1}{P} \cdot (q_{pL} \cdot A_{p} + q_{aL} \cdot A_{a}) = \frac{1}{P} \cdot (Q_{pL} + Q_{aL}) \quad (1)$$

Q<sub>I</sub> is the ultimate limit load. A<sub>I</sub> and A<sub>I</sub> are the base and the shaft area resp. F is a (global) safety factor usually 1.5 to 2.

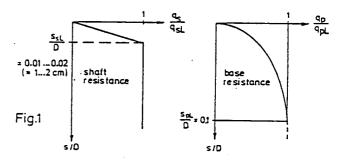
In daily practice it was assumed that this safety factor would assure sufficient safety against failure of the soil round the pile (now defined as ultimate limit state lA= ULS lA acc. to EUROCODE 7) as well as sufficient safety against intolerable settlements resp. differential settlements (now defined as ULS lB for failures in the superstructure and as ULS 2 for failures in the superstructure and as ULS 2 for locsing the serviceability). The development of large diameter piles enforced more sophisticated considerations and triggered corresponding developments in knowledge about piles generations. nerally. But besides such progressive develop-ments equ.(1) remains valid being the connec-tion between the evaluation of load settlement curves usually gained by tests without separation of shaft and base resistance on the one hand and predictions of load settlement data using empirical values of  $q_{\rm pl}$  and  $q_{\rm sl}$  on the other. This must be kept in mind during the following considerations.

With increasing use of large diameter piles it With increasing use of large diameter piles it was soon experienced that their economical application required settlements of more than s=1...2 cm under working conditions, particularly for mainly point bearing piles in sand often used in Northern Germany. Such total settlements are allowable in many cases acc. to ULS 1B and ULS 2 because large diameter piles usually have large spacings "a", too, and no intolerable differential settlements As resp. inclinations (As/a) do occur. But with s≥1...2 cm the ultimate limit state of shaft resistance q<sub>sL</sub> is reached (see fig.1) and the

$$Q_{all} = \frac{Q_L}{P} = \frac{Q_{pL}}{P_p} + \frac{Q_{sL}}{P_g}$$
 (2a)

Introducing  $P_g = 1$  acc.to  $s \ge 1...2$  cm

$$Q_{all} = \frac{Q_L}{P} = \frac{Q_{pL}}{P_p} + Q_{gL}$$
 (2b)



required safety P acc. to ULS IA must be covered by reserves of base resistance, i.e. equ.(1) must be extended using different safety factors  $F_p$  and  $F_s$  for base and shaft resistance resp.

Equ.(2a) was already derived by Whitaker (1976) who suggested to introduce  $F_p(s)$  and  $F_s(s)$  dependent on settlements s to fullfil the still valid condition F=const acc. to equ.(1) which yields together with equ. (2a)

$$F = \frac{P_{B}(s) \cdot P_{p}(s) \cdot (1 + Q_{BL}/Q_{pL})}{P_{p}(s) \cdot Q_{SL}/Q_{pL} + P_{B}(s)} = const$$
(3)

The limitations of these extensions of equ.(1) by equ.(2a) may be shown more simply rewriting equ. (2b) instead of using equ.(3):

$$P_{p} = \frac{P}{\frac{Q_{SL}}{Q_{PL}} (1-P)}$$
(4)

For F=2 then it yields

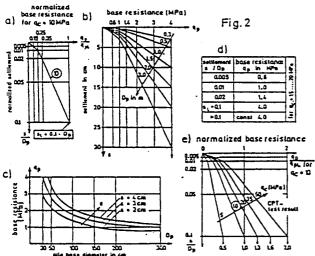
$$\frac{Q_{\rm SL}/Q_{\rm pL}}{F_{\rm p}}$$
 0 0.25 0.5 0.75 1 >1 F<sub>p</sub> 2 2.67 4 8  $\infty$  <0

These results are evidently not reasonable showing that the introduction of  $F_0=1$  is not allowable for friction piles, i.e. the introduction of different  $F_0$ —and  $F_0$ —values is not practicable. Therefore another way was chosen. By statistical methods applied on a lot of load tests the base and shaft resistances  $G_0(F_0)$ 

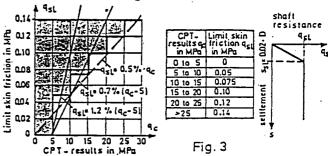
load tests the base and shaft resistances  $q_p(s)$  and  $q_s(s)$  resp. are derived in dependence on the relative settlement of pile and soil. The results for bored piles with diameters of 0.3 to 3 m are standardized in DIN 4014. Their preliminary magnitudes are shown on figrs.2 to 4. For the base resistance in sand (with D and D being the shaft and base diameter resp., q = CPT-result) its diameter dependence can be seen from figrs.2b and 2c. This finding is approving a suggestion already published by Franke (1981) the form

$$q_D \cdot D_p = const$$
 (5)

b) base resistance (MPa)
as 1 u 2 3 4 4, Fig. 2



which is valid independent of the magnitude of the pile settlement. (This diameter dependence is vanishing for  $q_c \le 10$  MPa.) Concerning the



extension in dependence on other  $q_c$ -values on fig.2e the influence of pile construction quality must be emphasized. On fig.3 results for the shaft resistances are shown. In this case only the limit value q<sub>eL</sub> is needed because of the approximation of the stress-settlementbehaviour by a bi-linear relationship. For the corresponding limit settlement sel at which quis reached additional investigations for piles in sand were carried out. Surprisingly closest correlation was found between the absolute settlement and the shaft resistance force, i.e. instead of  $s_{gL}=0.01...0.02\cdot D$  shown on fig.3, it may be used

$$s_{sL} = 0.5 \text{ cm} + 0.5 \text{ (cm/MN)} \cdot Q_{sL} \text{ (MN)}$$
 (6)

On fig.4 it is demonstrated how these empirical values  $q_s(s)$  and  $q_s(s)$  are applied in accases: On figrs.4a to 4d it is shown how actual and  $q_s$  are tabulated. Multiplying the  $q_p$ - and  $q_s$ -values with the base and shaft areas  $A_p$  and  $A_s$  resp. the load settlement curves for  $Q_p(s)$ ,  $Q_s(s)$  and for

$$Q(s) = Q_{p}(s) + Q_{s}(s)$$
 (7)

a) Base resistance  $q_n(s)$  in sand

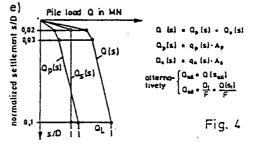
settlement s ref.to s <sub>7</sub> = 0.1D		point pressure q <sub>s</sub> (MPa)		
	CPT-result (MPa) 10 15 20 25			
0.2 s <sub>L</sub> 0.3 s <sub>1</sub>		1.05		
0.3 5		1.35	1.8	2.25
1.0 5	2.0	3.0	4.0	5.0

b)	Shaft	resistance	$q_{q}(s)$	in	sand

CPT-resistance	skin friction
q <sub>c</sub> (MPa)	q <sub>sL</sub> (MPa)
0	0
5	0.04
10	0.08
15	0.12

#### C) Base resistance $q_p(s)$ in clay d) Shaft resistance $q_g(s)$ in clay

settlemen s in cm	t point; q <sub>p</sub> in c <sub>u</sub> 0,1 MPa	MPa MPa Cu 0.2 MPa	undrained shear strength c <sub>u</sub> in MPa	skin fried q <sub>sL</sub> in M
0.2 s <sub>L</sub>	0.35	0.9	0.025	0.0253
0.3 s <sub>L</sub>	0.45	1.1	0.1	0.04
1.0 s <sub>L</sub>	0.8	1.5	0.2	0.06



can be drawn for each actual case like on fig.4e. In this way a sort of "artificial" load settlement curve is gained from which the load can be predicted now without taking into account the different values of  $F_0$  and  $F_1$  the dependence of which on the ratio of  $Q_{\rm sL}/Q_{\rm pL}$  and on settlements like in equations (2a),(2b),(3) or (4) was not available in a practicable manner. Calculating and drawing an "artificial" load settlement curve acc. to equ.(7) which must be done for each actual case it is easily possible to verify ULS 1A by

$$Q_{all} = \frac{Q_L}{P} = \frac{Q(0.1 \cdot D)}{P}$$
 (8a)

or to verify ULS 1B

$$Q_{all} = \frac{Q(s_{1B})}{P}$$
 (8b)

to verify ULS 2

$$Q_{all} = Q(s_2) \tag{8c}$$

where  $\mathbf{s}_{1B}$  and  $\mathbf{s}_{2B}$  must be defined for each actual case.

It was found that the elastic compression of usual bored piles influences the settlement results generally less than 10% and in only a few cases up to 20%, consequently bored piles may be regarded as rigid.

The derivation of the most suitable values of shaft- and base resistances q<sub>0</sub>(s) and q<sub>s</sub>(s) was done by comparing the "artificial" load settlement curves calculated acc. to equ.(7) with easured load settlement curves for about 200 cases. The aim was to choose q<sub>n</sub>(s) and q<sub>s</sub>(s) such that the deviation of calculated (artificial) and observed load settlement curves was minimized. For the quantification of the deviation statistical methods were applied. It is strongly recommended to apply statistical methods in order to control the derivation of empirical values quantitatively because otherwise it is not possible to really justify the results.

In the last years a new probabilistic safety roach is coming up, in Europe esp. with the baccomes, replacing the global safety factors F, Fp, Fs by partial safety factors Y (see e.g. Breitschaft/Hanisch 1978). The principles of this method and consequences for piles are shown now by using an approach as simple as possible. The aim is to show how partial safety factors are defined (because this name is often used wrongly) and that the application of different partial safety factors to the base resistance (=YMD) and to the shaft resistance (=YMB) is unpracticable. Only a summarizing partial safety factor (=YM) similar to the application of F acc. to fig.4e seems to be suitable.

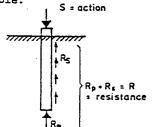
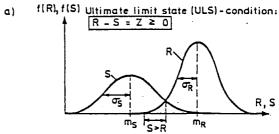
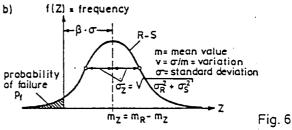


Fig. 5

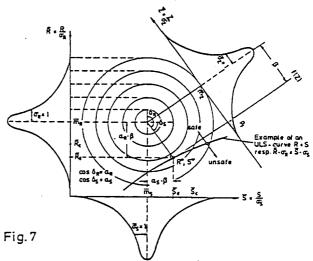
By fig.5 actions and resistances are defined as S and R resp. By fig.6a the scatter of S and R is shown by Gauss-functions. The ultimate limit state (ULS) condition is

$$R - S = Z \ge 0 \tag{9}$$





On fig.6b the distribution acc. to equ.(9) is drawn, showing an area  $p_f$  the content of which is the failure probability acc. to the area of fig.6a for S>R. The Gauss-distribution is uniquely expressed by a mean value m and a standard deviation  $\sigma$ , its position in the Z-n-plane is given by  $\beta \cdot \sigma$ . This product is uniquely connected with the magnitude of  $p_f$ . Therefore  $\beta$  is used to express the failure probability instead of  $p_f$ , e.g. ULS 1A or ULS 1B can be defined by  $\beta$  = 4.7 connected with  $p_f$  = 10<sup>-6</sup> (1 failure in 1 million cases).



On fig.7 an alternative but equivalent presentation is used instead of fig.6. Now a three dimensional imagination of the frequency n over a plane defined by the axes R and S is used which are normalized by  $\sigma_{\rm R}$  and  $\sigma_{\rm s}$  resp. acc. to this normalization a circular frequency hill is

resulting. In the  $\overline{R-S}$ -plane the ULS-equation is depicted, e.g. the Prandtl-formula for the bearing capacity where  $S=R(\phi)$  with  $\phi=$  friction angle. Then the least distance between this ULS-equation and the peak of the frequency hill is  $\beta$  like on fig. 7. From R\* and S\* the design values R<sub>d</sub> and S<sub>d</sub> can be derived for the case that only two parameters S and R are ruling the problem under consideration (otherwise the problem is more discontinuous). the problem is more-dimensional):

$$R_d = R * \cdot \sigma_R \ge S_d = S * \cdot \sigma_S$$
 (10)

from fig.6 it is seen that equ.(10) can be rewritten in the form

$$R_{d} = m_{R} - \beta \cdot \cos \delta_{R} \cdot \sigma_{R}^{-}$$

$$\geq m_{S} + \beta \cdot \cos \delta_{S} \cdot \sigma_{R}^{-} = S_{d}$$
(11)

(where 
$$\cos \delta_R = \alpha_R$$
,  $\cos \delta_S = \alpha_S$ )

order to avoid this time consuming deriva-tion of design values for each case usually constant partial safety factors which are ap-plicable for a range of conditions are derived by equ.(12). The range of applicability must be derived by try and error calculations done for representative examples beforehand. This means equ.(11) must be rewritten in the form

$$R_{d} = \frac{R_{c}}{\gamma_{M}} = (m_{R} - \beta \cdot \alpha_{R} \cdot \sigma_{R}^{-})$$

$$\geq (m_{S} + \beta \cdot \alpha_{S} \cdot \sigma_{S}^{-}) = S_{c} \cdot \gamma_{F} = S_{d}$$
(12)

In principle for R<sub>c</sub> and S<sub>c</sub> the mean values of R and S could be taken. But as  $\gamma_{\rm M}$  and  $\gamma_{\rm F}$ -values are becoming constant for a wider range so-called "characteristic" values R<sub>c</sub> and S<sub>c</sub> are used (see fig.7, lieing e.g. at the 5% resp. at the 95%-fractiles of R and S). In case of piles (see fig.8) Gauss-distributions of the base and the shaft resistances can be derived from empirical data, where  $q_{\rm nc}$  and  $q_{\rm sc}$  are characteristic values e.g. at the 5% fractile.  $S_{\rm c} = Q_{\rm c}$  may be a given characteristic e load representing the action. The resistance R is defined as

$$R = Q_p + Q_s = q_p \cdot A_p + q_s \cdot A_s$$

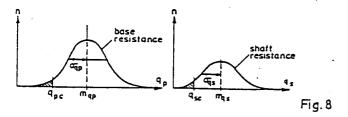
Then the application of equation (11) yields

$$R_{d} = (m_{qp} - \beta \cdot \sigma_{qp} \cdot \alpha_{qp}) \cdot A_{p}$$

$$+ (m_{qs} - \beta \cdot \sigma_{qs} \cdot \alpha_{qs}) \cdot A_{s} \geq S_{d}$$
(13)

The corresponding application of equ.(12) to equ.(13) yields

$$R_{d} = \frac{R_{c}}{Y_{M}} = \frac{q_{pc} \cdot A_{p} + q_{sc} \cdot A_{s}}{Y_{M}} \ge Y_{F} \cdot S_{c} = Y_{F} \cdot Q_{c} = S_{d} (14)$$



By one glance at equ.(14) it is seen that no constant partial safety factor  $\gamma_{\rm M}$  can be defined not accounting at the same time for the base and the shaft areas  $\lambda_{\rm p}$  and  $\lambda_{\rm p}$ . As  $\lambda_{\rm p}$  and  $\lambda_{\rm p}$  are usually different in each actual case it is impossible to derive constant partial safety factors YM for piles.

This means that the application of partial safety factors  $\gamma$  derived acc. to the new probabilistic safety approach, called the  $\beta$ -method, is not possible for piles without deriving the  $\gamma_{\rm W}$  values for each actual case. Consequently the application of the  $\beta$ -method itself is necessary for piles because of the changing influence  $\lambda_{\rm p}$  and  $\lambda_{\rm m}$  in each actual case. By comparative calculations it can be shown that for usual bored piles the constant global safety factor F=2 is in good agreement with the application of  $\beta=4$ ,7. Insofar in case of single piles the  $\beta$ -method may be adequately replaced by the conventional global safety factor P-method using an artificial load settlement curve like the one of fig.4e.

#### REFERENCES

Breitschaft,G.; Hanisch, J. (1978). Neues Si-cherheitskonzept im Bauwesen aufgrund wahrscheinlichkeitstheoretischer Überle-gungen. Vorträge der Baugrundtagung 1978 in Berlin. Herausgeber: Deutsche Gesell-schaft für Erd- und Grundbau e.V., Essen.

Franke, te, E. (1981). Point pressure versus length and diameter of piles. Proc. 10th ICSMFE, Stockholm, vol.2, 717-722 E. (1981).

Whitaker, Th. (1976). The design of piled foundations. 2nd edition. Pergamon Press, The design of piled Oxford.

Eberhard Franke

# Die Entwicklung der Tragfähigkeitsangaben in den deutschen Pfahlnormen

Zusammenfassung

Dieser Bericht ist als Einleitung eines umfangreicheren Forschungsberichts entstanden, in dem die statistische Auswertung von Probebelastungsergebnissen zur Begründung empirischer Tragfähigkeitsangaben in Pfahlnormen dargestellt wird. Er soll die Aufgabe erfüllen zu zeigen, weshalb Tragfähigkeitsangaben seit den fünfziger Jahren gemacht werden, welche Anlässe für die Weiterentwicklung dieser Angaben bestanden und wie diese Weiterentwicklungen betrieben und fortgesetzt werden.

Summary

The derivation of loadbearing specifications in the German pile standards. This paper was produced as the introduction to a more comprehensive research report which highligths the statistical evaluation of test loading results aimed at deriving empirical loadbearing capacity specifications in pile sta-dards. The aim of this paper is not only to indicate the re. as why empirical loadbearing capacity specifications have been made since the 1950s, but also to show the reasons behind further development of these specifications and to highlight how these developments are conducted and continued.

#### 1 Vorgeschichte

Im Normenausschuß "Pfähle" wurde in den siebziger Jahren festgestellt, daß die Notwendigkeit besteht, die Tragfähigkeitsangaben in DIN 4026 für Ramm- bzw. Verdrängungspfähle und in DIN 4014 für Bohrpfähle dem Erkenntnisfortscaritt anzupassen. Bei den Bohrpfählen sollten dabei diese Angaben für sogenannte herkömmliche kleinere Pfähle bisher in DIN 4014, Teil 1, geregelt – und für Großbohrpfähle - bisher in Vornorm DIN 4014, Teil 2, geregelt zusammengefaßt und in der jetzt vorliegenden DIN 4014 für Pfähle mit Durchmessern von 0,3 m bis 3 m dargestellt werden. Es versteht sich, daß dabei anzustreben war, die Tragfänigkeitsangaben für Ramm- und Bohrpfähle nach gleichen Grundsätzen zu gestalten (bzw. für diese Angaben das gle: -he Format zu wählen). Durch die Grusi-Bau [1] kamen da. weitere Ansprüche bezüglich der Sicherheitsregelungen hinzu, welche die Überarbeitung des Pfahlabschnittes ier DIN 1054 erforderten; aber als Konsequenz der Überarbeitung der DIN 4026 und der beiden DIN 4014-Teile wäre sine Überarbeitung der DIN 1054 ohnehin erforderlich

Da es sich um sicherheitsrelevante Fragen handelte, wurden zur Finanzierung dieser Arbeiten Forschungsmittel beim Institut für Bautechnik beantragt. Mit der Zuweisung dieser Forschungsmittel war die Auflage verbunden, die mit der Brusi-Bau definierten Verfeinerungen der Sicherheitsdefinion zu berücksichtigen. Außerdem wurden bei der Bearbeiung des Forschungsvorhabens die mit der Ausarbeitung der Eurocodes verbundenen Vorstellungen bekannt, die beachet worden sind.

Was die Anwendung statistischer Methoden anlangt, so ind weitere Verfeinerungen möglich. Dementsprechend ist eabsichtigt, bei der zur Zeit laufenden Weiterbearbeitung les Forschungsthemas entsprechende Verbesserungen vorunehmen. Zunächst war jedoch mit Blick auf den Termin

der Verabschiedung der neuen DIN 4014 im Jahr 1989 die entsprechende Vorbereitungsarbeit zu leisten, was im Rahmen der bestehenden Möglichkeiten erreicht worden ist (siehe Bild 2 und die Tabellen 1 bis 4). Im folgenden wird dargestellt,

- welcher Anlaß besteht, die Tragfähigkeitsangaben in den Pfahlnormen neu zu gestalten (2.1 bis 2.4).
- wie neue Bemessungsregeln auf empirischer Grundlage entwickelt wurden (2.5 und 2.6).

Um den Übergang von der alten zur neuen Normengeneration und Terminologie zu verdeutlichen, wird zunächst die bisherige Bezeichnungsweise (Kräfte, Lasten, globale Sicherheitsbeiwerte  $\eta$ ) verwendet, daneben – jeweils wo es sich ermöglichen läßt – die Einführung der neueren (Einwirkungen, Widerstände, Teilsicherheitsbeiwerte  $\gamma$ ) angeschlossen.

#### Anlaß für die Entwicklung neuer Tragfähigkeitsangaben in den Pfahlnormen und die Konsequenzen

#### 2.1 Wozu Tragfähigkeitsangaben in Normen?

Es gibt bis heute kein anerkanntes mechanisches Modell, mit dem man das Tragverhalten von Pfählen unter Verwendung von Bodenkennwerten auf Theoriegrundlage berechnen kann. In Ermangelung einer Theorie werden daher in den deutschen Normen (von 1940 bis 1961 in DIN 1054, seitdem in DIN 4026 und DIN 4014) empirische Angaben über die Pfahltragfähigkeit gemacht, die auf Probebelastungsergebnissen für häufig vorkommende Fälle beruhen. Solche Angaben sind beim Fehlen einer Theorie erforderlich, um im Entwurfsstadium von Bauwerken auf Pfählen die notwendige Kalkulationsgrundlage zu liefern. Im übrigen wurde gefordert, vor der Bauausführung Probebelastungen auszuführen, sofern keine Erfahrungen unter den örtlichen Verhältnissen vorlagen. Bis 1960 war das eine praktikable Methode. denn für die bis dahin fast ausschließlich angewandten Pfähle mit etwa 30 cm Profilweite war die Durchführung von Probebelastungen mit im allgemeinen bis zu 1 MN Prüflast noch akzeptabel. Mit der Entwicklung der großkalibrigen Ramm- und Bohrpfähle, die im Gebrauchszustand bis 10 MN tragen, kam neben der Forderung nach Angaben von Vorentwurfswerten aus der Praxis eine neue, weitergehende Forderung auf den Normenausschuß "Pfähle" zu: In Fällen. in denen nur wenige Großbohrpfähle - die sehr schnell auf dem Markt vordrangen - für eine Bauwerksgründung erforderlich sind, würde eine Probebelastung mit Prüflasten von 10 MN und mehr einen unvertretbaren Aufwand erfordern, so daß die Angabe von entsprechend vorsichtigen Tragfähigkeitsangaben in der Pfahlnorm gewünscht wurde, um eine Probebelastung entbehrlich zu machen nach dem Motto: Lieber einen Pfahl mehr als eine (teure) Probebelastung zuviel.

# 2.2 Parametergrundlagen hinsichtlich Pfahl- und Bodenart bei empirischen Tragfähigkeitsangaben

Die Ursache für das Fehlen eines allgemein anerkannten mechanischen Modells als Grundlage einer Theorie der Pfahltragfähigkeit ist die Veränderung des Bodens der Pfahlumgebung bei der Installation von Pfählen. Diese Veränderung ist abhängig von der Pfahlart – Bohren lockert den

rof. Dr.-Ing. Eberhard Franke, Technische Hochschule Darmstadt, etersenstr. 13, 6100 Darmstadt

Boden auf, Rammen verdichtet ihn – und von der Bodenart. Die Vielfalt der Möglichkeiten, wie die verschiedenen Bodenarten auf die Pfahlinstallation reagieren (Sand mit Zusammendrückung bis zur Zertrümmerung der Körner unter dem Pfahlfuß, wassergesättigter Ton mit purer Verdrängung und Porenwasserüberdruck usw. usw.), wird von den folgenden Parametern bestimmt:

## Pfahlabhängige Parameter

Pfahlart (Bohr- oder Verdrängungspfahl, Vollverdrängungspfahl oder schneidendes, z. B. H-Profil)

 Herstellungsart (beim Bohrpfahl: verrohrt, unverrohrt mit Stützflüssigkeit, Bohren mit Greifer, Schappe, Bohreimer oder mit Endlosschnecke, Saugbohrgerät usw.; beim Verdrängungspfahl: gerammt, Verhältnis Bärgewicht zu Pfahlgewicht, gerüttelt, eingepreßt usw.)

#### Bodenabhängige Parameter

Bodenart (bindig, nicht-bindig, wassergesättigt, ungesättigt mit Kapillarkohäsion)

 Bodenbeschaffenheit (Festigkeit, Verformbarkeit, Durchlässigkeit)

- Bodenschichtung

Die entsprechende Vielfalt von Kombinationsmöglichkeiten dieser Parameter, die der Formulierung einer Theorie entgegenstehen, kann auch bei Angabe empirischer Tragfähigkeitsdaten nicht in der an sich wünschenswerten Vollständigkeit berücksichtigt werden. Die Machbarkeit der Parameterberücksichtigung erfordert Abstriche, so daß folgendes vereinfachtes Schema verbleibt:

## Pfahlabhängige Parameter

Rammpfähle mit

Vollquerschnitt

- Hohlquerschnitt (Rohr- und Kastenprofile)

offenem Querschnitt (H-Profile)

Dabei ist davon auszugehen, daß die Rammung mit konventionellem Gerät ausgeführt wird, d. h. das Bär- zu Pfahlgewicht liegt zwischen 0,5:1 und 1,5:1 oder bei Verwendung von Schnellschlaghämmern mit der Schlagzahl n  $\approx$  200 liegt das Kolbengewicht zwischen 0,1 und 0,2 des Pfahlgewichts; bei Rüttelgeräten und bei überschweren Rammbären mit mehr als dem 1,5fachen Pfahlgewicht sollte nach dem derzeitigen Kenntnisstand nur  $^{24}$ 3 der üblicherweise erreichbaren Pfahltragfähigkeit angesetzt werden.

#### Bohrpfähle

- verrohrt gebohrt

unverrohrt mit Stützflüssigkeit (Bentonitsuspension) gebohrt

mit Endlosschnecke gebohrt

Dabei wird davon ausgegangen, daß die Pfähle im Regelfall am gleichen Tag gebohrt und betoniert werden. Soweit das im Ausnahmefall nicht geschieht, ist der Fußbereich (Höhe etwa 2 Pfahldurchmesser) unmittelbar vor dem Betonieren zu bohren; bei unverrohrt mit Bentonitsuspensionsstützung hergestellten Pfählen ist gegebenenfalls der Filterkuchen von der Bohrungswand zu entfernen. – Für das Tragverhalten von Schneckenbohrpfählen gibt es noch keine ausreichende Erfahrungsgrundlage für Tragfähigkeitsangaben.

#### Bodenabhängige Parameter

bindige Bodenarten

undränierte Scherfestigkeit c<sub>u</sub> (ersatzweise Konsistenzzahl)

nichtbindige Bodenarten

 Sondierergebnisse, bevorzugt q, aus CPT, sonst n<sub>30</sub> aus SPT oder n<sub>10</sub> aus DPT nach DIN 4096.

Bodenschichtung

 Kornverteilungsangaben bzw. Ansprache von Bohrprofilen nach Augenschein entsprechend DIN 1054. In den bisher (bis 1989) gültigen Normen waren hinsichtlich der Herstellungsverfahren weniger Varianten zu beachten: der Einfluß unterschiedlicher Herstellungsverfahren auf die Pfahltragfähigkeit blieb unberücksichtigt. Bei der Beschreibung der bindigen Bodenarten fehlte bisher der Bezug auf die undränierte Scherfestigkeit cu, außerdem war die Berücksichtigung unterschiedlicher Baugrundfestigkeitsklassen verbesserungsfähig. Insofern bestand auf diesen Gebieten Anlaß für neue Tragfähigkeitsangaben.

#### 2.3 Fehleinschätzungen der Tragfähigkeit mit dem bisherigen Verfahren der DIN 1054 (11/1976), DIN 4026 (8/1975) und DIN 4014, Teil 1 (8/1975)

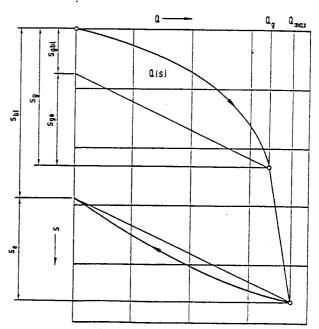
Die zulässige Pfahlbelastung zul Q wird nach Gl. (1) aus der Grenzlast  $Q_{\mathbf{g}}$  bestimmt.

$$zul Q = \frac{Q_g}{\eta} = \frac{Q_g}{2} \tag{1}$$

 $\eta$  ist die (globale) Sicherheit, die als fester Wert vorgegeben ist. Die zu diskutierenden Probleme ergeben sich dann in Verbindung mit der bisherigen Methode zur Festlegung der Grenzlast  $Q_g$  nach der noch gültigen DIN 1054, Ausgabe November 1976, aus der im folgenden der betreffende Absatz zitiert wird:

"5.4.1.1 Die Sicherheit eines Pfahls wird auf die Grenzlast  $\mathbf{Q}_{\mathbf{g}}$  bezogen. Die Grenzlast ist die Last, unter der ein Druckpfahl bei einer Probebelastung merkbar versinkt bzw. ein Zugpfahl sich merkbar hebt. In der Last-Setzungs- bzw. Hebungslinie bezeichnet die Grenzlast diejenige Stelle, bei welcher der flache Ast nach einem Übergangsbereich mit zunehmend größer werdenden Setzungen bzw. Hebungen in den steil abfallenden Ast übergeht (siehe Bild 2).

Nur wenn der Verlauf der Last-Setzungslinie keinen eindeutigen Aufschluß über die Lage der Grenzlast  $Q_g$  gibt, kann als Grenzlast bei Bohrpfählen nach DIN 4014 Teil 1 die Last bei einer Gesamtsetzung s von rund 2 cm (siehe DIN 4014 Teil 1 Beiblatt, Ausgabe August 1975, Erläuterungen zu Abschnitt 13.5), bei Rammpfählen die Last bei blei-



DIN 1054 Bild 2. Last-Setzungsdiagramm; Grenzlast Q und erreichte höchste Last Q<sub>max</sub>

bender Setzung s<sub>bi</sub> von 0,025 des Pfahldurchmessers d (siehe DIN 4026, Ausgabe August 1975, Abschnitt 8.4.2) festgelegt werden. Bei Großbohrpfählen nach DIN 4014 Teil 2 (z. Z. noch Entwurf) darf nach Abschnitt 5.4.3 verfahren werden.

Kann bei einem Versuch die Grenzlast nicht erreicht werden, so gilt die aufgebrachte höchste Last Q<sub>max</sub> als Grenzlast. Wird die Probebelastung nach einiger Zeit wiederholt und ergibt dann eine höhere Grenzlast, so gilt diese."

Nach diesen Ausführungen ergab sich die Grenzlast  $Q_g$  im allgemeinen bei Setzungen von 1 bis 2 cm. Da in vielen Fällen der Verlauf der Last-Setzungslinie (bei kontinuierlicher Krümmungszunahme) die Bestimmung von  $Q_g$  nicht zuließ, wurden hilfsweise je eine "Grenzsetzung" s $_g$  für Bohrpfähle bei 2 cm und für Rammpfähle bei 2,5 % des Pfahldurchmessers (= bleibende Setzung, die ebenfalls etwa 2 cm bei 40 cm Pfahldurchmesser ergibt) angegeben, bei welcher die Grenzlast abzulesen war.

Nimmt man für den Verlauf des Anfangsastes der Lastsetzungslinie eine quadratische Parabel an, so ergibt sich bei  $Q_g$  rür 2 cm Grenzsetzung mit  $\eta=2$  nach Gl. (1) im Gebrauchszustand eine Setzung von zul s=0,5 cm. Dieser Wert liegt in den meisten praktischen Fällen weit unter der Schadensgrenze von Bauwerken. Denn erfahrungsgemäß ist die Setzu idifferenz  $\Delta s$  aufgrund von (mit Baugrunderkundungen und daher rechnerisch) nicht erfaßbaren Baugrundinhomogenitäten bei Flachgründungen auf Einzelfundamenten etwa  $V_2$  der Gesamtsetzung s (siehe [2], [3], [4]), d.h.

$$\frac{\Delta s}{s} \approx \frac{1}{2} \tag{2a}$$

Bei entsprechenden Einzelpfahlgründungen (und wo statt Einzelpfählen kleine Gruppen aus solchen unter den Stütz nfundamenten stehen) ist

$$\frac{23}{s} \approx \frac{1}{3} \cdots \frac{1}{4} \tag{2b}$$

mit  $V_3$  für Bohrpfähle und mit  $V_4$  für Rammpfähle. (Daß Pfähle etwas weniger von der Baugrundinhomogenität abhängen als Flachgründungen wird dadurch bewirkt, daß ihre Länge im allgemeinen gleich oder größer als die Autokorrelationslänge der Baugrundeigenschaften ist.)

Zu den Gleichungen (2 a) und (2 b) ist die Information eir islechten, daß die Gl. (2 a) auf empirisch-statistischen Ei. Itlungen beruht. Die Gl. (2 b) ist von Franke [4] aufgrund einer Pfahlgruppen-Probebelastung und gefühlsmäßiger Einschätzung vorgeschlagen worden, wobei die Relation zu Gl. (2 a) berücksichtigt wurde. Gl. (2 b) wird im folgenden für Abschätzungen verwendet. Für genauere Betrachtungen ist – was die Verknüpfung der empirischen Schadensgrenzen nach der im folgenden verwendeten Gl. (3) mit den Setzungen und Setzungsdifferenzen anlangt – die Bauwerksverbiegung entsprechend

$$\frac{1}{R} \approx w'' = \frac{M}{EI} \tag{2 c}$$

(R = Krümmungsradius des Überbaus) zu berücksichtigen. Bei einer solchen Betrachtung wären dann die empirischen  $\Delta$  s/s-Werte ungünstig zu überlagern.

Es gilt nun, die Setzungen und Setzungsdifferenzen nach Gl. (2 a) und (2 b) mit der Schadensgrenze von Bauwerken in Verbindung zu bringen. Diese ist nach Skempton und McDonald [3], Grant, Christian und Vanmarcke [5] durch die maximale Winkelverdrehung β der Bauwerksgründung zu beschreiben, wobei für eine Setzungsmulde

$$zul \beta \leq \frac{1}{500} \cdots \frac{1}{300}$$
 (3 a)

und für Sattellagerung

$$zul \beta \le \frac{1}{1000} \cdots \frac{1}{500}$$
 (3 b)

bei zweifacher Sicherheit gilt. Der jeweils erste Wert stellt die Grenze für sogenannte architektonische Schäden, der zweite die Grenze für Strukturschäden dar. Geht man nun von üblichen Stützenabständen

a = 4 ... 6 m, i. M. 5 m

aus und schreibt für

$$\beta = \frac{\Delta s}{a},\tag{4}$$

so ergibt sich mit Gl. (3 b) für die zulässigen Setzungsdifferenzen mindestens

$$zul \Delta s = \frac{1}{1000} \cdot 500 \text{ cm}$$
 (4 a)

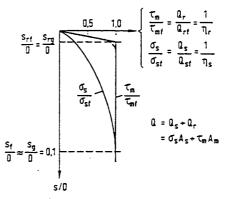
zul  $\Delta$  s = 0,5 cm.

Mit Gl. (2b) folgt daraus für die zulässigen Setzungen

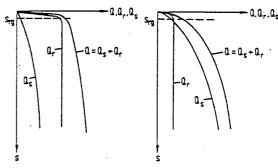
zul s = 
$$(3 ... 4) \cdot 0.5$$
 cm  
=  $1.5 ... 2$  cm (4 b)

(Für die Berechnung von möglichen Zwängungsbeanspruchungen von starren Bauwerken wären die Werte der Gl. (3 a) zu verwenden.)

Wie man sieht, sind selbst bei vorsichtigem Ansatz der Schadensgrenzwerte drei- bis vierfach größere Setzungen unschädlich als heute nach DIN 1054 (11/1976), Abschnitt 5.4.1.1 erlaubt werden. Bei der Suche nach den Ursachen für die Festlegung der Grenzsetzung von etwa 2 cm und entsprechenden zulässigen Setzungen von 0,5 cm



a) dimensionslose Oarstellung



b) Reibungspfahl cl Spitzendruckpfahl

Bild 1. Einfluß der unterschiedlichen Formen der Arbeitslinien von Spitzendruck und Mantelreibung auf die Form der Lastsetzungslinie von

nach Abschnitt 5.4.1.1 der DIN stößt man darauf, daß der an sich schon bekannte Unterschied des Spannungs-Verschiebungs-Verhaltens der Mantelreibung  $\tau_m$  und des Spitzendruckes  $\sigma_s$  nicht angemessen berücksichtigt wurde. Wie man auf Bild 1 erkennt, ist die Summenkurve = Last-Setzungslinie (LSL)

$$Q(s) = Q_s(s) + Q_r(s)$$
(5)

zusammengesetzt aus der Pfahlfußkraft

$$Q_s(s) = \sigma_s(s) A_s$$

$$(A_s = Pfahlfußfläche)$$
(6)

und aus der Pfahlmantelkraft

$$Q_{r}(s) = \tau_{m}(s) A_{m}$$

$$(A_{m} = Mantelfläche) bzw.$$
(7 a)

$$\begin{aligned} Q_{r}(s) &= \sum_{mi} \tau_{mi}(s) \ A_{mi} \\ (i &= \text{Anzahl der Bodenschichten}) \end{aligned} \tag{7b}$$

an der Stelle der Überschreitung des Bruchwertes der Mantelreibung  $\tau_{mf}$  um so stärker gekrümmt, je größer der Anteil des Bruchwertes der Pfahlmantelkraft

$$Q_{rf} = \tau_{mf} A_{m} \tag{8}$$

im Verhältnis zum Bruchwert der Pfahlfußkraft

$$Q_{sf} = \sigma_{sf} A_s \tag{9}$$

an der Bruchlast des Pfahles

$$Q_f = Q_{rf} + Q_{sf} \ge Q_g \tag{10}$$

ist. Dominiert der Spitzendruck wie auf Bild 1 c, so nimmt die Krümmung der Last-Setzungslinie (LSL) kontinuierlich zu und eine Stelle besonders starker Krümmung existiert nicht, so daß die obengenannten Grenzsetzungen s<sub>g</sub> verwendet werden müssen.

Zusammenfassend läßt sich sagen: Bisher ist die Grenzlast  $Q_g$  nach DIN 1054 (11/1976) wie auch in vielen anderen Ländern bei der Bewertung von Probebelastungsergebnissen häufig an der Stelle der LSL (z. B. bei  $s_{rg}$  in Bild 1 b) festgelegt worden, an der lediglich die Mantelreibung ihren Bruchwert erreicht, obwohl noch mehr oder weniger große Reserven beim Pfahlspitzendruck zur Verfügung standen (siehe z. B. [6]). An sich war diese Grenzlastfestlegung nur bei Pfählen richtig, bei denen der Spitzendruckanteil an der Abtragung der Gesamtlast klein war, d. h. bei Reibungspfählen. Und weil unter unseren geologischen Verhältnissen häufig der Spitzendruck gleichwertig ist oder sogar dominiert (wie z. B. bei Bild 1 c), mußte man zusätzlich die in DIN 1054 unter 5.4.1.1 angegebenen Grenzsetzungen festlegen für Fälle, in denen anders als an der LSL von Bild 2 der DIN 1054 (siehe das Zitat weiter vorn) und Bild 1 b keine Grenz- oder Bruchlast erkennbar war.

In der Diskussion um diese Fragen wurde seinerzeit im Normenausschuß "Pfähle" und wird gelegentlich auch heute zur Verteidigung der Regelung nach DIN 1054 (11/76) noch ein anderer Standpunkt vertreten: Weil es bei Pfahlgründungen keine Möglichkeit der Setzungsberechnung gibt, müsse die Grenzlast bzw. die Grenzsetzung so gewählt werden, daß die im Gebrauchszustand zu erwartenden Setzungen vernachlässigbar klein bleiben, jedenfalls so klein, daß der Einfluß von Stützensenkungen unberücksichtigt bleiben kann.

Im folgenden ist nun zu zeigen, daß die Regel nach DIN 1054 (11/76) und die daran angeschlossenen Auffassungen spätestens seit der Einführung der Großbohrpfähle nicht mehr aufrecht erhalten werden konnte, d.h. bei der Erarbeitung der DIN 4014, Teil 2 (9/1977), die 1968 begann, zu modifizieren war.

#### 2.4 Grenzen der Anwendbarkeit der konventionellen Sicherheitsbetrachtungen

Auslöser für die Neuentwicklung war die zunehmende Verwendung der Großbohrpfähle. Eigentlich müßte man hier allgemeiner von Großpfählen sprechen; da jedoch Großrammpfähle nur mit schwimmendem Gerät – also relativ selten – angewendet werden, dominieren die Großbohrpfähle die Neuentwicklung.

Was bei den herkömmlichen Pfählen mit Durchmessern bis 0,5 m durch die Regelung nach DIN 1054 (11/76) verhindert worden war, nämlich die Ausnutzung der zulässigen Setzung bis zur zulässigen Annäherung an die Schadensgrenze von Bauwerken gemäß Gl. (4 b), mußte bei den Großbohrpfählen aus Wirtschaftlichkeitsgründen gestattet werden. Bei Setzungen von 1,5 bis 2 cm im Gebrauchszustand des Bauwerkes wird jedoch der Bruchwert der Mantelreibung der Gründungspfähle erreicht (siehe z. B. [7]), was zu folgenden Konsequenzen führt: Bisher war man in Verbindung mit Gl. (1) und Gl. (10) davon ausgegangen, daß

$$zul Q = \frac{Q_g}{\eta} \approx \frac{Q_f}{\eta} = \frac{Q_{sf} + Q_{rf}}{\eta}$$
$$= \frac{\sigma_{sf}}{\eta} A_s + \frac{\tau_{mf}}{\eta} A_m$$
(11 a)

gesetzt werden dürfe, z. B. bei Verwendung der empirischen Werte von  $\sigma_{sf}$  und  $\tau_{mf}$  von Schenck auf S. 485 in [8]. Wie Bild 1 zeigt, war das grundsätzlich falsch (wenn auch der Fehler bei Auswertung der LSL nach Bild 2 der DIN 1054 (11/1976) auf der sicheren Seite lag). Genauer ist nämlich statt Gl. (11 a) zu schreiben:

$$zul Q = \frac{Q_g}{\eta} \approx \frac{Q_f}{\eta} = \frac{Q_{sf}}{\eta_s} + \frac{Q_{rf}}{\eta_r}$$

$$= \frac{\sigma_{sf}}{\eta_s} A_s + \frac{\tau_{mf}}{\eta_r} A_m$$
 (11b)

Bei Aufrechterhaltung der globalen Gesamtsicherheit  $\eta$  war wegen der unterchiedlichen Arbeitslinien für  $\sigma_s$  und  $\tau_m$  (s. Bild 1) zu unterscheiden zwischen den entsprechenden globalen Sicherheiten  $\eta_s$  und  $\eta_r$ . Bei zul s=1,5 bis 2 cm für den Überbau ist mit

$$\tau_m = \tau_{mf} \rightarrow \eta_r = 1$$

zu setzen und  $\eta_s$  muß soweit erhöht werden, daß die globale Gesamtsicherheit  $\eta$  den geforderten Wert erreicht. Man hat also mit  $\eta_r=1$  statt Gl. (11b) zu schreiben:

$$zul Q = \frac{Q_g}{\eta} \approx \frac{Q_f}{\eta} = \frac{Q_{sf}}{\eta_s} + Q_{rf}$$

$$= \frac{\sigma_{sf}}{\eta_s} A_s + \tau_{mf} A_m.$$
 (11c)

Daraus folgt mit Gl. (10) (siehe [9], [10])

$$\eta_s = \frac{\eta}{1 + \frac{Q_{rf}}{Q_{sf}} (1 - \eta)}$$
 (12)

und für  $\eta = 2$  (siehe Tabelle 8, DIN 1054 11/1976)

$$Q_{rf}/Q_{sf}$$
 | 0 0,25 0,5 0,75 1 > 1  $\eta_s$  | 2 2,67 4 8  $\infty$  < 0

Man erkennt, daß die Gültigkeit einer solchen Verfahrensweise an Grenzen stößt; gleichzeitig erklärt sie, weshalb es englische Vorschläge gibt, mit  $\eta_r=2$  und  $\eta_s=3$  zu rechnen (siehe [11], [12]). Ganz ähnliche Betrachtungen wurden in [13] von Whitaker angestellt; er kam zu dem Schluß, daß man  $\eta_s$  (s) und  $\eta_r$  (s) setzungsabhängig mit unterschiedlichen

(empirischen) Werten einführen müsse, die man aus Probebelastungen zu ermitteln habe.

Die Tabelle zeigt, daß man für Reibungspfähle, d. h. für größer werdende  $Q_{rf}/Q_{sf}$ -Werte immer größere Sicherheiten gegen Spitzendruckbruch  $\eta_s$  einzuhalten hat, was bedeutet, daß die zulässigen Pfahlsetzungen entsprechend verkleinert werden müssen (siehe Bild 1 a). Wenn man das tut, unterschreiten die Mantelreibungssetzungen irgendwann die Werte, die den Ansatz von  $\eta_r=1$  rechtfertigen und die Gleichungen (11 c) und (12) werden ungültig. Man könnte dann jedoch gemäß Gl. (11 b) unterschiedliche  $\eta_s$ - und  $\eta_r$ -Werte verwenden. Ihr Zusammenhang ergibt sich aus Gl. (11 b) in Verbindung mit Gl. (10) zu

$$\eta = \frac{\eta_s \ \eta_r \ (1 + Q_{rf}/Q_{sf})}{\eta_s \ Q_{rf}/Q_{sf} + \eta_r} = const. \tag{13}$$

Aus dieser Gleichung wurden in [15] die erwähnten  $\eta_s$  (s)-und  $\eta_r$  (s)-Werte für Großbohrpfähle in London-Ton abgeleitet. Diesen Weg ebenfalls zu beschreiten, erschien aussichtslos; die zu berücksichtigenden Pfahltypen und Bodenarten wären zu vielfältig gewesen.

#### 2 Konsequenzen für Grundsätze bei der Tragfähigkeitsvorhersage in der neuen Normengeneration

Um unter den geschilderten Verhältnissen eine Methode zur Vorhersage des Tragverhaltens von Pfählen zu entwickeln, die unabhängig von der Verwendung unterschiedlicher, setzungsabhängiger  $\eta_s$ - und  $\eta_r$ -Werte ist, werden statt dessen setzungsabhängige Werte für den Spitzendruck

σ. (s)

und für die Mantelreibung

 $\tau_{m}(s)$ 

aus Probebelastungsergebnissen für verschiedene Pfahltypen und Bodenarten (siehe Abschnitt 2.2) ermittelt. Dabei sind die  $\sigma_s$ - und  $\tau_m$ -Werte so gewählt worden, daß die mit ihnen errechneten Last-Setzungslinien cal Q (s) von den vorliegenden gemessenen obs Q (s) möglichst wenig abwichen, d.h. die Differenzwerte

$$y' = \frac{\operatorname{obs} Q(s) - \operatorname{cal} Q(s)}{\operatorname{obs} Q(s)} \stackrel{!}{=} 0$$

müssen im Mittel Null sein.

Bei der Ermittlung von cal  $Q_r$ , d. h. für die Mantelreibung, genügt es, näherungsweise eine bilineare elastisch/plastische Arbeitslinie (nach Bild 1 a) einzuführen, so daß nur der Wert  $\tau_{mf}$  und eine entsprechende Bruchsetzung  $s_{rf}$  zu definieren sind. Dabei ist nur  $\tau_{mf}$  unabhängig vom Pfahldurchmesser. Beim Spitzendruck mußte ebenfalls neben der Setzungsabhängigkeit eine Durchmesserabhängigkeit berücksichtigt werden (siehe [14], [15]). Mit diesen  $\sigma_s$  (s)- und  $\tau_{mf}$  sowie  $s_{rf}$ . Werten können dann nach den Gl. (6) und (7) bzw. (8) für eden Einzelfall mit den aktuellen Pfahlmantel- und Pfahliußflächen  $A_m$  bzw.  $A_s$  "künstliche" Last-Setzungslinien 1ach Bild 2 ermittelt werden (die dann wie eine LSL aus einer Probebelastung zu bewerten sind).

In dieser Stelle ist ein Zusammenhang mit der Anwentung der Teilsicherheitsbeiwerte nach der neuen probalistischen Sicherheitstheorie aufzuzeigen: Die in jedem Einzelall anderen  $A_m$ - und  $A_s$ - bzw.  $Q_r$ - und  $Q_s$ -Werte waren – wie ius Gl. (11b) hervorgeht – die Ursache dafür, daß ebenso in edem Einzelfall andere unterschiedliche Werte von  $\eta_r$  und  $\eta_s$  bei vorgegebenem konstantem  $\eta$  zu wählen sind. Eine ganz inaloge Situation hat man bezüglich unterschiedlicher Teilicherheitsbeiwert  $\gamma_{Miss}$  und  $\gamma_{Mitm}$  bei vorgegebenem kontantem Sicherheitsindex  $\beta$ . Das sei kurz dargestellt: Es gilt

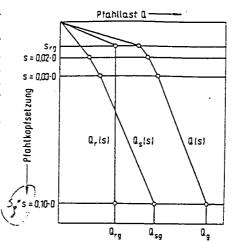


Bild 2. Konstruktion der Lastsetzungslinie nach DIN 4014 unter Verwendung der Tabellen I, 2, 3 und 4 (Bild 2 ist identisch mit Bild 3 der DIN 4014). Die Grenzsetzung s $_{rg}$  für die Mantelreibung  $Q_{rg}$  ist s $_{rg}$  (cm) = [0,5 (cm/MN)]  $Q_{rg}$  (MN) + 0,5 (cm)  $\leq$  3 cm

(mit d für "design")

$$S_d \ge R_d$$
 (14)

mit  $S_d$  = Entwurfswert der Einwirkungen und  $R_d$  = Entwurfswert der Widerstände.

Der Pfahlwiderstand  $Q_d$  ist hierbei gleich  $R_d$  und entspricht in der bisher gültigen Terminologie zul Q, d. h.

$$R_d = Q_d \cong zul Q. \tag{15}$$

Ferner gilt:

$$Q_d = Q_{sd} + Q_{rd} \tag{16a}$$

$$Q_d = \sigma_{sd} A_s + \tau_{md} A_m \tag{16b}$$

$$\begin{aligned} Q_{d} &= m_{\sigma s} \left( 1 - \tilde{\alpha} \alpha_{\sigma s} \beta V_{\sigma s} \right) A_{s} + \\ &+ m_{rm} \left( 1 - \tilde{\alpha} \alpha_{rm} \beta V_{rm} \right) A_{m} \end{aligned} \tag{16c}$$

Tabelle 1. Pfahlspitzendruck  $\sigma_s$  in MN/m² in Abhängigkeit von der auf den Pfahl(fuß)durchmesser bezogenen Pfahlkopfsetzung s/D bzw. s/DF und dem mittleren Sondierspitzendruck in nichtbindigem Boden (Tabelle 1 ist identisch mit Tabelle 2 der DIN 4014)

bezogene Pfahlkopf- setzung s/D bzw. s/D <sub>F</sub>	bei einem mittlere		Pfahlspitzendruck o <sub>s</sub> in MN/m <sup>2</sup> * bei einem mittleren Sondier- spitzendruck q <sub>s</sub> in MN/m <sup>2</sup>	
,	10	15	20	25
0,02 0,03 ≥0,10	0,7 0,9 2,0	1.05 1,35 3,0	1,4 1,8 3,5	1,75 2,25 4,0

<sup>\*)</sup> Zwischenwerte dürfen linear eingeschaltet werden

Tabelle 2. Pfahlspitzendruck  $\sigma_s$  in MN/ $m^2$  in Abhängigkeit von der auf den Pfahl(fuß)durchmesser bezogenen Pfahlkopfsetzung s/D bzw. s/D<sub>F</sub> in bindigem Boden (Tabelle 2 ist identisch mit Tabelle 3 der DIN 4014)

bezogene Pfahlkopf- setzung s/D bzw. s/D <sub>F</sub>	Pfahlspitzendruck o <sub>s</sub> in MN/m <sup>2</sup> *) bei einer Anfangsscherfestigkeit von c <sub>u</sub> in MN/m <sup>2</sup> **)		
	0,1	0,2	
0,02	0,35	0,9	
0,03	0.45	1.1	
≥ 0,10	0,8	1,5	

<sup>\*)</sup> Zwischenwerte dürfen linear eingeschaltet werden. Bei Pfählen mit Fußverbreiterung sind die Werte auf 75 % abzumindern.

\*\*) c, Kohäsion des undränierten Bodens

Tabelle 3. Mantelreibung  $\tau_m$  in nichtbindigem Boden (Tabelle 3 ist identisch mit Tabelle 5 der DIN 4014)

Festigkeit des nichtbindigen Bodens bei einem mittleren Sondierspitzendruck q <sub>3</sub> in MN/m²	Mantelreibung τ <sub>m</sub> in MN/m² *)
0	0
5	0.04
10	0,08
≥ 15	0,12

Zwischenwerte dürfen linear eingeschaltet werden

Tabelle 4. Mantelreibung  $r_m$  in bindigen Böden (Tabelle 4 ist identisch mit Tabelle 6 der DIN 4014)

Mantelreibung τ <sub>m</sub> in MN/m² *)
0,025
0,04
0,06

Zwischenwerte dürfen linear eingeschaltet werden. Bei Pfählen mit Fußverbreiterung sind die Werte auf 75 % abzumindern.

$$Q_{d} = \frac{\sigma_{sc}}{\gamma_{Mos}} A_{s} + \frac{\tau_{mc}}{\gamma_{Mrm}} A_{m}$$
 (16d)

$$Q_{d} = \frac{Q_{sc}}{Y_{M\sigma s}} + \frac{Q_{rc}}{Y_{M\tau m}}$$
 (16e)

Dabei sind die noch nicht eingeführten Bezeichnungen:

m = Mittelwert, V = Variationskoeffizient

z; = Wirkungsfaktoren für die Widerstände i

 Wirkungsfaktor zur Berücksichtigung der Einwirkungsseite

YMi = Teilsicherheitsbeiwerte für die Widerstände i

Werte mit Index c sind charakteristische (Fraktil-)Werte. Die Angaben von Entwurfswerten für den Spitzendruck und die Mantelreibung allein in der Form

$$\sigma_{sd} = m_{\sigma s} (1 - \tilde{\alpha} \alpha_{\sigma s} \beta V_{\sigma s}) = \frac{\sigma_{sc}}{\gamma_{M \sigma s}}$$
 (17a)

$$\tau_{md} = m_{m} (1 - \tilde{\alpha} \alpha_{m} \beta V_{m}) = \frac{\tau_{mc}}{\gamma_{Mm}}$$
 (17b)

und die Zuordnung von festen Teilsicherheitsbeiwerten  $\gamma_{Mos}$  und  $\gamma_{M\tau m}$  in den Gl. (17) ist dagegen unsinnig, weil die Gewichte von  $\sigma_s$  und  $\tau_m$  – wie schon in Gl. (11b) – in jedem Einzelfall unterschiedlich von  $A_s$  und  $A_m$  abhängen. Vielmehr müßten – wie schon in Gl. 11b – auch in den Gl. (16d) bzw. (16e) in jedem Einzelfall andere unterschiedliche  $\gamma_{Mos}$  und  $\gamma_{M\tau m}$  aus der Gleichsetzung mit Gl. (16c) ermittelt werden.

Da jedoch die Einführung von Teilsicherheitsbeiwerten nur gerechtfertigt ist, wenn diese über große Anwendungsbereiche als Konstanten betrachtet werden können, sie sich aber – wie gesagt – nach den Gl. (16) für jeden Einzelfall in Abhängigkeit von  $Q_r/Q_s$  anders und unterschiedlich ergeben, hat die Verwendung von Teilsicherheitsbeiwerten auf  $\sigma_s$  und  $\tau_m$  bzw. auf  $Q_s$  und  $Q_s$  keinen Sinn. Um diesem Dilemma zu entgehen, ist derselbe Ausweg zu wählen, mit dem schon die Einführung unterschiedlicher globaler Sicherheitsbeiwerte  $\eta_s$  und  $\eta_r$  umgangen wurde: Es sind "künstliche" LSL zu ermitteln auf der Grundlage von empirischen  $\tau_{mf}$ ,  $s_{rf}$ - und  $\sigma_s$  (s)-Werten. Auf solche LSL kann dann die  $\beta$ -Methode angewendet werden in der Form:

$$Q_{d} = m_{Q} (1 - \tilde{\alpha} \beta V_{Q}) = \frac{\bar{Q}}{\gamma_{M}}, \qquad (13)$$

wobei  $\bar{Q}$  der statistische Mittelwert ist aus

$$\vec{Q}(s) = \vec{Q}_r(s) + \vec{Q}_s(s) = \vec{\tau}_{mf}(s) A_m + \vec{\sigma}_s(s) A_s$$
 (19)

(Der Querstrich steht für Mittelwert, der hier zweckmäßigerweise als charakteristischer Wert verwendet wird.)

Auf die mit dieser Verfahrensweise erzielten, für die neue DIN 1054 benötigten Ergebnisse wird später zurückgekommen. Es zeigt sich bei einer Kalibrierung an Erfahrungswerten, daß man bei  $\beta=4,7$  mit  $\gamma_{M}\approx2$  auskommt.

Bekanntermaßen ist im allgemeinen aus den LSL für den Spitzendruck kein Bruchwert  $\sigma_{sf}$  erkennbar; bei Weiterbelastung von Pfählen ist im allgemeinen stets noch eine Laststeigerung beim Spitzendruck möglich (siehe [16]). Daher wird in Übereinstimmung mit der international am weitesten verbreiteten Regel statt der nicht definierbaren Bruchsetzung  $s_{sf}$ , bei welcher der Bruchwert  $\sigma_{sf}$  des Spitzendruckes erreicht wird, ein praktikabler Wert von

$$s_g = 0.1 D$$
 (20)

eingeführt. Mit besonderen Untersuchungen, die später gezeigt werden, konnte nachgewiesen werden, daß für Bohrpfähle zwischen 0,3 m und 3 m mit Gl. (20) gleiche Ergebnisqualität erreicht wird.

Zur Ermittlung der schon erwähnten Bruchsetzung der Mantelreibung

$$s_{rf} = s_{rg}$$

wurden ebenfalls gesonderte Untersuchungen durchgeführt, und zwar für verschiedene Pfahl- und Bodenarten gemäß Abschnitt 2.2 getrennt. Erste Annahmen für Bohrpfähle mit  $s_{\rm rf}=1$  cm für Ton und 2 cm für Sand bzw. 0,01 D und 0,02 D sind inzwischen verfeinert worden.

Auf die "künstliche" LSL nach Bild 2 können dann die Sicherheitswerte der drei Grenzzustände (ULS) 1A, 1B und 2 nach Eurocode 7 wie auf LSL aus Probebelastungen angewendet werden, die ja bereits bisher gemäß DIN 1054 (11/1976) Ziffer 5.4.1.2 und 5.4.1.3 zu befriedigen waren.

Diese neue Vorgehensweise ist für Bohrpfähle in DIN 4014 (1989) realisiert worden (wobei auf Bild 2 und in den Tabellen 1 bis 4 bereits die neueren Forschungsergebnisse angegeben wurden). Damit wurden die Tagfähigkeitsangaben der DIN 4014, Teil 1 ersetzt, die nur für 2,5 bzw. 3 m Pfahleinbindung in sogenannte tragfähige Schichten galten und mit denen die Mantelreibung langer Pfähle nicht berücksichtigt werden konnte. Der Ersatz der Tragfähigkeitsangaben der DIN 4026, in der bisher nur Pfähle mit Profilweiten bis 40 cm und Mantelreibungslängen bis zu 6 bzw. 8 m Berücksichtigung fanden, steht noch aus und ist Gegenstand weiterer Forschungen.

#### 2.6 Einige Erläuterungen

Wie schon bisher in der deutschen Normung muß die Entwicklung neuer empirischer Tragfähigkeitsangaben begleitet werden von Qualitätsanforderungen an die Pfahlherstellungs- und Installationsvorgänge. Das Neue bei dieser Aufgabe besteht darin, daß in schneller Folge immer neue Technologien in Verbindung mit Geräteentwicklungen auf den Markt kommen. Insofern müssen die Qualitätsanforderungen bezüglich der Pfahlinstallation so gefaßt werden, daß sie einerseits als Voraussetzung für die Anwendung der empirischen Tragfähigkeitsangaben dienen können, andererseits müssen sie so allgemein gehalten werden, daß die Verantwortung und Haftung der Pfahlproduzenten auch bei Anwendung unterschiedlicher Produktionsmethoden unabweisbar ist. Dabei zeigt sich, daß nicht bei allen Produktions-

verfahren die Anwendung der empirischen Tragfähigkeitsangaben gestattet werden kann (siehe dazu Abschnitt 2.2).

Es versteht sich, daß bei der empirischen Vorgehensweise zur Angabe von Tragfähigkeitsdaten keine allgemeingültige dimensionslose Ergebnisdarstellung zustandekommen kann. Selbst wenn gelegentlich die dimensionslose Darstellung einer Ergebnisdatengruppe (wie auf Bild 1 a für den Spitzendruck) gelingt, so darf nicht vergessen werden, daß die Ergebnisse an die untersuchten Pfahlabmessungen, Pfahltypen und Bodenarten gebunden sind. Eine allgemeingültige Begründung der aus Probebelastungsergebnissen abgeleiteten empirischen Daten ist nur mit statistischen Methoden möglich. Diese Möglichkeit ist bei den in vielen Ländern laufenden Bemühungen um empirische Tragfähigkeitsangaben (siehe z.B. [17], [18], [19], [20]) bisher kaum wahrgenommen worden. Vielmehr hat man mehr gefühlsmäßig unter qualitativer Anwendung mehr oder weniger zutreffender Modellvorstellungen (z.B. bei der Mantelreibung  $\tau_m \approx K_0 \gamma h \tan \phi$ ) versucht, empirische Daten an möglichst viele Probebelastungsergebnisse ohne Zuhilfenahme von Statistik zu adjustieren. Tatsächlich muß das bei der schmalen verwertbaren Datenbasis als legitime und unver-

itbare Vorgehensweise akzeptiert werden. Jedenfalls ist quese Vorgehensweise besser, als Statistik unter Verzicht auf die Berücksichtigung wichtiger bodenmechanisch-grundbautechnischer Parameter anzuwenden, wie das in [21] von Hettler für Franki-Pfähle und in [22] von Hettler und Berg für Betonrüttelsäulen (die nur pfahlähnliche Gebilde sind), praktiziert wurde. Bei den Frankipfählen blieb nämlich der Mantelreibungseinfluß unberücksichtigt; ebenfalls blieb unberücksichtigt, daß Ergebnisse der zugrundeliegenden Probebelastungen häufig lediglich die Kapazitätsgrenze der Probebelastungsvorrichtung bzw. das η-fache der geplanten Gebrauchslast repräsentieren. Insofern ist die zugrundeliegende Abhängigkeit zwischen  $\sigma_{sf} = f (q_s)$  mit  $q_s$  als Drucksondierergebnis mehr als fragwürdig. Bei den Betonrüttelsäulen ist ebenfalls davon ausgegangen worden, daß trotz der extrem rauhen Oberfläche (mit Durchmesserunterschieden bis 100%) die Gesamtlast ohne Mantelreibungsberücksichtigung auf den Pfahlfuß wirkt und - noch unangemessener daß der Rüttelvorgang alle Böden bis zur Gleichwertigkeit verbessert, d.h. bei statistischen Betrachtungen von einem Einheitsboden ausgegangen werden kann. Wenn überhaupt, " "e diese Annahme eher bei den Frankipfählen gerechtfer-... gewesen, die nichtbindigen Boden durch mehrfache Fußausrammung mehr oder weniger zu vergleichmäßigen gestatten.

Künftig muß versucht werden, statistische Methoden im Interesse der probabilistischen Kontrolle von Sicherheitswerten nach der β-Methode auch bei empirischen Pfahltragfähigkeitsangaben soweit wie möglich anzuwenden. Ein wesentliches Problem ist dabei, daß auf das stark simplifizierte Modell gemäß Gl. (5)  $Q(s) = Q_s(s) + Q_r(s)$  nicht verzichtet werden kann. Es setzt die Trennbarkeit der Wirkungen von Mantelreibung  $\tau_m \, A_m = Q_r$  und Spitzendruck  $\sigma_s A_s = Q_s$  voraus, obwohl zwischen beiden eine Wechselwirkung besteht (siehe [23], [25], [4]), und zwar umso mehr, je kürzer und gedrungener die Pfähle sind.

In den letzten 20 Jahren hat die elektronische Rechentechnik die Anwendung der Formeln von Mindlin [24] mit der Integration von Einzelkraftwirkungen im elastisch-isotropen Halbraum ermöglicht. Mit ihrer Anwendung auf Pfähle sind eine Reihe nützlicher Parameterstudien entstanden (siehe [26], [27], [28], [29]). Das gleiche kann man über die Anwendung von nichtlinearen Stoffgesetzen in FE-Rechnungen sagen. Eine praktische Bedeutung haben diese Studien aus den in Abschnitt 2.2 genannten Gründen nur sehr beschränkt.

#### Ausblick

Durch dankenswerte Unterstützung des Instituts für Bautechnik wird es ermöglicht, die dargestellten Prinzipien zur Entwicklung von Tragfähigkeitsangaben auch für Rammpfähle zu betreiben, so daß den in Bild 2 für Bohrpfähle dargestellten Angaben entsprechende für Rammpfähle in der zur Zeit überarbeiteten DIN 4026 folgen werden.

#### Literatur:

- [1] Grusi-Bau: Grundlagen zur Festlegung von Sicherheitsanforderungen für bauliche Anlagen. 1. Aufl. Berlin: DIN-Institut, Beuth Verlag 1981
- [2] Leussink, W.: Ergebnisse von Setzungsmessungen an Hochbauten. Veröff, d. Inst. f. Bodenmechanik u. Grundbau, TH Karlsruhe, Heft 13, 1963.
- [3] Skempton, A. W., und McDonald, D. H.: The allowable settlements of buildings. Proc. Inst. of Civil Engrs., London, Vol. 5, 1956, p. 727-784.
- [4] Franke, E.: Pfähle. Grundbau-Taschenbuch, Bd. 2, Abschnitt 2.11, Aufl. Berlin: Ernst & Sohn 1982.
- [5] Grant, R., Christian, J. T., und Vanarcke, E. H.: Differential settlements of buildings. Proc. ASCE, GT9, Vol. 100, p. 973.
- [6] Kézdi, A.: Bemerkungen zur Frage der Tragfähigkeit von Pfahlgrup-pen. Symposium on Pile Foundations, IVBH, Stockholm 1960.
- [7] Cooke, R. W.: The settlement of friction pile foundations. Building Research Establishment, Current Paper, CP 12/75, 1975.
- [8] Grundbautaschenbuch, Bd. 2, 3. Aufl. Berlin: Ernst & Sohn 1982. [9] Franke, E., und Elborg, E. A.: Zur Tragfähigkeitsvorhersage. Beiträge zum Symposium Pfahlgründungen. 12./13.5.1986 Darmstadt. Mitt. Inst. f. Grundbau, Boden- u. Felsmech, d. TH Darmstadt, S. 175-181.
- [10] Franke, E.: Prediction of bearing behaviour of piles, esp. large bored piles. Contrib. to XII. ICSMFE, Rio de Janeiro, 1989.
- [11] Burland, J. B., und Cooke, R. W.: The design of bored piles in stiff clays. Ground Engg. 7, No. 3, p. 28-35.
- [12] Garbrecht, D.: Großbohrpfähle in Ton. Geotechnik 2 (1979), H. 1, S. 51-53.
- [13] Whitaker, Th.: The Design of Piled Foundations, 2nd Edition. Oxford: Pergamon Press 1976.
  [14] Franke, E.: Point pressure versus length and diameter of piles. Proc.
- 10th ICSMFE. 1981a, Stockholm, Vol. 2, p. 717-722.
  [15] Franke, E.: Neue Erkenntnisse über den Spitzendruck von Pfählen
- in Sand und einige praktische Konsequenzen. Die Bautechnik 58 (1981), H. 3, S. 80-86.
- [16] Linder, N. R.: Zum Eindring- und Tragverhalten von Pfählen in
- Sand. Dissertation, TU Berlin, 1977.
  [17] De Beer, E. E.: Different behaviour of bored and driven piles. Proc. of the 1st Intern. Geotechnical Seminar on Deep Foundations on Bored and Auger Piles. Ghent, 7-10 June 1988, p. 47-82.
- [18] Van Impe, W. F.: Considerations on the auger pile design. Proc. of the 1st Intern. Geotechnical Seminar on Deep Foundations on Bored and Auger Piles. Ghent, 7-10 June 1988, p. 193-218.
- [19] Jamiolkowski, M., und Lancellotta, R.: Relevance of in-situ test results for evaluation of allowable base resistance of bored piles in sands. Proc. of the 1st Intern. Geotechnical Seminar on Deep Foundations on Bored and Auger Piles. Ghent, 7-10 June 1988, . 107-120.
- [20] Gwizdalla, K.: Large diameter bored piles in non-cohesive soils. Swedish Geotechnical Institute, Report No. 26, 1984.
- [21] Hettler, A.: Statistische Sicherheit bei Franki-Ortrammpfählen unter Verwendung von Vorinformationen. Der. Bauingenieur 62 (1987), S. 539–545.
- [22] Hettler, A., und Berg, J.: Zulässige Lasten bei Betonrüttelsäulen und vermörtelten Stopfsäulen auf statistischer Grundlage. Geotechnik 10 (1987), H. 4, S. 169-179.
- [33] Vesic, A. S.: A study of bearing capacity of deep foundations. Final Report, Project B-189, School of Civil Engg., Georgia, Inst. of Technology, Atlanta, Ga, 1967.
- [24] Mindlin, R. D.: Force at a point in the interior of a semi-infinite solid. Int. Appl. Phys., Vol. 7, No. 5, 1936, p. 195-202.
- [25] Franke, E.: General Report III-1.1. Pile Foundations-Single Piles. Proc. 6. ECSMFE, Wien 1976, Bd. 2.1.
- [26] Poulos, H. G.: The influence of a rigid pile cap on the settlement behaviour of an axially-loaded pile. Civ. Eng. Trans., Inst. of Engrs., Austr., Vol. CE10, 1968, p. 206-208.
- [27] Poulos, H. G.: The settlement of under-reamed and step-taper piles. Civ. Eng. Trans., Inst, of Engrs., Austr., Vol. CE11, 1969, p. 85-87.
- [28] Poulos, H. G.: Load-settlement prediction of piles and piers. Proc. ASCE 98 (1972), SM9, p. 879-897.
- [29] Poulos, H. G., und Davies, E. H.: The settlement behaviour of single axially loaded incompressible piles and piers. Geotechnique 18 (1968), No. 3, p. 351-371.